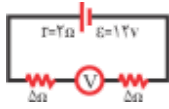


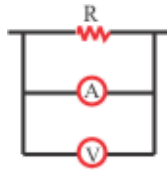
سریال ۷۰۶۰۴۴	تاریخ : وقت : دقیقه	نام و نام خانوادگی : تعداد سوالات: ۲۱۵
دبیرستان شهید شیرودی	موضوع ۱. فیزیک ۳.۲ فیزیک یازدهم (رشته تجربی)، ۳.۳ فیزیک یازدهم (رشته ریاضی)	

۱. در مدار شکل مقابل، ولت سنج چند ولت را نشان می دهد؟ (مقاومت درونی ولت سنج خیلی زیاد است.)

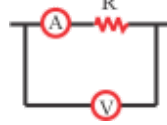


- (۱) ۰
(۲) ۶
(۳) ۱۰
(۴) ۱۲

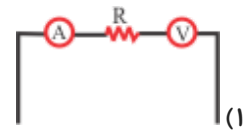
۲. می خواهیم اختلاف پتانسیل و شدت جریان مقاومت R را در یک مدار الکتریکی اندازه بگیریم در کدام شکل وسایل اندازه گیری، درست بسته شده اند؟



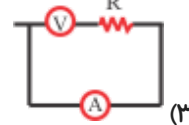
(۲)



(۴)

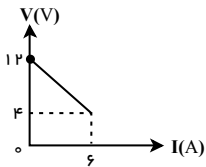


(۱)



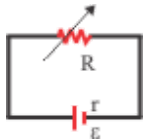
(۳)

۳. نمودار شکل زیر، اختلاف پتانسیل دو سر یک مولد را بر حسب جریان عبوری از آن، نشان می دهد. مقاومت درونی مولد چند اهم است؟



- (۱) ۳
(۲) ۴
(۳) $\frac{3}{4}$
(۴) $\frac{4}{3}$

۴. اگر در شکل مقابل، R متغیر را از $2r$ تا r کاهش دهیم، افت پتانسیل در باتری چند برابر می شود؟



- (۱) ۲
(۲) $\frac{1}{2}$
(۳) $\frac{3}{2}$
(۴) $\frac{2}{3}$

۵. اگر شدت جریان گذرنده از یک رسانا r سه آمپر افزایش یابد، اختلاف پتانسیل دو سر آن از ۱۰ ولت به ۱۶ ولت می رسد. توان مصرفی در این رسانا در حالت اول چند وات بوده است؟ (دما ثابت است.)

- (۱) ۱۰
(۲) $\frac{15}{2}$
(۳) $\frac{5}{2}$
(۴) ۵

۶. سیم های رسانای A و B هم جنس هستند و قطر A نصف قطر B و طول A سه برابر طول B است. اگر اختلاف پتانسیل دو سر این سیم ها مساوی باشد، در مدت مساوی گرمای تولید شده در A چند برابر B است؟

- (۱) $\frac{3}{4}$
(۲) $\frac{1}{12}$
(۳) $\frac{3}{2}$
(۴) $\frac{1}{6}$

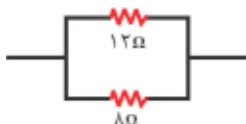
۷. در لامپ های معمولی خانگی (التهابی) مقاومت الکتریکی لامپ ۱۰۰ وات چند برابر مقاومت الکتریکی لامپ کوچک ۲۵ وات است؟

- (۱) ۲
(۲) ۴
(۳) $\frac{1}{2}$
(۴) $\frac{1}{4}$

۸. دو رسانای A و B هم جنس هستند و اختلاف پتانسیل دو سر آنها مساوی است. اگر طول A پنج برابر طول B و قطر A نصف قطر B باشد، توان مصرفی در A چند برابر B است؟

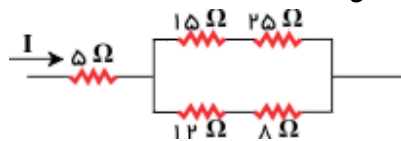
- (۱) ۱۰
(۲) $\frac{1}{10}$
(۳) $\frac{1}{20}$
(۴) ۲۰

۹. در شکل مقابل توان مصرف شده در مقاومت 12Ω برابر با $40W$ است. توان مصرف شده در مقاومت 8Ω چند وات است؟



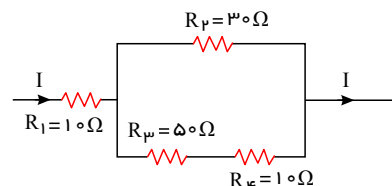
- ۲۵ (۱)
۵۰ (۳)

۱۰. در شکل مقابل، توان مصرفی در مقاومت ۸ اهمی چند برابر توان مصرفی در مقاومت ۲۵ اهمی است؟



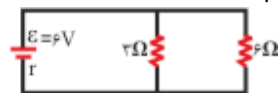
- ۳۶ (۲)
۲۵ (۴)
۳۲ (۴)
۲۵ (۵)
- ۹ (۱)
۵ (۳)
۸ (۳)
۵ (۵)

۱۱. در شکل مقابل قسمتی از یک مدار الکتریکی را نشان می دهد، توان مصرفی کدام مقاومت بیشتر است؟

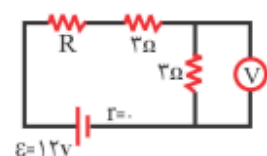


- R_1 (۱)
 R_2 (۲)
 R_3 (۳)
 R_4 (۴)

۱۲. اگر در شکل مقابل جریانی که از مقاومت ۳ Ohm می گذرد ۱/۶ آمپر باشد، مقاومت داخلی باتری چند اهم است؟



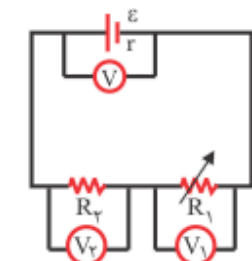
- ۰٫۵ (۲)
۱٫۲ (۴)
- ۰٫۳ (۱)
۱ (۳)



۱۳. در مدار شکل مقابل ولت سنج ۴٫۵ ولت نشان می دهد. مقاومت R چند اهم است؟

- ۲ (۲)
۴ (۴)
- ۱ (۱)
۳ (۳)

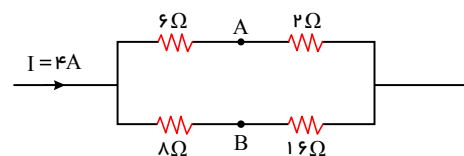
۱۴. در شکل مقابل مقاومت متغیر R_1 را به تدریج کاهش می دهیم. مقادیری که V ، V_1 و V_2 نشان می دهند، به ترتیب از راست به



چپ چگونه تغییر می کند؟

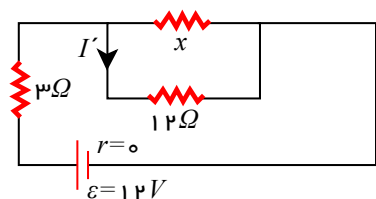
- (۱) کاهش - کاهش - افزایش
(۲) کاهش - افزایش - کاهش
(۳) افزایش - کاهش - افزایش
(۴) افزایش - کاهش - افزایش

۱۵. در شکل مقابل، اختلاف پتانسیل بین دو نقطه ی A و B چند ولت است؟



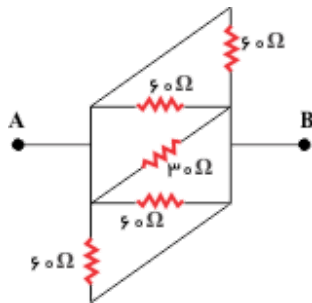
- ۶ (۱)
۸ (۲)
۱۰ (۳)
۱۲ (۴)

۱۶. در شکل روبه رو، اگر I' برابر با ۵/۸ آمپر باشد، x چند اهم است؟



- ۳ (۲)
۸ (۴)
- ۴ (۱)
۶ (۳)

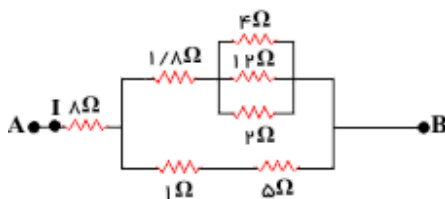
۱۷. در شکل مقابل مقاومت معادل بین دو نقطه‌ی A و B چند اهم است؟



- ۱۵ (۲)
- ۴ (۴)

- ۱۰ (۱)
- ۵ (۳)

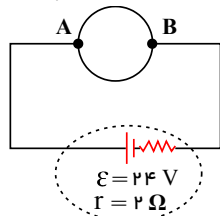
۱۸. شکل زیر، قسمتی از یک مدار الکتریکی را نشان می‌دهد. اگر $I = 2A$ باشد، توان الکتریکی مصرفی در مجموعه‌ی مقاومت‌های



- ۲۰ (۲)
- ۸۰ (۴)

- ۱۰ (۱)
- ۴۰ (۳)

۱۹. مطابق شکل زیر، سیم یک‌نواختی به مقاومت الکتریکی 40 اهم را به صورت دایره‌ای در آورده و طوری در مدار قرار می‌دهیم که

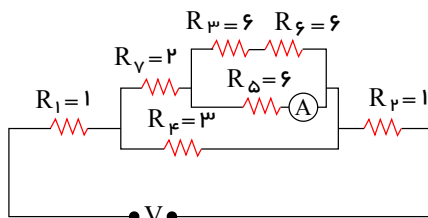


AB قطر دایره باشد. در این حالت توان مفید مولد چند وات خواهد شد؟

- ۲۰ (۲)
- ۴۰ (۴)

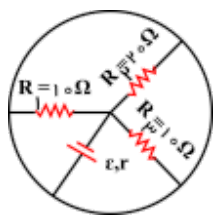
- ۱۰ (۱)
- ۳۰ (۳)

۲۰. در مدار شکل زیر، اگر آمپرسنج ایده‌آل $1A$ را نشان دهد، V چند ولت است؟



- ۱۲ (۱)
- ۱۴ (۲)
- ۱۸ (۳)
- ۱۵ (۴)

۲۱. در مدار شکل زیر، اگر جریان الکتریکی عبوری از مقاومت R_4 برابر با 2 آمپر باشد، جریانی که از مولد عبور می‌کند، برابر با چند



- ۴ (۲)
- ۱ (۴)

- ۱۰ (۱)
- ۲ (۳)

۲۲. کدام گزینه صحیح نیست؟

(۱) جریان الکتریکی در یک رسانا ناشی از شارش بارهای متحرک آن است ولی هر بار متحرکی جریان ایجاد نمی‌کند.

(۲) بزرگی تندی حرکت کاتوره‌ای الکترون‌های آزاد در یک سیم مسی از مرتبه‌ی $10^6 \frac{m}{s}$ است.

(۳) چنانچه میدان الکتریکی به یک قطعه فلزی اعمال کنیم، حرکت کاتوره‌ای الکترون‌ها متوقف شده و الکترون‌ها با سرعت سوق

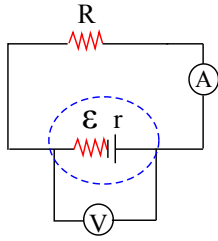
حرکت می‌کنند که موجب جریان الکتریکی در رسانا می‌شود.

(۴) سرعت سوق الکترون‌ها در یک رسانای فلزی، خلاف جهت میدان الکتریکی ایجاد شده است و مقدار آن معمولاً از مرتبه‌ی $10^8 \frac{mm}{s}$

می‌باشد.

صفحه ۴

۲۳. در مدار شکل زیر با افزایش مقاومت درونی مولد، به ترتیب از راست به چپ اعدادی که ولت سنج ایده آل و آمپرسنج ایده آل نشان می دهند چه تغییری می کند؟



- (۱) افزایش - افزایش
- (۲) ثابت - افزایش
- (۳) کاهش - کاهش
- (۴) افزایش - کاهش

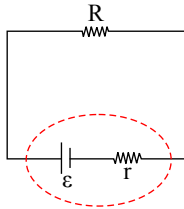
۲۴. رئوستا نوعی مقاومت الکتریکی متغیر است که از سیمی با مقاومت ویژه ساخته می شود و در مدارهای الکترونیکی وسیله ای به نام نقش آن را ایفا می کند.

- (۱) کم - پتانسیومتر
- (۲) کم - دیود
- (۳) زیاد - پتانسیومتر
- (۴) زیاد - دیود

۲۵. برای آن که یک باتری ۳ ولتی بتواند $30 \mu C$ بار الکتریکی را در یک مدار از پتانسیل منفی تا پتانسیل مثبت جابه جا کند، باید چند میلی ژول کار بر روی آن انجام دهد؟ (پتانسیل دو سر باتری ثابت فرض شود).

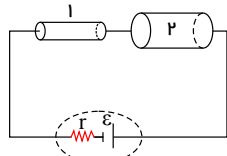
- (۱) 9×10^{-2}
- (۲) 9×10^{-5}
- (۳) ۹۰
- (۴) 9×10^4

۲۶. در مدار شکل زیر، اگر اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مولد، $\frac{3}{4}$ برابر نیروی محرکه مولد باشد، در این صورت $\frac{R}{r}$ کدام است؟



- (۱) ۳
- (۲) $\frac{1}{3}$
- (۳) ۲
- (۴) $\frac{1}{2}$

۲۷. در مدار شکل زیر، مقاومت های فلزی استوانه ای هم جنس و هم جرم می باشند. اگر شعاع مقاومت اول $\frac{1}{4}$ شعاع مقاومت دوم باشد، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت اول چند برابر اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت دوم است؟



- (۱) ۱۶
- (۲) ۶۴
- (۳) ۴
- (۴) ۲۵۶

۲۸. استوانه ای رسانا و توپُر به قطر مقطع D_1 در اختیار داریم. با ذوب کردن این استوانه و ساختن استوانه ای توپُر به قطر D_2 ،

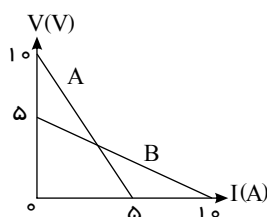
مقاومت رسانا ۳۶ درصد کاهش یافته است. حاصل $\frac{D_2}{D_1}$ کدام است؟ (دما ثابت و یکسان است).

- (۱) $\frac{\sqrt{5}}{2}$
- (۲) $\frac{5}{4}$
- (۳) $\frac{2\sqrt{5}}{5}$
- (۴) $\frac{4}{5}$

۲۹. وقتی که تنها مقاومت خارجی مدار 1Ω باشد، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر باتری ای که درون مدار قرار دارد، $1.75V$ است و زمانی که این مقاومت 2Ω می شود، این اختلاف پتانسیل به $2V$ افزایش می یابد. به ترتیب نیروی محرکه باتری و مقاومت درونی آن برحسب واحدهای SI کدام است؟

- (۱) 1 و 3.5
- (۲) 1.5 و 3
- (۳) 1.5 و 3.5
- (۴) 1 و 3

۳۰. نمودار اختلاف دو سر مولد A و B برحسب جریان گذرنده از آن ها، مطابق شکل زیر است. هر یک از این دو مولد را به مقاومت خارجی R وصل می کنیم. R چند اهم باشد تا اختلاف پتانسیل دو سر هر دو مولد یکسان باشد؟



صفحه ۵

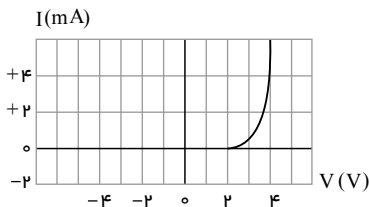
۱ (۱)

۵ (۲)

۱۰ (۳)

۱۵ (۴)

۳۱. نمودار جریان الکتریکی بر حسب اختلاف پتانسیل شکل زیر مربوط به چه نوع مقاومتی می‌باشد؟ (دما ثابت فرض شود).



(۱) مقاومت دیود نور گسیل

(۲) مقاومت ابرسانا

(۳) مقاومت نارسانا

(۴) مقاومت اهمی

۳۲. روی لامپی اعداد $220V$ و $60W$ نوشته شده است. اگر این لامپ را به ولتاژ $55V$ وصل کنیم، در مدت یک دقیقه چند ژول

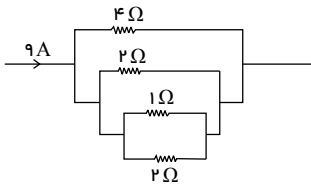
انرژی الکتریکی مصرف می‌کند؟ (دما ثابت فرض شود).

۲۴۰ (۴)

۲۲۵ (۳)

۱۸۰ (۲)

۱۷۵ (۱)



۳۳. در شکل زیر، جریان گذرنده از مقاومت یک اهمی چند آمپر است؟

۴ (۱)

۲ (۲)

۶ (۳)

۳ (۴)

۳۴. ولتاژ باتری یک ماشین حساب $1.5V$ است و وقتی ماشین حساب روشن است، جریان ثابت $2mA$ از آن عبور می‌کند. اگر این

ماشین حساب نیم ساعت روشن باشد، باتری چند میلی ژول انرژی به مدار می‌دهد؟

۵۴۰ (۴)

۵۴ (۳)

۵٫۴ (۲)

۰٫۵۴ (۱)

۳۵. دو لامپ A و B به گونه‌ای هستند که وقتی هر کدام به اختلاف پتانسیل ثابت V وصل می‌شوند، روشنی A بیش تر از B است. اگر این دو لامپ به صورت متوالی به اختلاف پتانسیل V وصل شوند

(۱) لامپ B روشن تر از لامپ A است.(۲) لامپ A روشن تر از لامپ B است.

(۳) روشنی هر دو لامپ یکسان است.

(۴) اظهار نظر قطعی ممکن نیست.

۳۶. در مدار شکل زیر، اگر توان مصرفی در مقاومت‌های خارجی با یکدیگر برابر باشد، آمپرسنج ایده‌آل چه جریانی را بر حسب آمپر

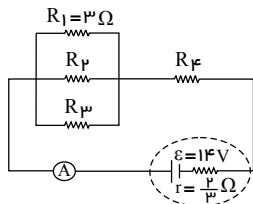
نشان می‌دهد؟

۵٫۲۵ (۱)

۳ (۲)

۷ (۳)

۱۰٫۵ (۴)



۳۷. مقاومت ویژه رساناهای فلزی و نیم‌رساناها با افزایش دما به ترتیب از راست به چپ، چگونه تغییر می‌کند؟

(۱) کاهش-کاهش

(۲) افزایش-افزایش

(۳) افزایش-کاهش

۳۸. کدام یک از عبارات‌های زیر نادرست است؟

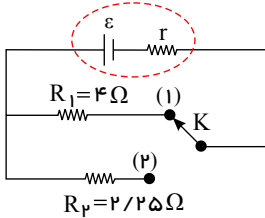
صفحه ۶

(۱) مقاومت ویژه رساناهای فلزی با افزایش دما زیاد می شود، در حالی که مقاومت ویژه نیم رساناها با افزایش دما کاهش می یابد.
 (۲) دسته ای از مواد مانند جیوه و قلع وجود دارند که مقاومت ویژه آن ها بین مقاومت ویژه رساناها و نارساناهاست. به این دسته از مواد نیم رسانا می گویند.

(۳) مقاومت ویژه یک ماده به ساختار اتمی و دمای آن بستگی دارد.

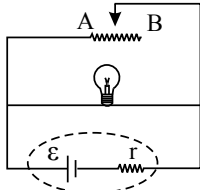
(۴) در برخی مواد، مقاومت ویژه در دمای خاصی به صورت ناگهانی به صفر افت می کند و در دماهای پایین تر، همچنان صفر می ماند. این پدیده را ابر رسانایی می گویند.

۳۹. در مدار شکل زیر، اگر کلید از حالت (۱) به حالت (۲) برود، توان خروجی مولد تغییری نمی کند. مقاومت درونی مولد چند اهم است؟



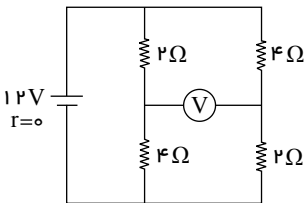
- (۱) ۱
- (۲) ۳
- (۳) ۲
- (۴) ۱٫۵

۴۰. در مدار شکل زیر، در صورتی که باتری دچار فرسودگی شود، برای آنکه نور لامپ تغییری نکند، لغزنده باید به سمت حرکت داده شود و در این حالت، جریان خروجی از باتری (مقاومت لامپ ثابت فرض شود).



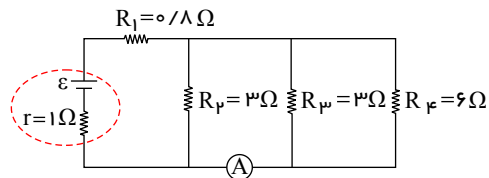
- (۱) کاهش می یابد.
- (۲) کاهش می یابد.
- (۳) ثابت می ماند.
- (۴) ثابت می ماند.

۴۱. در مدار شکل زیر، ولت سنج ایده آل چند ولت را نشان می دهد؟



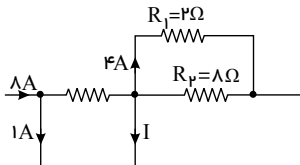
- (۱) ۱۶
- (۲) ۸
- (۳) ۴
- (۴) ۱۲

۴۲. در شکل زیر، اگر آمپر سنج ایده آل ۳ آمپر را نشان دهد، نیروی محرکه مولد چند ولت است؟



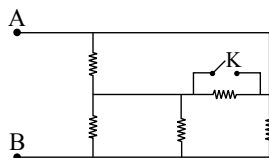
- (۱) ۹
- (۲) ۱۵
- (۳) ۲۲٫۵
- (۴) ۱۰

۴۳. شکل مقابل، قسمتی از یک مدار را نشان می دهد. جریان I چند آمپر است؟



- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۳
- (۴) ۴

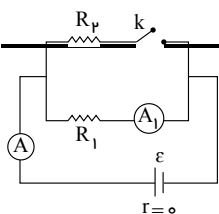
۴۴. در مدار شکل زیر، تمامی مقاومت ها مشابه هستند. با بستن کلید k، مقاومت معادل بین دو نقطه A و B چند برابر می شود؟



- (۱) ۲/۳
- (۲) ۳/۲
- (۳) ۸/۳
- (۴) ۳/۸

۴۵. در مدار شکل زیر، با بستن کلید k اعدادی که آمپر سنج های ایده آل A و A1 نشان می دهند به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می کنند؟

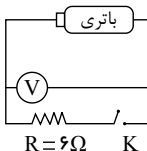
صفحه ۷



- (۱) افزایش - افزایش
- (۲) کاهش - کاهش
- (۳) افزایش - ثابت
- (۴) کاهش - ثابت

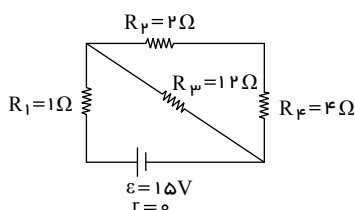
۴۶. در مدار شکل زیر وقتی کلید k باز است، ولت‌سنج‌ایده‌آل عدد $۱۵V$ و وقتی کلید k بسته می‌شود ولت‌سنج‌ایده‌آل عدد $۱۲V$ را

نشان می‌دهد. مقاومت داخلی باتری چند اهم است؟



- (۱) ۳۰
- (۲) ۱٫۵
- (۳) ۰٫۵
- (۴) ۲

۴۷. در مدار شکل زیر، توان مصرفی کدام مقاومت بیش‌تر است؟

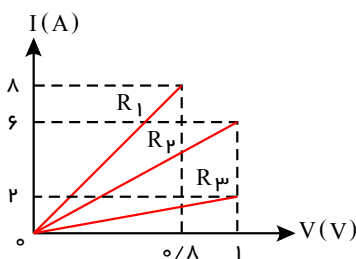


- (۱) R_1
- (۲) R_2
- (۳) R_3
- (۴) R_4

۴۸. مقاومت الکتریکی یک سیم مسی R است. اگر با ثابت ماندن حجم، طول آن را ۴ برابر کنیم مقاومت الکتریکی آن در همان دما چند R خواهد شد؟

- (۱) ۴
- (۲) ۱۶
- (۳) ۲
- (۴) ۸

۴۹. نمودار زیر مربوط به سه مقاومت R_1, R_2, R_3 است. (دما ثابت و یکسان است.)

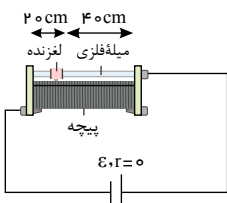


- (۱) $\frac{R_1}{R_3} = 5$ و $\frac{R_1}{R_2} = 0.6$
- (۲) $\frac{R_2}{R_3} = 0.4$ و $\frac{R_1}{R_2} = 0.6$
- (۳) $\frac{R_3}{R_2} = 3$ و $\frac{R_1}{R_3} = 0.2$
- (۴) $\frac{R_2}{R_3} = 2.5$ و $\frac{R_3}{R_1} = 5$

۵۰. دو سیم فلزی از جنس‌های A و B دارای طول، جرم و مقاومت اهمی برابرند. اگر چگالی فلز A ، $۱٫۵$ برابر چگالی فلز B باشد، مقاومت ویژه فلز A چند برابر مقاومت ویژه فلز B است؟

- (۱) $\frac{2}{3}$
- (۲) $\frac{4}{3}$
- (۳) $\frac{3}{2}$
- (۴) $\frac{4}{9}$

۵۱. در مدار شکل زیر برای ثابت نگه داشتن جریان الکتریکی مدار از یک مقاومت متغیر استفاده شده است. اگر نیروی محرکه مولد ۲۰ درصد کاهش یابد، لغزنده چگونه جابه‌جا شود تا جریان الکتریکی مدار ثابت بماند؟ (تعداد دور سیم در واحد طول روستا ثابت است.)



- (۱) $۴cm$ به سمت راست
- (۲) $۴cm$ به سمت چپ
- (۳) $۸cm$ به سمت راست
- (۴) $۸cm$ به سمت چپ

۵۲. دو سیم فلزی با جنس‌های نقره و پلاتین در اختیار داریم. اگر طول نقره‌ای ۴ برابر طول سیم پلاتینی و قطر مقطع آن، نصف قطر

مقطع سیم پلاتینی باشد، نسبت مقاومت سیم نقره‌ای به مقاومت سیم پلاتینی در دمای ثابت کدام است؟ (نقره $\rho = \frac{25}{4} \rho$ پلاتین که ρ که مقاومت ویژه فلز است.)

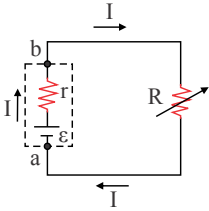
۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۵۹. در مدار شکل زیر، با تغییر مقاومت متغیر R مقدار I نیز تغییر می‌کند به گونه‌ای که اگر $I = 2A$ باشد اختلاف پتانسیل دو سر باتری ۱۱ ولت و هنگامی که $I = 5A$ شود، اختلاف پتانسیل دو سر باتری ۹٫۵ ولت می‌شود. حاصل $\frac{\epsilon}{r}$ چند آمپر است؟



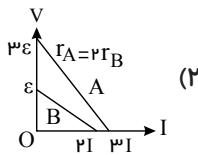
۲۰٫۵ (۱)

۱۰٫۲۵ (۲)

۱۲ (۳)

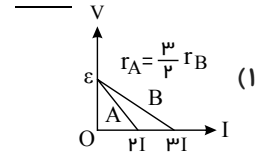
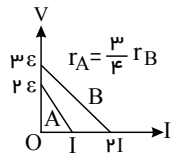
۲۴ (۴)

۶۰. نمودار ولتاژ بر حسب جریان برای دو مولد مطابق گزینه‌های زیر است. در کدام گزینه رابطه مقاومت درونی مولد A و مقاومت درونی مولد B صحیح نیست؟



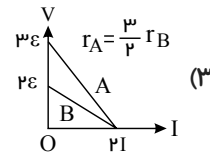
(۲)

(۴)



(۱)

(۳)



۶۱. اگر اختلاف پتانسیل دو سر یک رسانای اهمی را در دمای ثابت، ۲ ولت افزایش دهیم، جریان الکتریکی عبوری از آن ۲۰ درصد افزایش می‌یابد، اختلاف پتانسیل اولیه دو سر رسانا چند ولت بوده است؟

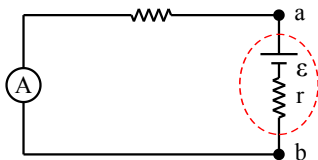
۱۰ (۴)

۵ (۳)

۸ (۲)

۱۲ (۱)

۶۲. در مدار شکل زیر، مقاومت درونی باتری خودرویی 0.5Ω و نیروی محرکه آن $24V$ است. اگر جریانی که موتور هنگام استارت منتقل می‌کند $12A$ باشد، در این حالت اختلاف پتانسیل دو سر باتری (V_{ab}) چند ولت است؟



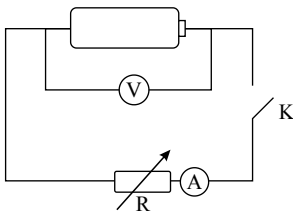
۲۴ (۱)

۱۸ (۲)

۶ (۳)

۲۰ (۴)

۶۳. در مدار شکل زیر، وقتی کلید k باز است، ولت‌سنج ایده‌آل عدد ۱۲ ولت و وقتی کلید k بسته است، ولت‌سنج ایده‌آل عدد ۱۰ ولت را نشان می‌دهد. به ازای کدام یک از جریان‌های زیر بر حسب آمپر اگر آمپر سنج ایده‌آل نشان دهد، می‌توان گفت که این باتری، یک باتری نو است؟ (در یک باتری نو، مقاومت داخلی کمتر از یک اهم است.)



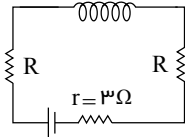
۰٫۵ (۱)

۱ (۲)

۱٫۷۵ (۳)

۲٫۲۵ (۴)

۶۴. در شکل زیر طول سیملوله 20 cm و بزرگی میدان مغناطیسی روی محور اصلی و درون آن 24 G است و سیملوله 200 حلقه دارد. اگر مقاومت سیملوله ناچیز و توان مفید مولد بیشینه باشد، نیروی محرکه مولد چند ولت است؟ $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$



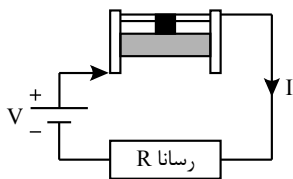
۶ (۱)

۹ (۲)

۱۲ (۳)

۱۸ (۴)

۶۵. در شکل زیر دو سر یک رسانا را به باتری وصل کرده و جریان از رئوستا می‌گذرد. اگر لغزنده رئوستا را مقداری به سمت راست حرکت دهیم، جریان گذرنده از رسانا چه تغییری می‌کند؟



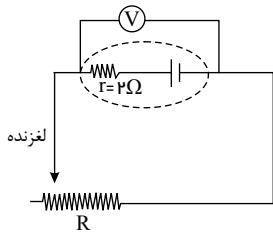
(۱) افزایش

(۲) کاهش

(۳) ثابت

(۴) بسته به مقاومت رسانا هر سه حالت ممکن است.

۶۶. در مدار شکل زیر، اگر مقاومت رئوستا برابر با 8 اهم باشد، اختلاف پتانسیل دو سر مولد برابر با V است. مقاومت را تقریباً چند اهم تغییر و لغزنده رئوستا را به کدام سمت حرکت دهیم تا اختلاف پتانسیل دو سر مولد 50% درصد کاهش یابد؟

(۱) $\frac{4}{3}$ ، راست(۲) $\frac{4}{3}$ ، چپ(۳) $\frac{20}{3}$ ، راست(۴) $\frac{20}{3}$ ، چپ

۶۷. جریان عبوری از یک مدار 3 A است. اگر مقاومت درونی مولد 2 اهم باشد و نیروی محرکه آن 16 برابر اختلاف پتانسیل دو سر آن باشد، نیروی محرکه الکتریکی این مولد چند ولت است؟

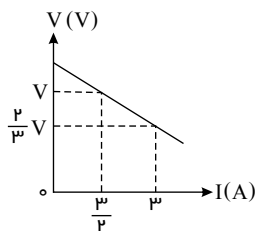
۱۶ (۴)

۱۰ (۳)

۸ (۲)

۵ (۱)

۶۸. نمودار اختلاف پتانسیل دو سر یک مولد نسبت به جریان عبوری از آن مطابق شکل زیر است. با عبور چه جریانی بر حسب آمپر از مولد، اختلاف پتانسیل دو سر آن صفر می‌شود؟



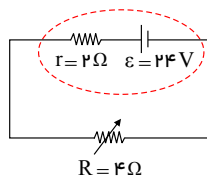
۴٫۵ (۱)

۶ (۲)

۷٫۵ (۳)

(۴) باید مقاومت درونی مولد مشخص باشد.

۶۹. مقاومت خارجی مدار شکل زیر چند درصد تغییر کند تا توان خروجی مولد بدون تغییر باقی بماند؟

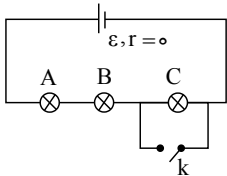


- (۱) ۲۵
- (۲) ۵۰
- (۳) ۷۵
- (۴) ۱۰۰

۷۰. در سیمی به طول ۸ متر که اختلاف پتانسیل دو سر آن V است. در مدت زمان ۲۰ ثانیه به اندازه‌ی Q گرما ایجاد شده است. در چند متر از همان سیم با همان اختلاف پتانسیل در مدت زمان ۲ دقیقه به اندازه‌ی $۲Q$ گرما ایجاد می‌شود؟

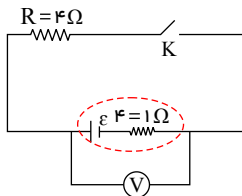
- (۱) ۱۲
- (۲) ۴
- (۳) ۲۴
- (۴) ۱۶

۷۱. در شکل زیر، لامپ‌های A, B و C مشابه‌اند. با بستن کلید، کدام گزینه درباره‌ی تغییرات اختلاف پتانسیل صحیح است؟



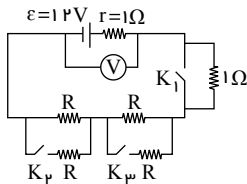
- (۱) اختلاف پتانسیل دو سر A و دو سر B تغییر نمی‌کند.
- (۲) اختلاف پتانسیل دو سر C به اندازه‌ی ۵۰ درصد کاهش می‌یابد.
- (۳) هر یک از اختلاف پتانسیل‌های دو سر A و B به اندازه‌ی ۵۰ درصد افزایش می‌یابد.
- (۴) اختلاف پتانسیل دو سر C به صفر کاهش می‌یابد و هر یک از اختلاف پتانسیل‌های دو سر A و B دو برابر می‌شود.

۷۲. در مدار شکل زیر، اگر کلید k باز باشد، ولت سنج ایده‌آل عدد ۲۰ ولت را نشان می‌دهد. اگر کلید k بسته شود، توان خروجی مولد چند وات می‌شود؟



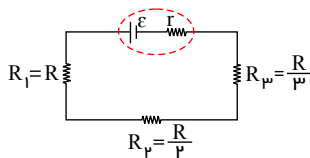
- (۱) ۶۴
- (۲) ۶۰
- (۳) ۵۴
- (۴) ۵۰

۷۳. در مدار شکل مقابل، اگر نسبت عددی که ولت‌سنج ایده‌آل در هنگام باز بودن تمام کلیدها نشان می‌دهد به عددی که در زمان بسته بودن تمام آن‌ها نشان می‌دهد برابر $\frac{5}{4}$ باشد، چند اهم R است؟



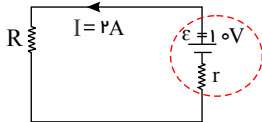
- (۱) ۴
- (۲) ۳
- (۳) ۲
- (۴) ۱

۷۴. در مدار شکل زیر، توان خروجی مولد چند برابر توان مصرفی در مقاومت R_1 است؟



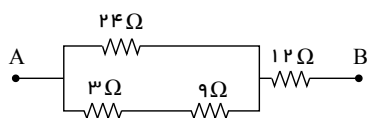
- (۱) ۳
- (۲) $\frac{11}{6}$
- (۳) ۶
- (۴) $\frac{7}{6}$

۷۵. در مدار شکل مقابل، اگر توان مصرفی در مقاومت خارجی، ۹ برابر توان مصرفی در مقاومت داخلی مولد باشد، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت داخلی مولد چند ولت است؟



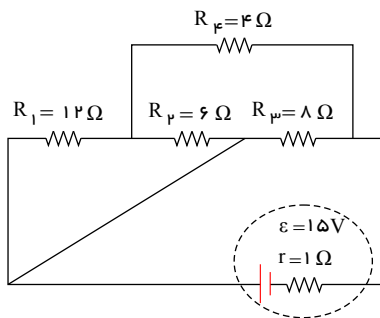
- (۱) ۲
- (۲) ۴
- (۳) ۳
- (۴) ۱

۷۶. در مدار زیر، اگر توان مصرفی در مقاومت ۳ اهمی برابر ۰.۸ وات باشد، V_{AB} چند ولت است؟



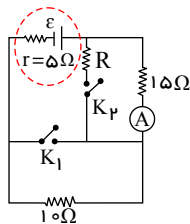
- (۱) ۱۰.۸
- (۲) ۱۸.۰
- (۳) ۳.۶
- (۴) ۷.۲

۷۷. در مدار شکل روبه‌رو، در مدت ۲ s چند ژول انرژی الکتریکی در مقاومت ۴ اهمی تلف می‌شود؟



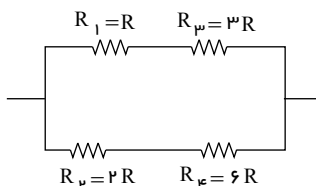
- ۱۸ (۱)
- ۳۰ (۲)
- ۲۴ (۴)
- ۳۲ (۳)

۷۸. در مدار شکل زیر، وقتی هر دو کلید k_1 و k_2 باز و یا هر دو بسته هستند، آمپرسنج ایده‌آل عدد $A/4$ را نشان می‌دهد. مقاومت



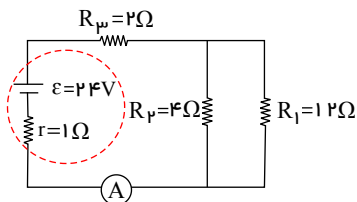
- چند اهم است؟
- ۶ (۱)
 - ۸ (۲)
 - ۱۵ (۴)
 - ۷.۵ (۳)

۷۹. در مدار شکل زیر، اگر دو سر مجموعه‌ی مقاومت‌ها به اختلاف پتانسیل ثابتی متصل شود، بیش‌ترین توان مصرفی متعلق به کدام



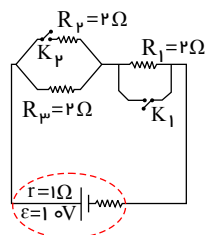
- مقاومت است؟
- R_1 (۱)
 - R_2 (۲)
 - R_3 (۳)
 - R_4 (۴)

۸۰. در مدار شکل زیر، اگر محل مولد و مقاومت R_2 عوض شود، جریانی که آمپرسنج ایده‌آل نشان می‌دهد چگونه تغییر می‌کند؟



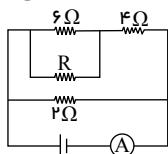
- ۱ A افزایش می‌یابد. (۱)
- ۸ A افزایش می‌یابد. (۲)
- ۴ A کاهش می‌یابد. (۳)
- ۸ A کاهش می‌یابد. (۴)

۸۱. با توجه به مدار شکل زیر، برای این‌که توان خروجی مولد بیشینه گردد، وضعیت کلیدهای k_1 و k_2 به چه شکلی باید باشد؟



- k_1 بسته و k_2 باز (۱)
- k_1 باز و k_2 بسته (۲)
- هر دو کلید بسته (۳)
- هر دو کلید بسته (۴)

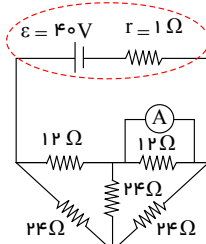
۸۲. در مدار شکل زیر، جریان عبوری از مقاومت ۴ اهمی سه برابر جریان عبوری از مقاومت ۶ اهمی است. جریان عبوری از آمپرسنج



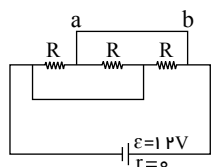
ایده‌آل چند برابر جریان عبوری از مقاومت ۴ اهمی است؟

- ۱۲ (۱)
- ۴ (۲)
- ۸ (۴)
- ۲ (۳)

۸۳. در مدار شکل زیر، آمپرسنج ایده‌آل چند آمپر را نشان می‌دهد؟



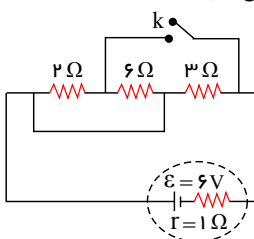
- (۱) ۰٫۵
- (۲) ۲
- (۳) ۲٫۵
- (۴) ۳٫۵



۸۴. در مدار شکل مقابل، $R = 4\Omega$ است. جریان عبوری از شاخه ab چند آمپر و در کدام سو است؟
 (۱) از b به a
 (۲) از a به b
 (۳) از a به b
 (۴) هیچ جریانی از شاخه ab عبور نمی‌کند.

۸۵. مقاومت الکتریکی یک کابل مسی برابر با 0.8Ω است. اگر جرم این کابل $2kg$ ، چگالی مس $\frac{g}{cm^3}$ و مقاومت ویژه آن $10^{-8}\Omega \cdot m$ باشد، طول این کابل چند متر است؟
 (۱) ۲۵ (۲) ۷۵ (۳) ۱۰۰ (۴) ۵۰

۸۶. در مدار شکل زیر، اگر کلید k را ببندیم، توان مصرفی مجموعه‌ی مقاومت‌های خارجی مدار چند برابر می‌شود؟

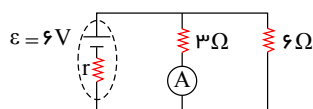


- (۱) $\frac{4}{3}$
- (۲) $\frac{3}{4}$
- (۳) $\frac{2}{3}$
- (۴) $\frac{3}{2}$

۸۷. سیم رسانایی به طول L ، سطح مقطع A و مقاومت ویژه‌ی ρ را به n قسمت با طول‌های مساوی تقسیم کرده و آن‌ها را به صورت موازی به هم می‌بندیم. اگر جریان عبوری از مجموعه‌ی مقاومت‌ها برابر با I باشد، اختلاف پتانسیل دو سر مجموعه کدام است؟ (مقاومت ویژه‌ی سیم است.)

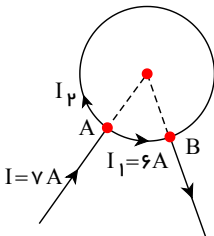
- (۱) $\frac{\rho AI}{nL}$
- (۲) $\frac{\rho AI}{n^2 L}$
- (۳) $\frac{\rho LI}{n^2 A}$
- (۴) $\frac{\rho LI}{nA}$

۸۸. اگر در شکل زیر عددی که آمپرسنج ایده‌آل نشان می‌دهد برابر 0.8 آمپر باشد، توان تلف شده در مولد چند وات است؟



- (۱) ۱٫۴۴
- (۲) ۴٫۳۲
- (۳) ۱۲٫۹۶
- (۴) ۱۷٫۲۸

۸۹. مطابق شکل زیر، سیمی به مقاومت 42 اهم را به صورت یک دایره درآورده به طوری که جریانه‌ی I_1 و I_2 از دو قسمت آن می‌گذرد. مقاومت کل این مجموعه بین دو نقطه‌ی A و B چند اهم است؟



- (۱) ۳۶
- (۲) ۳
- (۳) $\frac{36}{7}$
- (۴) ۵

۹۰. یک مکعب فلزی به ابعاد $3cm \times 4cm \times 5cm$ در اختیار داریم. آن را به گونه‌ای به یک اختلاف پتانسیل ثابت وصل می‌کنیم که جریان عبوری از آن بیشینه و برابر با $25A$ شود. اگر آن را به گونه‌ای در مدار قرار دهیم که جریان عبوری از آن کم‌ترین مقدار را داشته باشد، مقدار این جریان چند آمپر خواهد بود؟

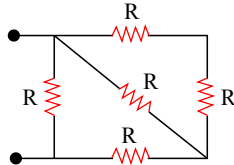
۶ (۴)

۹ (۳)

۱۰ (۲)

۱۳ (۱)

۹۱. در شکل زیر، اگر حداکثر توان قابل تحمل هر یک از مقاومت‌های یکسان برابر با 120 W باشد، حداکثر توانی را که می‌توان در این مدار مصرف کرد تا هیچ یک از مقاومت‌ها آسیب نبینند، چند وات است؟



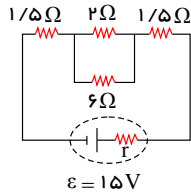
۱۵۰ (۲)

۷۵ (۱)

۳۲۰ (۴)

۱۹۲ (۳)

۹۲. در مدار شکل زیر نیروی محرکه‌ی مولد 15 V و شدت جریانی که از مقاومت $2\text{ }\Omega$ اهمی عبور می‌کند، 2 A است. افت پتانسیل در مولد چند ولت است؟



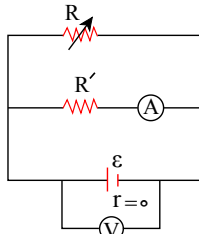
۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

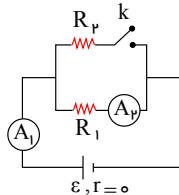
۳ (۳)

۹۳. در مدار شکل زیر، اگر مقاومت متغیر R افزایش یابد، عددی که آمپرسنج ایده‌آل و ولت‌سنج ایده‌آل نشان می‌دهند، به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کنند؟



- (۱) تغییر نمی‌کند. تغییر نمی‌کند.
- (۲) افزایش می‌یابد، کاهش می‌یابد.
- (۳) کاهش می‌یابد، افزایش می‌یابد.
- (۴) افزایش می‌یابد، افزایش می‌یابد.

۹۴. در شکل زیر، با بستن کلید k ، اعدادی که آمپرسنج‌های ایده‌آل A_1 و A_2 نشان می‌دهند، به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کنند؟



- (۲) کاهش - کاهش
- (۴) کاهش - ثابت

- (۱) افزایش - کاهش
- (۳) افزایش - ثابت

۹۵. سیمی به مقاومت $3\text{ }\Omega$ را به اختلاف 12 V وصل می‌کنیم. در هر دقیقه چند الکترون از هر مقطع این سیم عبور می‌کند؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19}\text{ C}$)

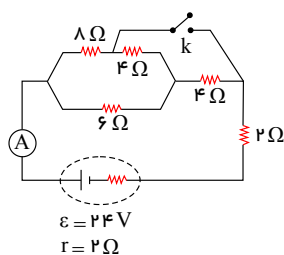
15×10^{20} (۴)

15×10^{19} (۳)

16×10^{20} (۲)

16×10^{19} (۱)

۹۶. در مدار شکل زیر، اگر کلید k بسته شود، عددی که آمپرسنج ایده‌آل نشان می‌دهد چند برابر می‌شود؟



$\frac{2}{3}$ (۲)

$\frac{3}{2}$ (۱)

$\frac{5}{3}$ (۴)

$\frac{3}{5}$ (۳)

۹۷. چند حلقه از سیم رسانایی به قطر 2 mm را باید دور استوانه‌ای به شعاع 5 cm بپیچیم تا مقاومت کل سیم $20\text{ }\Omega$ اهم شود؟ (مقاومت ویژه‌ی رسانا $10^{-6}\text{ }\Omega \cdot m$ است.)

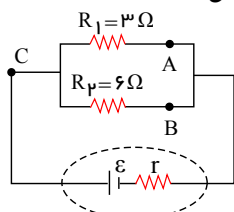
۴۰۰ (۴)

۳۰۰ (۳)

۲۰۰ (۲)

۱۰۰ (۱)

۹۸. در مدار شکل زیر، تعداد الکترون‌هایی که در هر دقیقه از مقطع A می‌گذرند، چند برابر تعداد الکترون‌هایی است که در همان مدت از مقطع B می‌گذرند؟

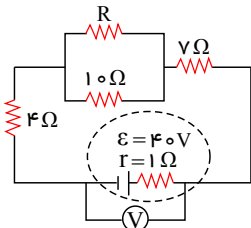


- ۱ (۱) ۲ (۲) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{1}{4}$ (۴)

۹۹. روی دو لامپ اعداد (۱۰۰W, ۲۲۰V) و (۶۰W, ۲۲۰V) حک شده است. اگر این دو لامپ را به صورت موازی به ولتاژ ۲۲۰V وصل کنیم، توان مصرفی مجموعه چند وات می شود؟ (مقاومت لامپ ها ثابت فرض شود).

- ۱ (۱) $\frac{8}{300}$ (۲) ۸۰ (۳) $\frac{300}{8}$ (۴) ۱۶۰

۱۰۰. در مدار شکل زیر، ولت سنج ایده آل عدد ۳۸V را نشان می دهد. در این صورت مقاومت الکتریکی R برابر با چند اهم است؟



- ۱ (۱) ۳۰ (۲) ۲۰ (۳) ۴۰ (۴) ۶۰

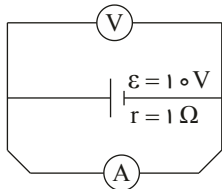
۱۰۱. دو سیم مسی A و B دارای دما و جرم یکسانی هستند. اگر قطر سیم A دو برابر قطر سیم B باشد، مقاومت الکتریکی سیم A چند برابر مقاومت الکتریکی سیم B است؟

- ۱ (۱) $\frac{1}{16}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴) ۱

۱۰۲. به دو سر یک سیم مسی اختلاف پتانسیل ثابتی برقرار می کنیم و جریان یک میلی آمپر از آن می گذرد. در همین حالت در اثر کشش قطر سیم را نصف می کنیم. جریان عبوری از سیم چند آمپر می گردد؟

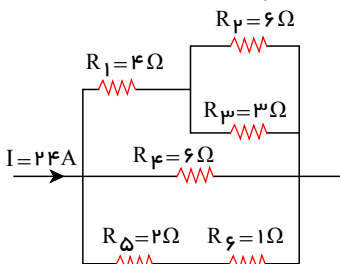
- ۱ (۱) ۲ (۲) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{1}{4}$ (۴) $\frac{1}{16}$

۱۰۳. در مدار شکل زیر، اعدادی که ولت سنج ایده آل و آمپرسنج ایده آل نشان می دهند، به ترتیب از راست به چپ بر حسب واحدهای SI کدام است؟



- ۱ (۱) ۱۰ و صفر (۲) ۹ و ۱۰ (۳) صفر و صفر (۴) ۱۰ و صفر

۱۰۴. در شکل مقابل، جریان الکتریکی عبوری از مقاومتی که در آن کم ترین توان مصرف می شود، چند آمپر است؟

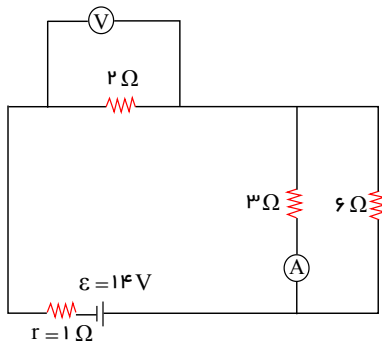


- ۱ (۱) ۲ (۲) ۴ (۳) ۶ (۴) ۱۲

۱۰۵. یک کتری برقی دارای دو مقاومت الکتریکی می باشد. وقتی مقاومت R_1 را در مدار قرار دهیم، آب داخل کتری در مدت ۷٫۵ دقیقه و اگر مقاومت R_2 را در مدار قرار دهیم، همان آب در مدت ۱۵ دقیقه به جوش می آید. اگر R_1 و R_2 را به طور موازی ببندیم و در همان مقدار آب قرار دهیم، پس از چند دقیقه آب به جوش می آید؟ (اختلاف پتانسیل دو سر کتری ثابت و دمای اولیه ی آب در تمامی حالت ها یکسان است).

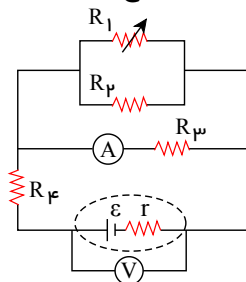
- ۱ (۱) ۶ (۲) ۲٫۵ (۳) ۴ (۴) ۵

۱۰۶. در مدار شکل زیر، اگر جای آمپرسنج و ولت سنج را باهم عوض کنیم، اعدادی که آمپرسنج ایده آل و ولت سنج ایده آل نشان می دهد، به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر خواهند کرد؟ (آمپرسنج و ولت سنج ایده آل اند).



- (۱) افزایش - کاهش
- (۲) افزایش - افزایش
- (۳) کاهش - کاهش
- (۴) کاهش - افزایش

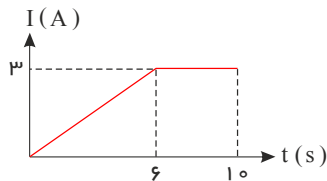
۱۰۷. در مدار شکل زیر، با افزایش مقدار مقاومت متغیر R_1 ، اعداد نمایش داده شده توسط آمپرسنج ایده آل و ولت سنج ایده آل به



ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می کنند؟

- (۱) کاهش - کاهش
- (۲) کاهش - افزایش
- (۳) افزایش - کاهش
- (۴) افزایش - افزایش

۱۰۸. نمودار شدت جریان گذرنده در یک مدار برحسب زمان مطابق شکل زیر است. شدت جریان متوسط در ده ثانیه ی اول چند آمپر است؟



- (۲) ۲٫۱
- (۴) ۱٫۵

- (۱) ۲٫۴
- (۳) ۳

۱۰۹. در هر ۲ دقیقه از سیمی که شدت جریان ثابت ۱۶ میلی آمپر در آن جریان دارد. چند الکترون عبور می کند؟

($e = 1.6 \times 10^{-19} C$)

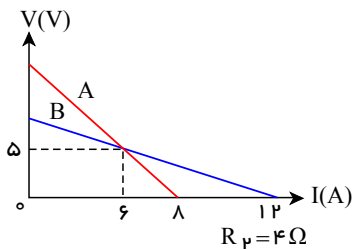
(۴) 2.4×10^{19}

(۳) 1.6×10^{18}

(۲) 1.6×10^{19}

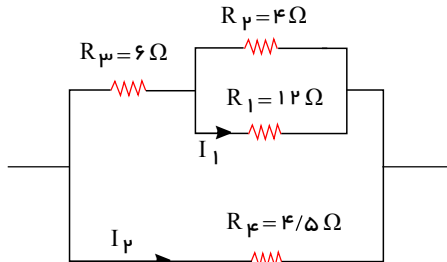
(۱) 1.2×10^{19}

۱۱۰. نمودار اختلاف پتانسیل دو سر مولدهای مجزای A و B برحسب شدت جریان الکتریکی عبوری از آن ها مطابق شکل زیر است. در حالتی که جریان یکسانی از دو مولد عبور می کند. به ترتیب از راست به چپ توان تلف شده در مولد A و توان تولیدی مولد A چند برابر توان تلف شده در مولد B و توان تولیدی مولد B است؟



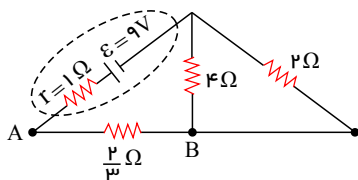
- (۱) ۱٫۳
- (۲) ۳٫۲
- (۳) ۲٫۳
- (۴) ۲٫۱

۱۱۱. در مدار شکل روبرو I_2 چند برابر I_1 است؟



- (۱) ۲
- (۲) ۸
- (۳) ۶
- (۴) $\frac{3}{2}$

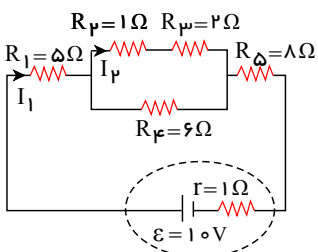
۱۱۲. در مدار شکل زیر، اختلاف پتانسیل بین دو نقطه ی A و B چند ولت است؟



- ۲ (۱)
- ۵ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)

۱۱۳. سیمی با طول مشخص را تحت کشش قرار می‌دهیم. اگر جرم واحد طول سیم ۲۰ درصد کاهش یابد. مقاومت سیم چند برابر می‌شود؟

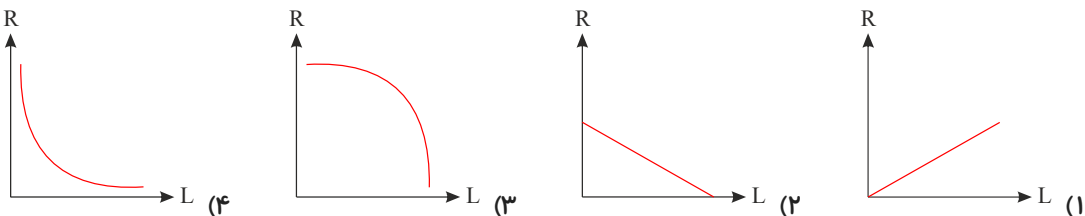
- $\frac{۲۵}{۱۶}$ (۱)
- $\frac{۵}{۴}$ (۲)
- $\frac{۳۶}{۲۵}$ (۳)
- $\frac{۶}{۵}$ (۴)



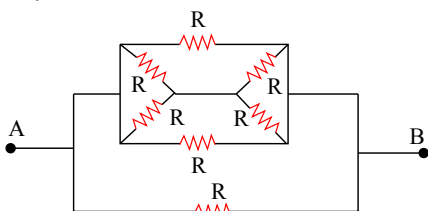
۱۱۴. باتوجه به مدار شکل زیر، حاصل $\frac{I_1}{I_2}$ برابر کدام گزینه است؟

- $\frac{۵}{۲}$ (۱)
- $\frac{۵}{۳}$ (۲)
- $\frac{۵}{۹}$ (۳)
- $\frac{۳}{۲}$ (۴)

۱۱۵. کدام گزینه نمودار مقاومت مقاومت یک سیم برحسب طول آن را با ثابت ماندن سطح مقطع سیم به درستی نشان می‌دهد؟

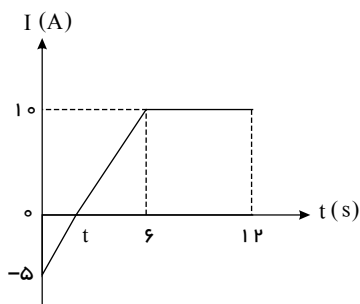


۱۱۶. در شکل زیر، مقاومت‌های الکتریکی مشابه بوده و مقاومت معادل بین دو نقطه‌ی A و B برابر ۸Ω است. مقاومت R برابر با چند اهم است؟



- ۴ (۱)
- ۱۶ (۲)
- ۳۲ (۳)
- ۶۴ (۴)

۱۱۷. نمودار شکل زیر، جریان الکتریکی عبوری از یک رسانا برحسب زمان را نشان می‌دهد. در فاصله‌ی زمانی $t_1 = 0$ تا $t_2 = ۱۲s$ ، جریان متوسط گذرنده از رسانا چند آمپر است؟



- ۷۵ (۱)
- ۶۷٫۵ (۲)
- ۶٫۲۵ (۳)
- ۵٫۶۲۵ (۴)

۱۱۸. مقاومت کابل توپُر A به طول l_A و شعاع $۳mm$ برابر R_A می‌باشد و مقاومت کابل توخالی B به طول l_B و قطر داخلی $۴mm$ و قطر خارجی $۶mm$ برابر با R_B است، اگر دو کابل هم جنس و $l_A = l_B$ باشد، $\frac{R_B}{R_A}$ کدام است؟

- $\frac{۵}{۹}$ (۱)
- $\frac{۹}{۵}$ (۲)
- ۳ (۳)
- $\frac{۱}{۳}$ (۴)

۱۱۹. اساس کار تغییر مقاومت الکتریکی در پتانسیومتر چیست؟

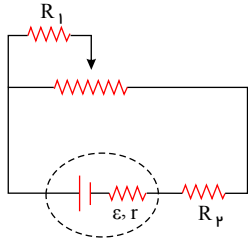
- (۱) تغییر جریان
- (۲) تغییر طول
- (۳) تغییر ولتاژ
- (۴) تغییر سطح مقطع

صفحه ۱۸

۱۲۰. دو کره‌ی رسانای مشابه A و B روی پایه‌های عایق قرار داشته و به ترتیب دارای بار الکتریکی $+12mC$ و $-8mC$ هستند. اگر توسط سیم رسانا آن‌ها را با هم تماس دهیم، در مدت $0.1s$ به تعادل الکتریکی می‌رسند. شدت جریان متوسط عبوری از سیم در این مدت چند آمپر است؟

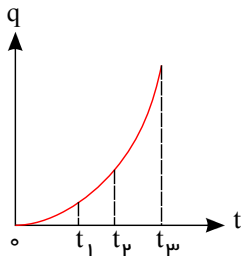
- (۱) ۲ (۲) ۱ (۳) ۴ (۴) ۳

۱۲۱. در مدار شکل زیر با حرکت لغزنده‌ی رُوستا به سمت راست، جریان عبوری از مقاومت‌های R_1 و R_2 به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کند؟



- (۱) افزایش - کاهش
(۲) کاهش - کاهش
(۳) کاهش - افزایش
(۴) افزایش - افزایش

۱۲۲. نمودار بار الکتریکی شارش شده از یک رسانا برحسب زمان مطابق شکل زیر است. شدت جریان متوسط عبوری از رسانا در کدام بازه‌ی زمانی بیش‌تر است؟



- (۱) ۰ تا t_1
(۲) t_1 تا t_2
(۳) t_2 تا t_3
(۴) t_3 تا ۰

۱۲۳. مقاومت ویژه‌ی سیم A ، چهار برابر مقاومت ویژه‌ی سیم B است. اگر قطر مقطع سیم A ، دو برابر قطر مقطع سیم B و مقاومت الکتریکی آن‌ها با هم برابر باشد طول سیم A چند برابر سیم B خواهد بود؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۲۴. مقاومت الکتریکی ستونی از جیوه که در یک لوله شیشه‌ای قرار دارد، R است. این جیوه را در لوله‌ی دیگری میریزیم که قطر آن نصف قطر مقطع لوله‌ی اول است. مقاومت ستون جیوه در این حالت، چند R میشود؟

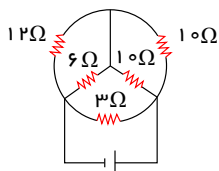
- (۱) ۲ (۲) ۴ (۳) ۸ (۴) ۱۶

۱۲۵. دو سر سیم رسانایی به طول L ، سطح مقطع A و مقاومت R را به منبع ولتاژ V می‌بندیم. اختلاف پتانسیل دو سر قطعه‌ای از سیم به طول L کدام است؟ (ρ مقاومت ویژه سیم است.)

- (۱) $\frac{\rho LV}{RA}$ (۲) $\frac{\rho IV}{RA}$ (۳) $\frac{RA}{\rho IV}$ (۴) $\frac{RA}{\rho LV}$

۱۲۶. سیمی به مقاومت 10Ω حداکثر می‌تواند جریان $2mA$ را تحمل نماید. اگر بخواهیم این سیم را بین دو نقطه با اختلاف پتانسیل $5V$ ببندیم، حداقل چه مقاومتی را باید با آن به صورت متوالی متصل کنیم تا آسیب نبیند؟

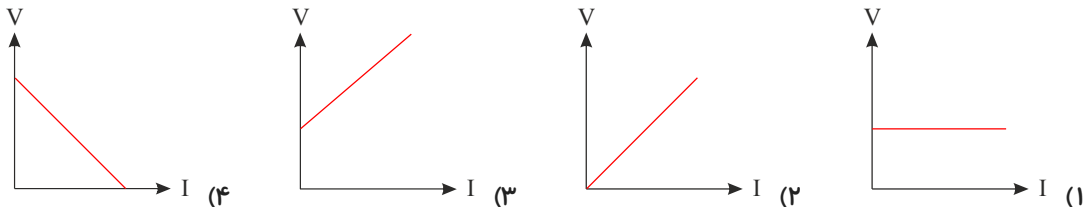
- (۱) 2000Ω (۲) 1990Ω (۳) 2500Ω (۴) 2490Ω



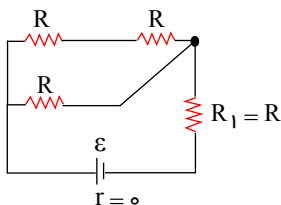
۱۲۷. در مدار شکل مقابل مقاومت معادل چند اهم است؟

- (۱) 4.5 (۲) 6 (۳) 12 (۴) 2.25

۱۲۸. در یک مدار تک حلقه، نمودار اندازه‌ی اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر یک مولد برحسب جریان عبوری از آن، مطابق کدام یک از گزینه‌های زیر نمی‌تواند باشد؟

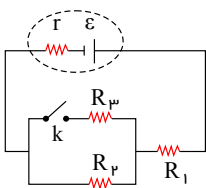


۱۲۹. اگر توان کل مصرفی در شکل مقابل، $160W$ باشد، توان مصرفی مقاومت R_1 چند وات است؟



- (۱) ۴۸
- (۲) ۹۶
- (۳) ۳۶
- (۴) ۱۲۰

۱۳۰. در مدار شکل مقابل، اگر کلید K بسته شود، افت پتانسیل مولد و ولتاژ دو سر مقاومت R_2 به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می کند؟

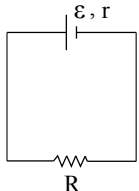


- (۱) افزایش - افزایش
- (۲) افزایش - کاهش
- (۳) کاهش - کاهش
- (۴) کاهش - افزایش

۱۳۱. با $20kg$ از یک رسانای فلزی به چگالی $10^3 \frac{kg}{m^3}$ و مقاومت ویژه $10^{-8} \Omega \cdot m$ ، سیمی به سطح مقطع $5mm^2$ ساخته ایم. مقاومت الکتریکی این سیم چند اهم است؟

- (۱) ۲
- (۲) ۱
- (۳) ۸
- (۴) ۵

۱۳۲. دو سر مولدی را که مقاومت درونی آن r است به وسیله سیمی مطابق شکل به مقاومت الکتریکی R می بندیم. در این حالت اختلاف پتانسیل دو سر مولد نصف نیروی محرکه‌ی آن است. نسبت $\frac{R}{r}$ کدام است؟

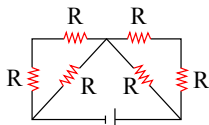


- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۳
- (۴) ۴

۱۳۳. چند لامپ $220V$ و $110W$ را به طور موازی به یکدیگر ببندیم تا لامپ‌ها به وسیله یک نیروی محرکه‌ی $250V$ و مقاومت درونی 20Ω با شدت کامل روشن شوند و آسیبی نبینند؟

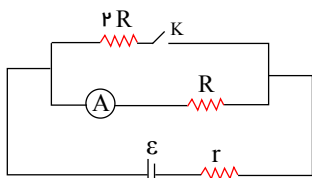
- (۱) ۱
- (۲) ۳
- (۳) ۴
- (۴) ۶

۱۳۴. در مدار شکل مقابل، اگر حداکثر توان قابل تحمل برای هر یک از مقاومت‌ها $40W$ باشد، بیشترین توانی که مجموعه می تواند تحمل کند به شرطی که هیچ کدام از مقاومت‌ها آسیب نبینند، چند وات است؟



- (۱) ۲۴۰
- (۲) ۶۰
- (۳) ۱۲۰
- (۴) ۴۰

۱۳۵. در شکل مقابل اگر پس از بستن کلید K ، جریان آمپرسنج 20% درصد کاهش یابد، جریانی عبوری از مولد چند درصد افزایش می یابد؟



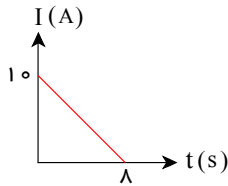
- (۱) ۲۰
- (۲) ۴۰
- (۳) ۶۰
- (۴) ۸۰

۱۳۶. طول سیمی از نیکروم (آلیاژی از نیکل، کروم) برابر $1m$ و سطح مقطع آن $1mm^2$ است. هرگاه اختلاف پتانسیل اعمال شده بین دو سر آن $2.5V$ باشد، جریان $5A$ از آن می گذرد. مقاومت ویژه‌ی این سیم چند $\Omega \cdot m$ است؟

0.5×10^{-7} (۲)
 2×10^{-6} (۴)

0.5×10^{-6} (۱)
 5×10^{-4} (۳)

۱۳۷. نمودار جریان الکتریکی عبوری از یک مدار بر حسب زمان مطابق شکل زیر است. اندازه بار الکتریکی شارش شده در مدار از لحظه $t = 0$ تا لحظه $t = 2s$ چند کولن است؟



۴۰ (۲)
 ۲۱٫۵ (۴)

۲۰ (۱)
 ۱۷٫۵ (۳)

۱۳۸. لامپی با مشخصات $220V$ و $100W$ مفروض است. جریان عبوری از این لامپ در حالتی که توان مصرفی آن ۸۱ وات باشد، چند آمپر است؟ (دمای لامپ ثابت فرض شود).

$\frac{5}{9}$ (۴)

$\frac{81}{220}$ (۳)

$\frac{5}{11}$ (۲)

$\frac{9}{22}$ (۱)

۱۳۹. دو مقاومت $R_1 = 3\Omega$ و $R_2 = 6\Omega$ را یک بار به صورت موازی و بار دیگر به صورت متوالی به یکدیگر می‌بندیم. نسبت مقاومت معادل در حالتی که موازی بسته شده‌اند به حالتی که به صورت سری بسته شده‌اند، چه قدر است؟

$\frac{2}{9}$ (۴)

$\frac{4}{9}$ (۳)

$\frac{9}{2}$ (۲)

$\frac{1}{18}$ (۱)

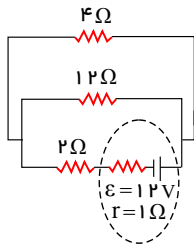
۱۴۰. اگر رسانای میله‌ای شکلی به طول L و سطح مقطع A را در دمای ثابت آن قدر بکشیم تا طولش دو برابر شود، آن گاه آن را نصف کنیم، مقاومت هر قسمت آن چند برابر میله‌ی اولیه می‌شود؟

۲ (۴)

۱ (۳)

$\frac{1}{2}$ (۲)

$\frac{1}{4}$ (۱)

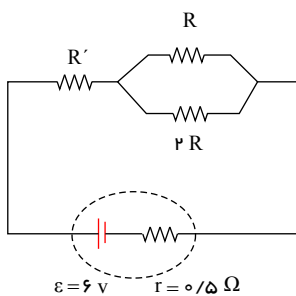


۱۴۱. در مدار شکل زیر، توان الکتریکی مصرفی مقاومت ۴ اهمی، چند وات می‌باشد؟

۹ (۲)
 ۳۶ (۴)

۱۶ (۱)
 ۱ (۳)

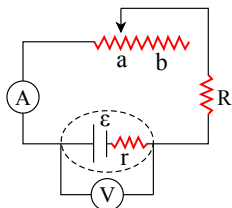
۱۴۲. در مدار شکل زیر، اگر جریان عبوری از مقاومت R برابر با $2A$ باشد، افت پتانسیل در باتری چند ولت است؟



۳ (۲)
 ۱ (۴)

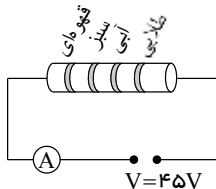
۴٫۵ (۱)
 ۱٫۵ (۳)

۱۴۳. در مدار شکل زیر، با حرکت لغزنده‌ی رئوس‌تاز از نقطه‌ی a تا b ، اعدادی که آمپرسنج ایده‌آل و ولت-سنج ایده‌آل نشان می‌دهند، به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کند؟



- (۱) کاهش می‌یابد - افزایش می‌یابد.
- (۲) کاهش می‌یابد - کاهش می‌یابد.
- (۳) افزایش می‌یابد - کاهش می‌یابد.
- (۴) افزایش می‌یابد - افزایش می‌یابد.

۱۴۴. در مقاومت‌های کربنی، اگر رنگ‌های قهوه‌ای، سبز و آبی به ترتیب بیانگر اعداد ۱، ۵ و ۶ باشند، آمپرسنج ایده‌آل در مدار شکل زیر چند میلی‌آمپر را نشان می‌دهد؟ (از خطای اندازه‌گیری صرف نظر شود).



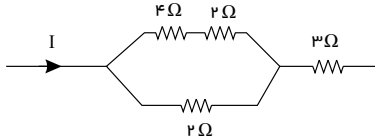
صفحه ۲۱

- (۱) ۰,۰۰۳
 (۲) ۰,۰۰۲
 (۳) ۰,۰۰۲
 (۴) ۰,۰۰۳

۱۴۵. به دو سر مقاومت R اختلاف پتانسیل V وصل شده و جریان I از آن می‌گذرد. اگر اختلاف پتانسیل را ۲۵٪ افزایش دهیم، جریان چگونه تغییر می‌کند؟ (مقاومت با تغییر دما، ثابت می‌ماند).

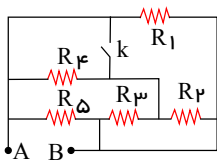
- (۱) ۲۵٪ افزایش می‌یابد. (۲) ۲۰٪ افزایش می‌یابد. (۳) ۲۰٪ کاهش می‌یابد. (۴) ۲۵٪ کاهش می‌یابد.

۱۴۶. در شکل زیر، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۴ اهمی چند برابر اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۳ اهمی است؟



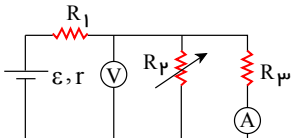
- (۱) $\frac{3}{2}$
 (۲) $\frac{2}{3}$
 (۳) $\frac{1}{3}$
 (۴) $\frac{9}{8}$

۱۴۷. در مدار شکل زیر، پس از بستن کلید K ، مقاومت معادل بین دو نقطه‌ی A و B چند برابر می‌شود؟ (همه مقاومت‌ها ۲ اهمی هستند).



- (۱) $\frac{3}{2}$
 (۲) $\frac{2}{3}$
 (۳) $\frac{3}{8}$
 (۴) $\frac{4}{3}$

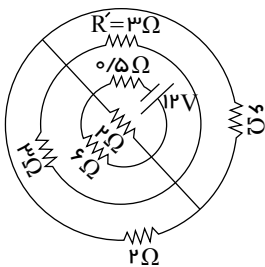
۱۴۸. در مدار شکل زیر، اگر مقاومت رئوستا (مقاومت R_2) را افزایش دهیم، مقادیری که آمپرسنج ایده‌آل و ولت سنج ایده‌آل نشان می‌دهند، به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کند؟



- (۱) افزایش، افزایش
 (۲) افزایش، کاهش
 (۳) کاهش، کاهش
 (۴) کاهش، افزایش

۱۴۹. دو سر یک سیم مسی را به دو سر باتری متصل کرده و جریان یک میلی‌آمپر از آن می‌گذرد. در همین حالت سیم را تحت کشش قرار داده و قطر آن را نصف می‌کنیم. در این حالت، جریان عبوری از سیم چند میلی‌آمپر می‌شود؟ (دما ثابت است)

- (۱) ۱
 (۲) $\frac{1}{2}$
 (۳) $\frac{1}{4}$
 (۴) $\frac{1}{16}$



۱۵۰. در مدار شکل زیر، جریان عبوری از مقاومت R' چند آمپر است؟

- (۱) ۲
 (۲) ۳
 (۳) ۱
 (۴) ۴

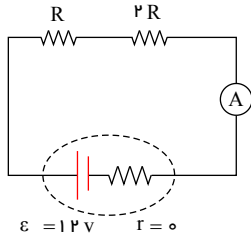
۱۵۱. از یک سیم رسانا جریان $5A$ عبور می‌کند. مدت زمانی که طول می‌کشد تا $8C$ بار الکتریکی از هر مقطعی از سیم عبور کند، چند ثانیه است؟

- (۱) ۰,۶۲۵
 (۲) ۱,۶
 (۳) ۴۰
 (۴) ۶۲۵

۱۵۲. سیم‌های انتقال برق معمولاً از جنس آلایژ مس یا آلومینیم هستند. اگر بخواهیم بین دو نقطه با طول معین مقاومت الکتریکی این دو نوع سیم یکسان باشد، قطر سیم آلومینیمی باید چند برابر قطر سیم مسی باشد؟ (مقاومت ویژه دو سیم:

$$(\rho_{Cu} = 1,2 \times 10^{-8} \Omega \cdot m, \rho_{Al} = 2,7 \times 10^{-8} \Omega \cdot m)$$

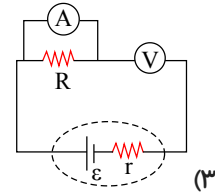
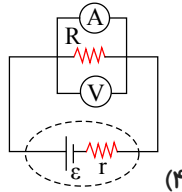
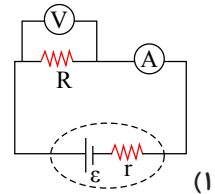
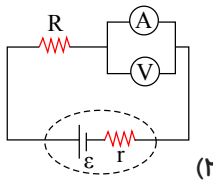
- (۱) $\frac{2}{3}$ (۲) $\frac{3}{2}$ (۳) $\frac{9}{4}$ (۴) $\frac{4}{9}$



۱۵۳. در مدار شکل زیر آمپرسنج ایده آل ۳A را نشان می‌دهد. توان مصرفی مقاومت R چند وات است؟

- (۱) ۰,۷۵ (۲) ۴ (۳) ۱۲ (۴) ۳۶

۱۵۴. در مدارهای شکل زیر، ولت‌سنج و آمپرسنج ایده آل‌اند. در کدام گزینه اگر آمپرسنج ایده آل را با یک آمپرسنج غیر ایده آل (واقعی) جایگزین کنیم، عددی که آمپرسنج جدید نشان می‌دهد، کاهش نمی‌یابد؟ (مقاومت آمپرسنج ایده آل صفر و مقاومت ولت‌سنج ایده آل بی‌نهایت است.)



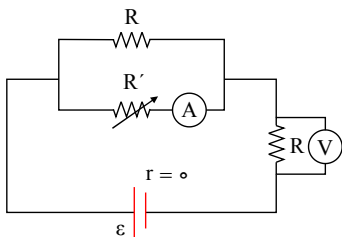
۱۵۵. مقاومت سیمی 1600Ω است. سیم را چهارلا کرده. به هم می‌پیچانیم. در این حالت مقاومت سیم چند اهم می‌شود؟

- (۱) ۱۰۰ (۲) ۱۶۰۰ (۳) ۴۰۰ (۴) ۱۶۰

۱۵۶. بر روی یک بخاری برقی رقم‌های $220V$ و $1500W$ ثبت شده است. این بخاری هنگامی که به ولتاژ $220V$ وصل است، در هر دقیقه چند کیلووات ساعت، انرژی الکتریکی مصرف می‌کند؟

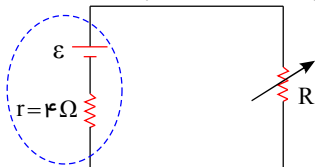
- (۱) 9×10^4 (۲) $32,4 \times 10^1$ (۳) $0,41$ (۴) $0,25$

۱۵۷. در مدار شکل زیر با افزایش مقاومت رئوستا، اعدادی که آمپرسنج ایده آل و ولت‌سنج ایده آل نشان می‌دهند، به ترتیب از راست به چپ چه تغییری می‌کنند؟



- (۱) کاهش - افزایش
(۲) افزایش - کاهش
(۳) افزایش - افزایش
(۴) کاهش - کاهش

۱۵۸. اگر مقاومت رئوستا را روی 6Ω تنظیم کرده باشیم و توان مصرفی آن P باشد، حداقل چند اهم آن را تغییر دهیم تا توان

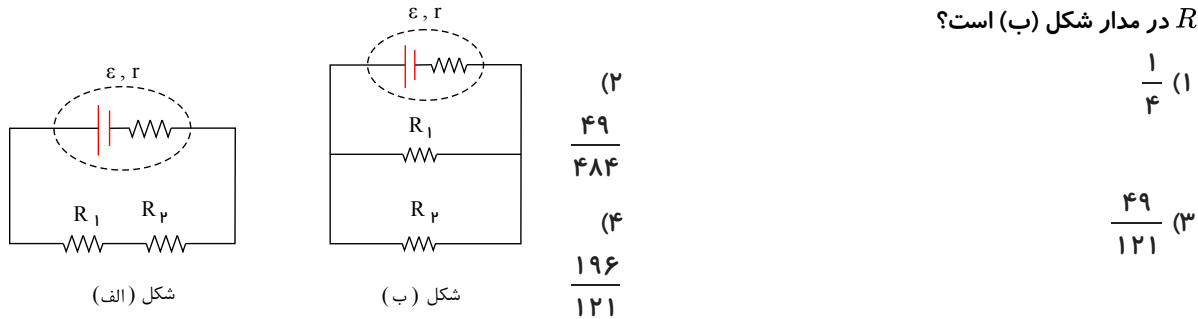


مصرفی آن $\frac{2}{3}P$ شود؟

- (۱) ۱ (۲) ۵ (۳) ۱۰ (۴) ۱۶

صفحه ۲۳

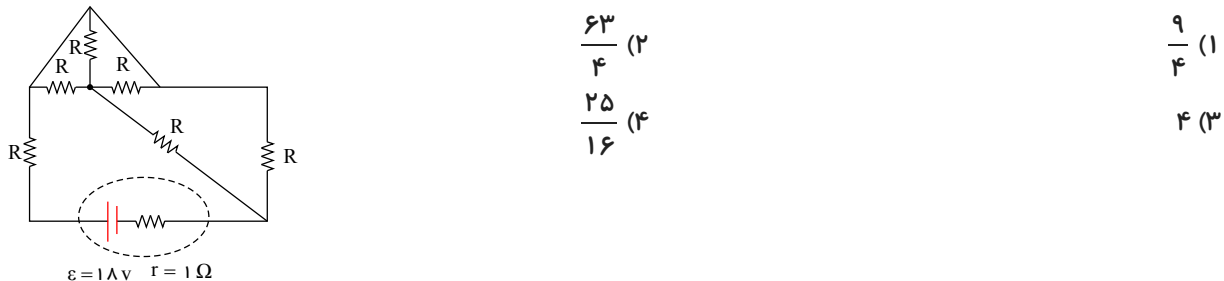
۱۵۹. در مدار زیر $R_1 = R_2 = 5r$ است. توان مصرفی در مقاومت R_2 در مدار شکل (الف)، چند برابر توان مصرفی در مقاومت R_1 در مدار شکل (ب) است؟



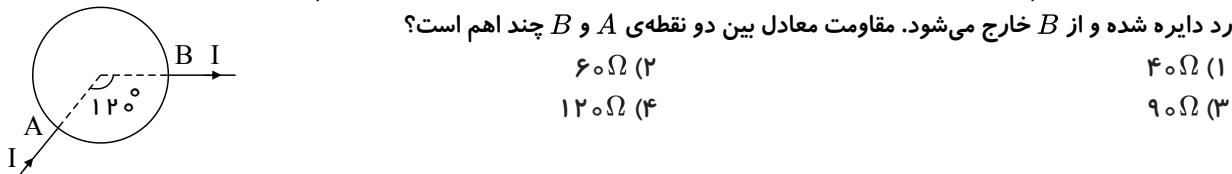
۱۶۰. شدت جریان الکتریکی متوسط گذرنده از یک رسانا برابر $12A$ است. در مدت ۱ دقیقه از مقطع این رسانا چند الکترون عبور می‌کند؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} C$)

(۱)	4.5×10^{20}
(۲)	4.5×10^{21}
(۳)	1.5×10^{20}
(۴)	1.5×10^{21}

۱۶۱. در مدار شکل زیر تمام مقاومت‌های R مشابه و برابر با 7Ω است. توان تلف شده در مولد چند وات است؟



۱۶۲. مطابق شکل، سیم راست رسانایی به مقاومت الکتریکی 180Ω را به شکل دایره‌ای در آورده‌ایم، به طوری که جریان از نقطه‌ی A وارد دایره شده و از B خارج می‌شود. مقاومت معادل بین دو نقطه‌ی A و B چند اهم است؟



۱۶۳. حداکثر بار ذخیره شده در یک باتری ۱۰ ولتی با مقاومت درونی ناچیز، 84 آمپر ساعت است. یک لامپ ۲۰ وات و ۱۰ ولتی با این باتری چند ساعت روشن می‌ماند؟

(۱)	۱۲
(۲)	۲۴
(۳)	۴۲
(۴)	۸۴

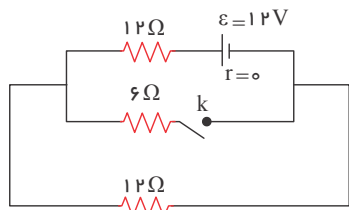
۱۶۴. طول سیم مسی A ، دو برابر طول سیم مسی B است و قطر مقطع سیم A ، نصف قطر مقطع سیم B است. مقاومت الکتریکی سیم A ، چند برابر مقاومت الکتریکی سیم B است؟

(۱)	$\frac{1}{2}$
(۲)	۲
(۳)	۴
(۴)	۸

۱۶۵. روی یک لامپ رشته‌ای معمولی نوشته شده است، ($220V$ ، $100W$). دانش آموزی مقاومت این لامپ را با اهم سنج اندازه می‌گیرد و با توجه به رابطه‌ی $P = \frac{V^2}{R}$ به این نتیجه می‌رسد که توان این مقاومت با برق 220 ولت، باید خیلی بیش تر از 100 وات باشد که روی لامپ نوشته شده است. پس این نوشته اشکال دارد. کدام توضیح این نتیجه گیری را تصحیح می‌کند؟

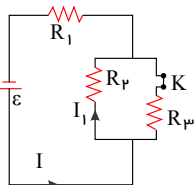
- (۱) به احتمال زیاد، اهم سنج خطا داشته است.
- (۲) برق خانه متناوب است و قانون اهم در آن صادق نیست.
- (۳) با افزایش دمای رشته، مقاومت الکتریکی آن و هم چنین توان مصرفی آن کاهش خواهد یافت.
- (۴) مقاومت الکتریکی رشته‌ی لامپ، وقتی که گداخته می‌شود، بیش تر از آن خواهد بود که دانش آموز اندازه گرفته است.

۱۶۶. در مدار روبه‌رو، با بستن کلید، توان مصرفی مدار چگونه تغییر می‌کند؟



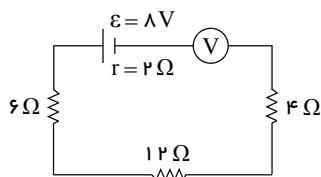
- (۱) ۳ وات کم می‌شود.
- (۲) ۶ وات کم می‌شود.
- (۳) ۳ وات زیاد می‌شود.
- (۴) ۶ وات زیاد می‌شود.

۱۶۷. اگر در شکل مقابل کلید K را باز کنیم، جریان‌های I و I_1 به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کنند؟



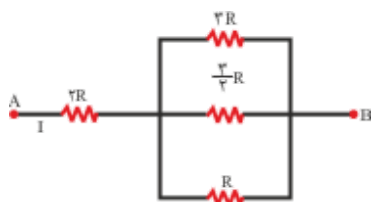
- (۱) افزایش - افزایش
- (۲) کاهش - کاهش
- (۳) کاهش - افزایش
- (۴) افزایش - کاهش

۱۶۸. در مدار روبه‌رو ولت سنج ایده آل، چند ولت را نشان می‌دهد؟



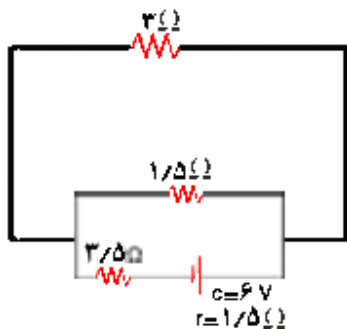
- (۱) ۸
- (۲) ۷٫۳
- (۳) ۴
- (۴) صفر

۱۶۹. در شکل روبه‌رو توان مصرفی مقاومت $2R$ چند برابر توان مصرفی مقاومت $3R$ است؟



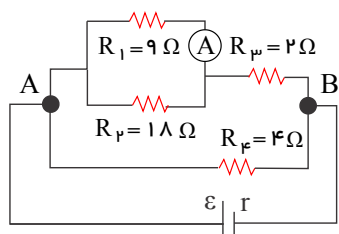
- (۱) ۶
- (۲) ۲۴
- (۳) 1/6
- (۴) 1/24

۱۷۰. در مدار مقابل، جریانی که از مقاومت $1/5$ اهمی می‌گذرد چند آمپر است؟



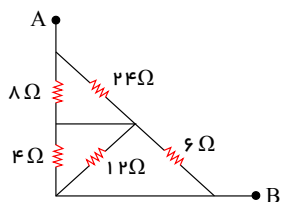
- (۱) 1/3
- (۲) 2/3
- (۳) 2/5
- (۴) 3/5

۱۷۱. در مدار روبه‌رو، اگر آمپرسنج ایده آل $5A$ را نشان دهد، توان مصرفی R_4 چند ولت است؟



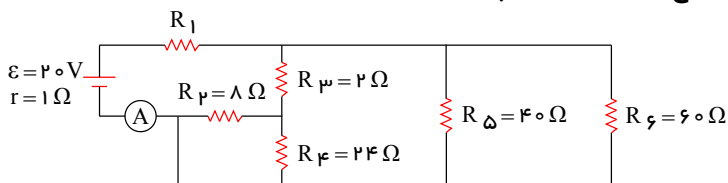
- (۱) ۹
- (۲) ۴٫۵
- (۳) ۳
- (۴) ۱٫۵

۱۷۲. در شکل مقابل، اگر مجموعه از دو سر A و B به یک باتری به ولتاژ $20V$ وصل شود، توان مصرفی کل مجموعه چند وات خواهد بود؟



- ۱۰۰ (۱)
- ۱۲۰ (۲)
- ۶۰ (۳)
- ۵۰ (۴)

۱۷۳. در مدار روبه رو، مقاومت R_1 چند اهم باشد تا آمپرسنج ایده آل A ، ۲ آمپر را نشان دهد؟

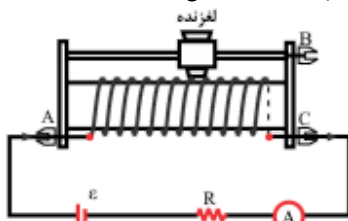


- ۳ (۱)
- ۴ (۲)
- ۹ (۳)
- ۱۰ (۴)

۱۷۴. قطر سیمی را در دمای ثابت با ثابت ماندن جرم آن، ۲ برابر و جریان الکتریکی گذرنده از آن را نصف می‌کنیم. اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر این سیم چند برابر می‌شود؟

- $\frac{1}{8}$ (۱)
- $\frac{1}{16}$ (۲)
- $\frac{1}{32}$ (۳)
- $\frac{1}{64}$ (۴)

۱۷۵. اگر در مدار مقابل، لغزنده به سمت B حرکت کند، شدت جریانی که آمپرسنج نشان می‌دهد چگونه تغییر می‌کند؟

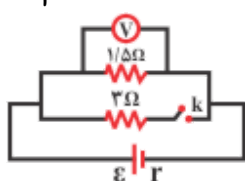


- (۱) ثابت می‌ماند.
- (۲) کم می‌شود.
- (۳) زیاد می‌شود.
- (۴) بسته به مقدار R ، ممکن است کم و یا زیاد شود.

۱۷۶. لامپی با مشخصات $12V$ و $36W$ را به منبع برق 8 ولت وصل می‌کنیم. اگر مقاومت الکتریکی لامپ ثابت بماند توانش در این حالت چند ولت می‌شود؟

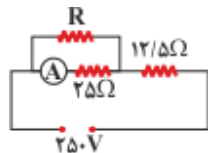
- ۱۶ (۱)
- ۱۸ (۲)
- ۲۰ (۳)
- ۲۴ (۴)

۱۷۷. در مدار روبه رو، درحالی که کلید باز است، ولت سنج V_1 را نشان می‌دهد و اگر کلید را ببندیم، V_2 را نشان می‌دهد، اگر $\frac{V_2}{V_1}$ برابر با $\frac{8}{9}$ باشد، مقاومت درونی باتری چند اهم است؟



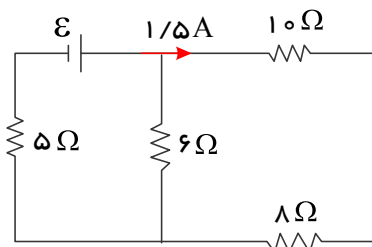
- ۰٫۵ (۱)
- ۱٫۵ (۳)
- ۱ (۲)
- ۲ (۴)

۱۷۸. در مدار روبه رو، آمپرسنج ۶ آمپر را نشان می‌دهد. انرژی مصرفی در مقاومت R در مدت ۳۰ دقیقه چند کیلووات ساعت است؟ (مقاومت آمپرسنج ناچیز است.)



- ۰٫۱۵ (۱)
- ۱٫۵ (۳)
- ۰٫۴۵ (۲)
- ۴٫۵ (۴)

۱۷۹. در مدار شکل مقابل توان مصرفی مقاومت ۵ اهمی چند وات است؟



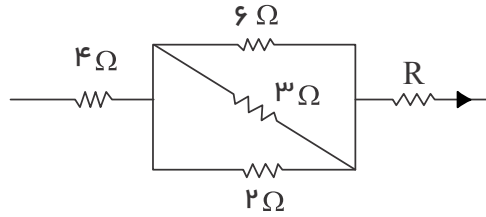
۶۰ (۲)

۲۰ (۱)

۱۸۰ (۴)

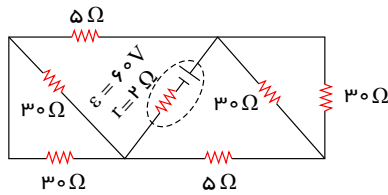
۱۲۰ (۳)

۱۸۰. در شکل مقابل که قسمتی از یک مدار الکتریکی است توان مصرفی مقاومت ۶ اهمی چند برابر توان مصرفی مقاومت ۴ اهمی است؟



- ۱) $\frac{1}{2}$
- ۲) $\frac{2}{3}$
- ۳) $\frac{3}{2}$
- ۴) $\frac{1}{24}$

۱۸۱. در شکل مقابل، توان مفید (خروجی) مولد چند وات است؟



- ۱) ۲۵۰
- ۲) ۳۰۰
- ۳) ۴۰۰
- ۴) ۳۵۰

۱۸۲. کدام گزینه در مورد سرعت سوق در یک رسانای الکتریکی صحیح است؟

- ۱) سرعت سوق برابر است با سرعت متوسط حرکت الکترون‌های آزاد رسانا زمانی که در حالت تعادل الکترواستاتیکی قرار دارند.
- ۲) سرعت سوق برابر با سرعت لحظه‌ای الکترون‌های آزاد یک رسانا در حضور میدان الکتریکی است.
- ۳) سرعت سوق در یک رسانا در خلاف جهت میدان الکتریکی وارد بر آن است.
- ۴) بزرگی سرعت سوق از مرتبه‌ی $10^6 \frac{m}{s}$ است.

۱۸۳. دو سیم فلزی A و B دارای طول و مقاومت الکتریکی مساوی‌اند. اگر جرم سیم B، $\frac{2}{3}$ جرم سیم A بوده و چگالی آن $\frac{1}{3}$ چگالی سیم A باشد، مقاومت ویژه‌ی سیم B چند برابر مقاومت ویژه‌ی سیم A است؟

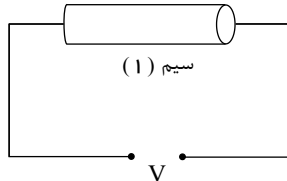
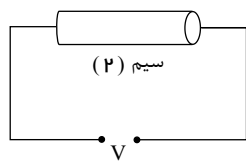
۲ (۴)

۳ (۳)

$\frac{1}{2}$ (۲)

$\frac{1}{3}$ (۱)

۱۸۴. در مدارهای زیر، سیم‌های (۱) و (۲) دارای جنس یکسان هستند و هر دو به اختلاف پتانسیل یکسانی متصل شده‌اند. اگر طول و شعاع مقطع سیم (۱) دوبرابر طول و شعاع مقطع سیم (۲) باشد، در هر دقیقه تعداد الکترون‌های عبوری از مقطع سیم (۱) چند برابر تعداد الکترون‌های عبوری از مقطع سیم (۲) است؟



- ۱) ۴
- ۲) $\frac{1}{4}$
- ۳) ۲
- ۴) $\frac{1}{2}$

۱۸۵. در دو سر یک سیم نیکروم (آلیاژ کروم و نیکل) به طول ۲ متر و سطح مقطع 2 mm^2 ، اختلاف پتانسیل ۲۰۰ ولت برقرار کرده‌ایم. در مدت ۲۰ دقیقه، چند کیلووات ساعت انرژی در این سیم مصرف می‌شود؟ (مقاومت ویژه‌ی نیکروم $10^{-6} \Omega m$ است)

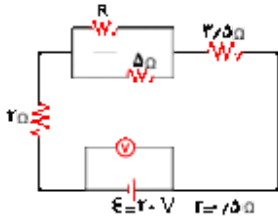
- ۲ (۱) ۲۰۰ (۲) $\frac{4}{3}$ (۳) $\frac{400}{3}$ (۴)

۱۸۶. از یک مقاومت ۵ اهمی جریان الکتریکی ثابتی عبور کرده و در نتیجه با عبور ۲۰۰ کولن الکتریسیته، J ۴۰۰۰ گرما تولید شده است. زمان عبور این مقدار الکتریسیته چند ثانیه است؟

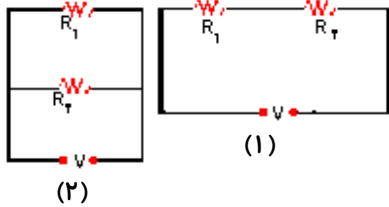
- ۲۰ (۱) ۲۵ (۲) ۴۰ (۳) ۵۰ (۴)

۱۸۷. در مدار مقابل، ولت سنج ۱۹ ولت را نشان می‌دهد. مقاومت R چند اهم است؟

- ۴ (۱)
۵ (۲)
۱۰ (۳)
۲۰ (۴)

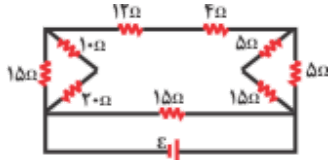


۱۸۸. در شکل مقابل دو مقاومت $R_1 = 6\Omega$ و R_2 را به دو صورت به اختلاف پتانسیل ثابت V وصل می‌کنیم. اگر توان مصرفی مجموعه در شکل (۲)، $4/5$ برابر توان مصرفی شکل (۱) باشد، اندازه ی R_2 کدام مقادیر بر حسب اهم می‌تواند باشد؟

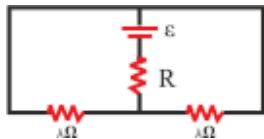


- ۷ یا ۵ (۱)
۸ یا ۴ (۲)
۱۲ یا ۳ (۴)
۱۸ یا ۲ (۳)

۱۸۹. در مدار روبه‌رو، اگر جریانی که از مقاومت ۴ اهمی می‌گذرد، برابر ۲ آمپر باشد، جریانی که از مولد می‌گذرد، چند آمپر است؟



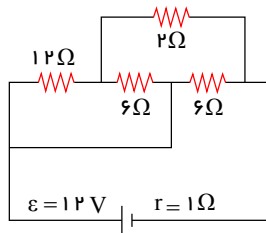
- ۱ (۱)
۳ (۲)
۴ (۳)
۶ (۴)



۱۹۰. اگر در مدار مقابل توان هر سه مقاومت با هم برابر باشند R چند اهم است؟

- ۱ (۱)
۲ (۲)
۴ (۳)
۱۶ (۴)

۱۹۱. در مدار مقابل، توان تلف شده در باتری چند وات است؟

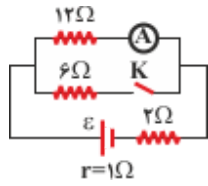


- ۹ (۱)
۴٫۵ (۲)
۱۸ (۳)
۲۷ (۴)

۱۹۲. اگر ۳ مقاومت الکتریکی مشابه را به طور متوالی به هم ببندیم و دو سر مجموعه را به اختلاف پتانسیل ثابت وصل کنیم، توان مصرفی کل مدار ۹۰ وات می‌شود. اگر همان مقاومت‌ها را به طور موازی به همان اختلاف پتانسیل وصل کنیم، توان کل مدار چند وات می‌شود؟

- ۳۰ (۱) ۲۷۰ (۲) ۵۶۰ (۳) ۸۱۰ (۴)

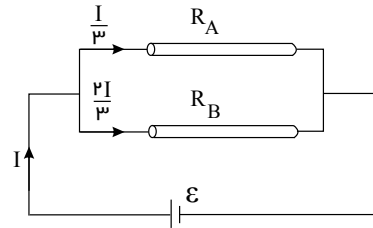
۱۹۳. در مدار شکل مقابل، در حالتی که کلید باز است، آمپرسنج یک آمپر را نشان می دهد. اگر کلید را ببندیم، آمپرسنج چند آمپر را نشان می دهد؟



$\frac{7}{12}$ (۲)
 $\frac{7}{15}$ (۴)

$\frac{5}{7}$ (۱)
 $\frac{10}{7}$ (۳)

۱۹۴. مطابق شکل زیر، دو سیم فلزی توپر A و B به طول های مساوی به یک مولد متصل اند. اگر مقاومت ویژه ی سیم A ، ۳ برابر مقاومت ویژه ی سیم B باشد، سطح مقطع سیم A چند برابر سطح مقطع سیم B است؟



$\frac{3}{2}$ (۱)
 $\frac{4}{3}$ (۲)
۲ (۳)
۶ (۴)

۱۹۵. قطر مقطع دو سیم مسی A و B به ترتیب 0.2 mm و 0.3 mm است و طول این دو سیم با هم برابر است. این دو سیم به طور موازی به اختلاف پتانسیل الکتریکی بسته شده اند و از مجموعه جریان 2.6 A می گذرد. شدت جریان عبوری از سیم A چند آمپر است؟

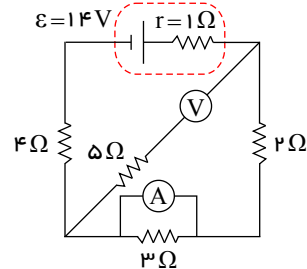
1.80 (۴)

1.56 (۳)

1.04 (۲)

0.80 (۱)

۱۹۶. در مدار شکل زیر آمپرسنج ایده آل و ولت سنج ایده آل به ترتیب از راست به چپ چه اعدادی را بر حسب آمپر و ولت نشان می دهند؟



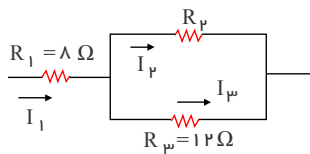
۴ و ۶ (۲)

۱۰ و ۷ (۱)

۴ و ۲ (۴)

$\frac{28}{15}$ (۳)

۱۹۷. در مدار زیر، اگر انرژی مصرفی در مقاومت R_1 در یک مدت معین، ۳ برابر انرژی مصرفی در مقاومت R_2 در همان مدت باشد، R_2 چند اهم می تواند باشد؟



۹ (۱)

۱۲ (۲)

۱۵ (۳)

۲۴ (۴)

۱۹۸. سیم های فلزی A و B ، C قطر یکسان دارند و به ترتیب از راست به چپ مقاومت ویژه و طول آن ها (L, ρ) ، $(2L, 1.5\rho)$ ، $(L, 0.5\rho)$ می باشد. کدام رابطه بین مقاومت سیم ها (R) درست است؟

$R_B = 6R_A$ ، $R_A = 3R_C$ (۲)

$R_A = 3R_C$ ، $R_C = 2R_B$ (۱)

$R_A = 6R_B$ ، $R_C = 3R_A$ (۴)

$R_A = 3R_C$ ، $R_B = 2R_C$ (۳)

۱۹۹. طول یک سیم فلزی 10 سانتی متر و قطر مقطع آن 2 mm است. اگر سیم را از ابزاری عبور دهیم تا بدون تغییر جرم، مقاومت الکتریکی آن 16 برابر شود، طول آن چند سانتی متر می شود؟

160 (۴)

80 (۳)

40 (۲)

2.5 (۱)

۲۰۰. اختلاف پتانسیل 17 V به دو سر یک سیم مسی به طول 30 متر و شعاع مقطع 1 mm اعمال می شود. آهنگ تولید انرژی گرمایی در سیم چند وات است؟ $(\rho = 1.7 \times 10^{-8} \Omega \cdot m, \pi = 3)$

10 (۴)

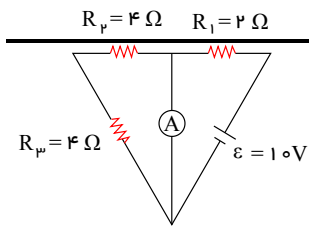
170 (۳)

100 (۲)

1700 (۱)

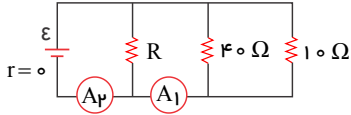
۲۰۱. در شکل مقابل، آمپرسنج ایده آل چند آمپر را نشان می دهد؟

صفحه ۲۹

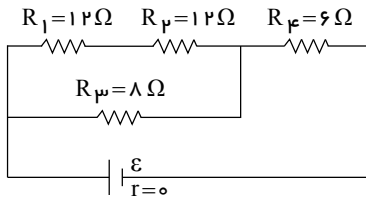


- ۳ (۱)
- ۵ (۲)
- ۲٫۵ (۳)
- ۱ (۴)

۲۰۲. در مدار روبه‌رو آمپرسنج‌های A_1 و A_2 به ترتیب عددهای $2.5A$ و $3A$ را نشان می‌دهند. مقاومت معادل مدار چند اهم است؟ (آمپرسنج‌ها ایده آل فرض شوند.)

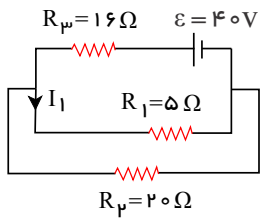


- ۸ (۲)
- ۳۰ (۱)
- $\frac{40}{3}$ (۴)
- $\frac{20}{3}$ (۳)



۲۰۳. در مدار زیر، توان مصرفی مقاومت R_3 چند برابر توان مصرفی مقاومت R_1 است؟

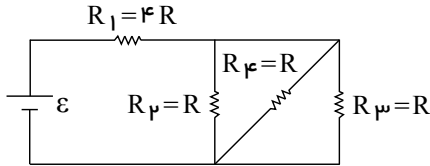
- ۴ (۲)
- ۲ (۱)
- ۸ (۴)
- ۶ (۳)



۲۰۴. در مدار روبه‌رو، شدت جریان I_1 چند آمپر است؟

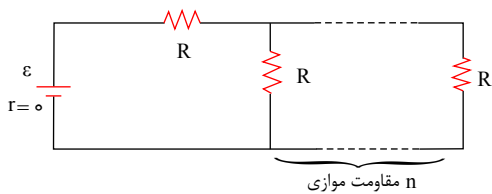
- 1.6 (۲)
- 0.4 (۱)
- 12.5 (۴)
- 2 (۳)

۲۰۵. در مدار شکل زیر، نسبت توان مصرفی در مقاومت R_1 به توان مصرفی در مقاومت R_3 کدام است؟



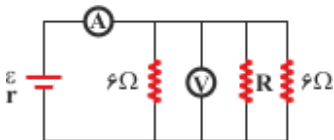
- $\frac{4}{3}$ (۲)
- ۱۲ (۱)
- $\frac{3}{4}$ (۴)
- ۳۶ (۳)

۲۰۶. در مدار روبه‌رو، اگر n به $n + 1$ تبدیل شود، شدت جریان عبوری از باتری $\frac{16}{15}$ برابر می‌شود. n کدام است؟



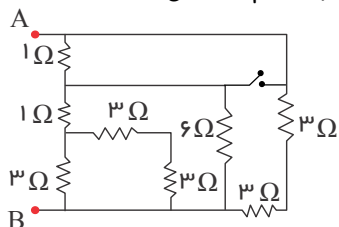
- ۴ (۲)
- ۵ (۱)
- ۲ (۴)
- ۳ (۳)

۲۰۷. در مدار مقابل آمپرسنج $1.5A$ و ولت سنج $3.0V$ را نشان می‌دهد. مقاومت R چند اهم است؟ (آمپرسنج و ولت سنج ایده آل فرض شوند.)



- ۴ (۲)
- ۲ (۱)
- ۸ (۴)
- ۶ (۳)

۲۰۸. در مدار روبه‌رو، ابتدا کلید باز است. اگر کلید بسته شود، مقاومت معادل بین دو نقطه A و B چند اهم تغییر می‌کند؟



صفحه ۳۰

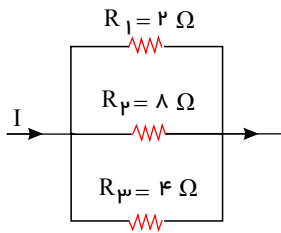
۰٫۵ (۲)

۰٫۲۵ (۱)

۱٫۲۵ (۴)

۰٫۷۵ (۳)

۲۰۹. شکل زیر، قسمتی از یک مدار الکتریکی را نشان می‌دهد. اگر حداکثر توان قابل تحمل توسط هر یک از مقاومت‌ها برابر با $32W$ باشد، جریان I حداکثر چند آمپر می‌تواند باشد تا هیچ مقاومتی آسیب نبیند؟



۷ (۱)

۵ (۲)

۱۰ (۳)

۱۴ (۴)

۲۱۰. روی یک لامپ اعداد 100 وات و 200 ولت نوشته شده است و با همان ولتاژ روشن است. اگر به علت افت ولتاژ، توان مصرفی لامپ 19 درصد کاهش پیدا کند، افت ولتاژ چند ولت خواهد بود؟

۸۸ (۴)

۲۰ (۳)

۱۹ (۲)

۱۲ (۱)

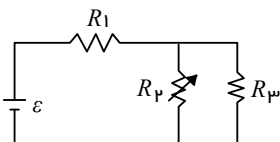
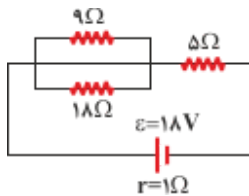
۲۱۱. در شکل مقابل، آهنگ مصرف انرژی در مقاومت 9 اهمی چند وات است؟

۶ (۲)

صفر (۱)

۱۲ (۴)

۹ (۳)



۲۱۲. در مدار روبه‌رو، مقاومت R_2 را به تدریج افزایش می‌دهیم، ولتاژ دو سر آن چگونه تغییر می‌کند؟

(۱) ثابت می‌ماند.

(۲) افزایش می‌یابد.

(۳) کاهش می‌یابد.

(۴) بسته به مقاومت درونی مولد، ممکن است افزایش یا کاهش یابد.

۲۱۳. در شکل رو به رو، با حرکت دادن لغزنده از C به D ، توان گرمایی در مقاومت‌های R_1 و R_2 به ترتیب از راست به چپ چگونه

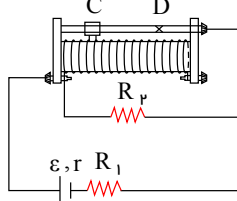
تغییر می‌کند؟

(۱) کاهش - افزایش

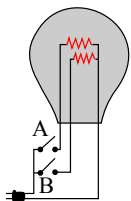
(۲) افزایش - کاهش

(۳) افزایش - افزایش

(۴) کاهش - کاهش



۲۱۴. یک لامپ سه راهه $100V$ که دو رشته‌ی فیلامان دارد. مطابق شکل برای کار در سه توان مختلف ساخته شده است. کمترین و

بیشترین توان مصرفی این لامپ به ترتیب $50W$ و $250W$ است. مقاومت هر یک از رشته‌ها کدام است؟(۱) 400Ω و 500Ω (۲) 40Ω و 200Ω (۳) 40Ω و 50Ω (۴) 500Ω و 200Ω 

۲۱۵. می‌خواهیم توان $80kW$ را به وسیله‌ی کابل‌هایی با مقاومت $2,5\Omega$ به محل مصرف منتقل کنیم. اگر اختلاف پتانسیل دو سر خط

انتقال $10^5V \times 4$ باشد، توان تلف شده در کابل‌ها چند وات است؟

صفحه ۳۱

۰٫۱ (۴)

۱ (۳)

۰٫۰۲ (۲)

۲٫۵ (۱)



mydars

اپلیکیشن آموزشی مای درس

گزینه ۱.۴

چون ولت سنج در مسیر اصلی جریان قرار دارد، مقاومت ولت سنج زیاد می باشد، بنابراین جریان در مدار صفر است و اختلاف پتانسیل دو سر ولت سنج با نیروی محرکه پیل برابر است.

$$V = \varepsilon - Ir \xrightarrow{I=0} V = \varepsilon = 12$$

گزینه ۲.۴ آمپرسنج باید در مدار به طور سری و ولت سنج به طور موازی بسته شود.

گزینه ۳.۴

با جایگذاری ۲ نقطه از نمودار $V - I$ در رابطه اختلاف پتانسیل مولد، داریم:

$$V = \varepsilon - Ir \xrightarrow{I=0 \Rightarrow V=12V} \varepsilon = 12V$$

$$V = \varepsilon - Ir \xrightarrow{\substack{V=4V \\ I=6A}} 4 = 12 - 6r \Rightarrow r = \frac{4}{3} \Omega$$

گزینه ۴.۴

$$R_1 = 2r, R_2 = r$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R+2r} \Rightarrow (I_1 = \frac{\varepsilon}{2r+r} = \frac{\varepsilon}{3r}, I_2 = \frac{\varepsilon}{r+r} = \frac{\varepsilon}{2r})$$

$$\frac{rI_2}{rI_1} = \frac{I_2}{I_1} = \frac{\frac{\varepsilon}{2r}}{\frac{\varepsilon}{3r}} = \frac{3}{2}$$

گزینه ۵.۴

$$V = IR \Rightarrow \Delta V = R \Delta I \Rightarrow 16 - 10 = R \times 0.3 \Rightarrow R = 20 \Omega$$

$$P_1 = \frac{V_1^2}{R} = \frac{10 \times 10}{20} = 5W$$

گزینه ۶.۲

$$R = \rho \frac{\ell}{A} \Rightarrow \frac{RA}{RB} = \frac{\rho A}{\rho B} \cdot \frac{LA}{LB} \cdot \frac{AB}{AA} = 1 \times 3 \times \left(\frac{1}{1}\right)^2 = 12$$

$$P = \frac{V^2}{R} \xrightarrow{\text{دو سر سیم ها مساوی است}} \frac{V_{PA}^2}{PB} = \frac{RB}{RA} = \frac{1}{12}$$

گزینه ۷.۴

طبق رابطه ی $P = \frac{V^2}{R}$ داریم: چون هر دو لامپ خانگی می باشند. $V_1 = V_2$

$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{R_1}{R_2} \Rightarrow \frac{25}{100} = \frac{R_1}{R_2} = \frac{1}{4}$$

گزینه ۸.۳

$$dA = \frac{1}{2} dB \Rightarrow \frac{AA}{AB} = \left(\frac{dA}{dB}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

$$\begin{cases} P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow \frac{PA}{PB} = \frac{RB}{RA} \\ R = \frac{\rho L}{A} \Rightarrow \frac{RB}{RA} = \frac{LB}{LA} \cdot \frac{AA}{AB} = \frac{1}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{20} \end{cases} \Rightarrow \frac{PA}{PB} = \frac{1}{20}$$

صفحه ۲

گزینه ۹

چون مقاومت ها موازیند $V_1 = V_2$:

$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{R_2}{R_1} \Rightarrow \frac{40}{P_2} = \frac{8}{12}$$

$$P_2 = 60 \text{ وات}$$

گزینه ۱۰

$$(15 + 25)I_1 = (12 + 8)I_2 \Rightarrow I_2 = 2I_1$$

$$\begin{cases} P_8 = 8I_2^2 = 8(2I_1)^2 = 32I_1^2 \\ P_{25} = 25I_1^2 \end{cases} \Rightarrow \frac{P_8}{P_{25}} = \frac{32}{25}$$

گزینه ۲ اگر جریان در مقاومت R_1 برابر I باشد جریان در مقاومت R_2 برابر $\frac{2I}{3}$ و R_3 برابر $\frac{I}{3}$ می باشد.

$$P_1 = R_1 I^2 = 10 I^2, \quad P_2 = R_2 \left(\frac{2I}{3}\right)^2 = \frac{40 I^2}{3}$$

$$P_3 = R_3 \left(\frac{I}{3}\right)^2 = \frac{50 I^2}{9}, \quad P_4 < P_3$$

که توان مصرف شده در R_2 از همه بیشتر می باشد.

راه حل دوم: با ساده کردن مدار داریم:

در مقاومت های متوالی I ثابت است پس طبق رابطه $P = RI^2$ ، P با R متناسب است یعنی $PBC > PAB$

در مقاومت های موازی V ثابت است. پس طبق رابطه $P = \frac{V^2}{R}$ ، P متناسب با عکس R است در نتیجه در قسمت BC مدار توان شاخه ی بالا (مقاومت R_2) بیشتر از توان شاخه ی پایین است.

گزینه ۱۲

$$R_1 I_1 = R_2 I_2 \Rightarrow 3 \times 1,6 = 6 I_2 \Rightarrow I_2 = 0,8 A$$

$$I = I_1 + I_2 = 1,6 \times 0,8 = 2,4 A$$

$$R = \frac{R_1 + R_2}{R_1 + R_2} = \frac{3 \times 6}{3 + 6} = 2 \Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R+r} \Rightarrow 2,4 = \frac{6}{2+r} \Rightarrow 0,4 = \frac{1}{2+r}$$

$$0,8 + 0,4r = 1 \Rightarrow 0,4r = 0,2 \Rightarrow r = \frac{0,2}{0,4} = \frac{1}{2} = 0,5$$

$$\text{یا مولد } V = \varepsilon - Ir$$

$$\Rightarrow V_{\text{مولد}} = V_3 \Omega = 3 \times 1,6 \Rightarrow 4,8 = 6 - 2,4r \Rightarrow r = 0,5 \Omega$$

راه حل دوم:

گزینه ۱۳

$$V = RI \Rightarrow 4,5 = 3I \Rightarrow I = 1,5 A$$

$$I = \frac{\varepsilon}{RT+r} \Rightarrow 1,5 = \frac{12}{(6+R)+0} \Rightarrow R = 2 \Omega$$

گزینه ۱۴

$$R_1 \downarrow \Rightarrow RT \downarrow \Rightarrow I \uparrow = \frac{\varepsilon}{RT+r} \Rightarrow \begin{cases} \downarrow V = \varepsilon - Ir \uparrow \\ \uparrow V_2 = \uparrow IR_2 \end{cases}$$

کم شده $V_1 + V_2 \uparrow = V \downarrow \Rightarrow V_1$

صفحه ۳

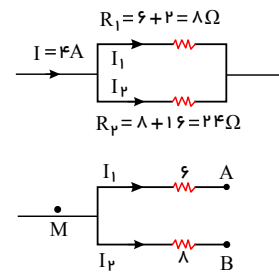
$$R_1 I_1 = R_2 I_2 \Rightarrow 8I_1 = 24I_2 \Rightarrow I_1 = 3I_2$$

$$I = I_1 + I_2 \Rightarrow 4 = 3I_2 + I_2 \Rightarrow I_2 = 1A, I_1 = 3A$$

$$V_M - V_A = 6 \times 3$$

$$V_M - V_B = 8 \times 1$$

گزینه ۱۵



گزینه ۱۶ اختلاف پتانسیل دو سر مجموعه x و مقاومت 12 اهمی برابر با $6V$ است. بنابراین اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت 3 اهمی هم باید 6 ولت باشد، پس I کل برابر با $2A$ است. در نتیجه، از مقاومت، جریان $1.5A$ می‌گذرد. پس:

$$1.5 \times x = 0.5 \times 12 \Rightarrow x = 4\Omega$$

گزینه ۱۷

تمام مقاومت‌های شکل با هم موازی هستند.

$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{60} + \frac{1}{60} + \frac{1}{30} + \frac{1}{60} + \frac{1}{60} = \frac{6}{60} \Rightarrow R_T = \frac{60}{6} = 10\Omega$$

گزینه ۱۸ جریان $I = 2A$ از شاخه‌ی اصلی مدار عبور می‌کند. بنابراین برای محاسبه‌ی توان الکتریکی مصرفی مقاومت‌ها، ابتدا مقاومت معادل بین دو نقطه‌ی A, B را پیدا کرده و سپس توان الکتریکی مصرفی را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{1}{R_1} = \frac{1}{4} + \frac{1}{12} + \frac{1}{2} \Rightarrow R_1 = 1.2\Omega, R_2 = R_1 + 1.8 = 1.2 + 1.8 = 3\Omega$$

$$R_3 = 1 + 5 = 6\Omega, R_4 = \frac{6 \times 3}{6 + 3} = 2\Omega, R_T = 8 + 2 = 10\Omega$$

بنابراین توان مصرفی مجموعه‌ی مقاومت‌های بین دو نقطه‌ی A, B برابر است با:

گزینه ۱۹ چون مقاومت الکتریکی سیم 40 اهم است، بنابراین طبق رابطه‌ی $R = \rho \frac{L}{A}$ ، مقاومت الکتریکی نیمی از آن برابر با 20Ω می‌شود.

$$R_1 = R_2 = \frac{R}{2} = \frac{40}{2} = 20\Omega$$

$$R_T = \frac{R_1}{2} = \frac{20}{2} \Rightarrow R_T = 10\Omega$$

چون دو نیمه‌ی سیم با هم موازی هستند، مقاومت خارجی کل مدار برابر است با:

حال با استفاده از رابطه‌ی شدت جریان در مدارهای تک حلقه برای محاسبه‌ی جریان مدار می‌توان نوشت:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_T + r} \Rightarrow I = \frac{24}{10 + 2} \Rightarrow I = 2A$$

$$P_{\text{مفید}} = R_T I^2 = 10 \times 2^2 \Rightarrow P_{\text{مفید}} = 40W$$

و توان مفید مولد برابر است با:

۲۰. گزینه ۳

ابتدا مقاومت معادل مدار را محاسبه می کنیم، داریم:

$$R_{3,6} = 6 + 6 = 12 \Omega \quad R_6 \text{ و } R_3 \text{ سری هستند}$$

$$R_{3,6,5} = \frac{12 \times 6}{12 + 6} = 4 \Omega \quad R_5 \text{ و } R_{3,6} \text{ موازی هستند}$$

$$R_{3,6,5,7} = 4 + 2 = 6 \Omega \quad R_7 \text{ و } R_{3,6,5} \text{ سری هستند}$$

$$R_{3,4,5,6,7} = \frac{6 \times 3}{6 + 3} = 2 \Omega \quad R_4 \text{ و } R_{3,6,5,7} \text{ موازی هستند}$$

$$R_T = R_1 + R_2 + R_{3,4,5,6,7} = 4 \Omega \quad R_1 \text{ و } R_2 \text{ با } R_{3,4,5,6,7} \text{ سری هستند}$$

حال با توجه به این که اختلاف پتانسیل دو سر شاخه‌های موازی با یکدیگر برابر است، می‌توان نوشت:

$$I_5 = 1 \text{ A}$$

$$V_5 = V_{3,6} \Rightarrow I_5 R_5 = I_{3,6} R_{3,6} \Rightarrow 1 \times 6 = I_{3,6} \times 12 \Rightarrow I_{3,6} = 0.5 \text{ A}$$

$$V_4 = V_{3,5,6,7} \Rightarrow I_4 R_4 = I_{3,5,6,7} R_{3,5,6,7} \Rightarrow I_4 \times 3 = 1.5 \times 6 \Rightarrow I_4 = 3 \text{ A}$$

بنابراین جریان اصلی مدار برابر $IT = I_4 + I_{3,5,6,7} = 4.5 \text{ A}$ است و می‌توان نوشت: $V = VT = IT R_T = 4.5 \times 4 = 18 \text{ V}$

۲۱. گزینه ۱ از آنجا که هر سه مقاومت R_1 ، R_2 و R_3 به صورت موازی به یکدیگر بسته شده‌اند، می‌توان نوشت:

$$V_{\text{کل}} = V_2 = V_1 = V_3 \Rightarrow I_2 R_2 = I_1 R_1 = I_3 R_3 \Rightarrow 2 \times 20 = I_1 \times 10 = I_3 \times 10 \Rightarrow I_1 = I_3 = 4 \text{ A}$$

$$I_{\text{کل}} = I_1 + I_2 + I_3 = 4 + 2 + 4 = 10 \text{ A}$$

۲۲. گزینه ۳ بررسی موارد در سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی (۱) صحیح است - زیرا شارش بارهای متحرک (الکترون‌ها) در غیاب اختلاف پتانسیل اعمالی به دو سر رسانه، جریانی ایجاد نمی‌کند.

گزینه‌ی (۲) و گزینه‌ی (۴) صحیح است - متن کتاب درسی

گزینه‌ی (۳) صحیح نیست - زیرا مطابق با متن کتاب درسی با اعمال اختلاف پتانسیل الکتریکی در دو سر رسانا یک میدان الکتریکی در داخل رسانا ایجاد می‌شود که باعث می‌شود تا حرکت کاتوره‌ای الکترون‌ها با سرعتی موسوم به سرعت سوق در خلاف جهت میدان در درون رسانا حرکت کنند.

یعنی حرکت کاتوره‌ای الکترون‌ها متوقف نمی‌شود.

۲۳. گزینه ۳ با افزایش قدرت درونی مولد طبق رابطه‌ی $I = \frac{E}{R+r}$ ↓ شدت جریان مدار کاهش می‌یابد. پس آمپرسنج عدد

کمتری را نشان می‌دهد. اما ولت سنج اختلاف پتانسیل دو سر مولد را نشان می‌دهد که طبق رابطه‌ی $V = \varepsilon - Ir = IR$ که با کاهش شدت جریان ولتاژ نیز کاهش می‌یابد پس ولت سنج نیز عدد کمتر را نشان می‌دهد.

۲۴. گزینه ۳ رتوستا نوعی مقاومت الکتریکی متغیر است که از سیمی با مقاومت ویژه زیاد ساخته می‌شود و در مدارهای الکترونیکی وسیله‌ای به نام پتانسیومتر نقش آن را ایفا می‌کند.

۲۵. گزینه ۱ کاری که باتری انجام می‌دهد برابر ΔW است که طبق رابطه زیر داریم:

$$\varepsilon = \frac{\Delta W}{\Delta q} \Rightarrow 3 = \frac{\Delta W}{30 \times 10^{-6}} \Rightarrow \Delta W = 9 \times 10^{-5} \text{ J} = 9 \times 10^{-2} \text{ mJ}$$

۲۶. گزینه ۱ اختلاف پتانسیل دو سر مولد از رابطه‌ی $V = \varepsilon - rI$ و جریان مدار نیز از رابطه‌ی $I = \frac{\varepsilon}{R+r}$ به دست می‌آید، داریم:

$$V = \varepsilon - rI \Rightarrow V = \varepsilon - r \frac{\varepsilon}{R+r} = \frac{\varepsilon R}{R+r}$$

$$\frac{3}{4} \varepsilon = \frac{\varepsilon R}{R+r} \Rightarrow \frac{3}{4} = \frac{R}{R+r} \Rightarrow 4R = 3R + 3r \Rightarrow 3r = R \Rightarrow \frac{R}{r} = 3$$

۲۷. گزینه ۴ چون مقاومت‌ها هم جنس و هم جرم هستند، داریم:

$$\rho = \frac{m}{V} \frac{\rho_1 = \rho_2}{m_1 = m_2} \rightarrow V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 \ell_1 = A_2 \ell_2$$

$$\Rightarrow \frac{A_1}{A_2} = \frac{\ell_2}{\ell_1} \quad (1)$$



صفحه ۵

$$R = \rho \frac{\ell}{A}$$

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{\ell_2}{\ell_1} \times \frac{A_1}{A_2} \stackrel{(1)}{=} \left(\frac{A_1}{A_2}\right)^2 = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^4 \quad (2)$$

مقاومت‌ها هم جنس‌اند

مقاومت‌ها به صورت متوالی بسته شده‌اند. پس جریان یکسانی از هر دو می‌گذرد.

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{IR_1}{IR_2} \stackrel{(2)}{\rightarrow} \frac{V_1}{V_2} = \frac{R_1}{R_2} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^4 = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^4 = 4^4 = 256$$

۲۸. گزینه ۱ | مقاومت یک رسانا از رابطه مقابل به دست می‌آید:

$$R = \rho \frac{L}{A}$$

در نتیجه برای محاسبه تغییرات مقاومت داریم:

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} \quad (1)$$

از آنجایی که حجم ماده استفاده شده ثابت است، تغییر سطح مقطع باعث تغییر طول می‌شود، در نتیجه خواهیم داشت:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow L_1 A_1 = L_2 A_2 \Rightarrow \frac{A_1}{A_2} \quad (2) \quad \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{A_1}{A_2}\right)^2$$

از آنجایی که سطح مقطع متناسب است با توان دوم قطر، خواهیم داشت:

$$\frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^4$$

کاهش ۳۶ درصدی مقاومت به این معنا است که $R_2 = R_1 - \frac{36}{100} R_1 = \frac{64}{100} R_1$ یعنی:

$$\frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^4 \Rightarrow \frac{64}{100} = \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^4 \Rightarrow \frac{D_1}{D_2} = \frac{\sqrt[4]{64}}{\sqrt[4]{100}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{10}} \Rightarrow \frac{D_2}{D_1} = \frac{\sqrt{10}}{2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

۲۹. گزینه ۴ | اختلاف پتانسیل دو سر مولد از رابطه $V = \varepsilon - rI$ به دست می‌آید. از طرفی جریان مدار برابر است با $I = \frac{\varepsilon}{R+r}$

حال از ترکیب این دو رابطه داریم:

$$V = \varepsilon - r \frac{\varepsilon}{R+r} = \frac{\varepsilon R}{R+r}$$

حال در دو حالت داریم:

$$1,5 = \frac{\varepsilon \times (1)}{1+r} \Rightarrow \varepsilon - 1,5r = 1,5 \quad (1) \quad 2 = \frac{\varepsilon \times (2)}{2+r} \Rightarrow \varepsilon - r = 2 \quad (2)$$

$$\frac{(2), (1)}{\rightarrow} \begin{cases} \varepsilon - 1,5r = 1,5 \\ \varepsilon - r = 2 \end{cases} \Rightarrow r = 1\Omega, \varepsilon = 3V$$

۳۰. گزینه ۱ | باتوجه به نمودار نتیجه می‌گیریم $\varepsilon A = 10V$ و $\varepsilon B = 5V$ است.

اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مولد از رابطه $V = \varepsilon - rI$ به دست می‌آید.

از طرفی باتوجه به رابطه $V = \varepsilon - rI$ و باتوجه به نمودار، مقاومت داخلی هر یک از مولدهای A و B به ترتیب برابرند با اندازه شیب نمودار آن‌ها. داریم:

$$r_A = \frac{10}{5} = 2\Omega, \quad r_B = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}\Omega$$

چون اختلاف پتانسیل دو سر هر مولد به ازای مقاومت R یکسان است.

باتوجه به رابطه $I = \frac{\varepsilon - rI}{R} = \frac{V}{R}$ جریان عبوری از آن‌ها نیز یکسان است، پس داریم:

صفحه ۶

$$V_1 = V_2 \Rightarrow \varepsilon A - r_A I_A = \varepsilon B - r_B I_B$$

$$\begin{aligned} I_A = I_B = I \\ \xrightarrow{\varepsilon A = 10V, r_A = 2\Omega, \varepsilon B = 5V, r_B = \frac{1}{3}\Omega} 10 - 2I = 5 - \frac{1}{3}I \Rightarrow 2I - \frac{1}{3}I = 10 - 5 \Rightarrow \frac{5}{3}I = 5 \Rightarrow I \\ = \frac{10}{3} A \end{aligned}$$

حال با توجه به جریان برای هر یک از مولدها داریم:

$$I = \frac{\varepsilon A}{R + r_A} = \frac{\varepsilon B}{R + r_B} \Rightarrow \frac{10}{3} = \frac{10}{R + 2} \Rightarrow R = 1\Omega$$

۳۱. گزینه ۱ اگر مقاومت الکتریکی در ولتاژهای مختلف (در دمای ثابت)، مقدار ثابتی باشد، اصطلاحاً گفته می‌شود آن وسیله از قانون اهم پیروی می‌کند و آن وسیله را مقاومت یا رسانای اهمی می‌نامند.

با این حال وسیله‌های زیادی یافت می‌شود که از این قانون پیروی نمی‌کنند. یکی از وسیله‌های غیر اهمی، دیود نورگسیل (LED) است. نمودار جریان الکتریکی بر حسب اختلاف پتانسیل دو سر چنین دیودی تقریباً شبیه شکل سوال است.

۳۲. گزینه ۳ مقاومت لامپ در هر دو حالت ثابت است، در نتیجه طبق رابطه توان مصرفی داریم:

$$R_1 = R_2 \xrightarrow{P = \frac{V^2}{R}} \frac{V_1^2}{P_1} = \frac{V_2^2}{P_2} \Rightarrow \frac{(220)^2}{60} = \frac{(55)^2}{P_2} \Rightarrow P_2 = \frac{15}{4} W$$

انرژی الکتریکی مصرفی در مدت یک دقیقه برابر است با:

$$W_2 = P_2 \cdot t = \frac{15}{4} \times 60 = 225 J$$

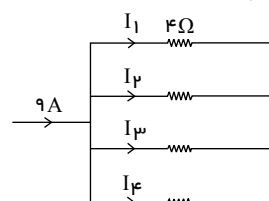
۳۳. گزینه ۱ مقاومت‌ها با یکدیگر موازی‌اند. لذا اختلاف پتانسیل دو سر همه آنها با یکدیگر یکسان است و طبق رابطه $V = RI$ داریم:

$$V_1 = V_2 = V_3 = V_4$$

$$\Rightarrow 4I_1 = 2I_2 = I_3 = 2I_4$$

$$= I_1 = \frac{1}{4}I_3, I_2 = \frac{1}{2}I_3, I_4 = \frac{1}{2}I_3 \Rightarrow 9 = I_1 + I_2 + I_3 + I_4$$

$$\Rightarrow 9 = \frac{1}{4}I_3 + \frac{1}{2}I_3 + I_3 + \frac{1}{2}I_3 \Rightarrow 9 = \frac{9}{4}I_3 \Rightarrow I_3 = 4 A$$



۳۴. گزینه ۴ مقدار انرژی که باتری به مدار می‌دهد، برابر است با:

$$\begin{aligned} I = 0,2 mA = 0,2 \times 10^{-3} A, t = \frac{1}{p} h = \frac{1}{p} \times 3600 s \\ \Delta U = q\Delta V \xrightarrow{q = I\Delta t} \Delta U = (I\Delta t)\Delta V \xrightarrow{\Delta V = 1,5V} \end{aligned}$$

$$\Delta U = 0,2 \times 10^{-3} \times \frac{1}{p} \times 3600 \times 1,5 \Rightarrow \Delta U = 0,54 J = 540 mJ$$

۳۵. گزینه ۱ روشنایی یک لامپ بستگی به توانی دارد که در لامپ مصرف می‌شود. یعنی هرچه توان مصرفی یک لامپ بیش تر باشد،

روشنایی آن بیش تر است. زمانی که هر یک از لامپ‌ها را به اختلاف پتانسیل معین V وصل می‌کنیم، با توجه به رابطه $P = \frac{V^2}{R}$ ، لامپی که پرنورتر است (توان بیش تری دارد) دارای مقاومت الکتریکی کم تری می‌باشد ($R_A < R_B$). هنگامی که دو لامپ را به طور متوالی به هم می‌بندیم و اختلاف پتانسیل V را به دو سر مجموعه اعمال می‌کنیم، جریان یکسانی از دو لامپ می‌گذرد. بنابراین طبق رابطه $P = RI^2$ ، توان لامپ با مقاومت آن نسبت مستقیم دارد. یعنی توان مصرفی لامپ B بیش تر از توان مصرفی لامپ A می‌باشد. در نتیجه لامپ B روشن تر از لامپ A است.

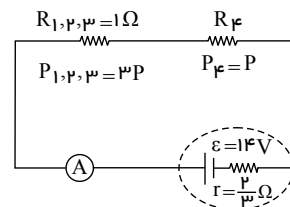
۳۶. گزینه ۳ با توجه به اینکه توان مصرفی در هر سه مقاومت موازی R_1, R_2 و R_3 یکسان و برابر P است پس

می‌باشد. پس داریم: $R_1 = R_2 = R_3 = 3\Omega$

صفحه ۷

$$\Rightarrow P_4 = \frac{1}{3} P_{1,2,3} \xrightarrow{P=RI^2} R_4 = \frac{1}{3} R_{1,2,3}$$

$$\xrightarrow{R_{1,2,3}=1\Omega} R_4 = \frac{1}{3} \Omega \Rightarrow R_{eq} = 1 + \frac{1}{3} = \frac{4}{3} \Omega$$



جریان مدار برابر است با:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{14}{\frac{4}{3} + \frac{2}{3}} = \frac{14}{2} = 7A$$

۳۷. گزینه ۳ مقاومت ویژه رساناهای فلزی با افزایش دما زیاد می‌شود در حالی که مقاومت ویژه نیم‌رساناها با افزایش دما کاهش می‌یابد.

۳۸. گزینه ۲ گزینه ۲ نادرست است. زیرا قلع و جیوه رسانا هستند و مثال‌های درست برای نیم‌رسانا سیلیسیم و ژرمانیوم هستند

۳۹. گزینه ۲ توان خروجی مولد همان توان مصرفی مدار است، یعنی $P = \varepsilon I - rI^2 = RI^2$ پس برای راحتی کار از رابطه $P = RI^2$ استفاده می‌کنیم.

$$I_1 = \frac{\varepsilon}{R_1 + r} = \frac{\varepsilon}{4 + r} \Rightarrow P_1 = R_1 I_1^2 = 4 \left(\frac{\varepsilon}{4 + r} \right)^2 \quad (1)$$

$$I_2 = \frac{\varepsilon}{R_2 + r} = \frac{\varepsilon}{2.25 + r} \Rightarrow P_2 = R_2 I_2^2 = 2.25 \left(\frac{\varepsilon}{2.25 + r} \right)^2 \quad (2)$$

باتوجه به صورت سؤال، $P_1 = P_2$ می‌باشد، بنابراین داریم:

$$4 \left(\frac{\varepsilon}{4 + r} \right)^2 = 2.25 \left(\frac{\varepsilon}{2.25 + r} \right)^2 \Rightarrow 2 \left(\frac{\varepsilon}{4 + r} \right) = \frac{3}{2} \left(\frac{\varepsilon}{2.25 + r} \right)$$

$$9 + 4r = 12 + 3r \Rightarrow r = 3\Omega$$

۴۰. گزینه ۲ طبق رابطه $P = RI^2 = \frac{V^2}{R}$ ، برای اینکه نور لامپ تغییری نکند، ولتاژ دو سر آن با جریان عبوری از آن باید تغییر نکند. ولتاژ دو سر لامپ، همان ولتاژ دو سر باتری نیز می‌باشد. در این حالت داریم:

$$I = \frac{\varepsilon}{r + R_{eq}} \xrightarrow{V = \varepsilon - rI} V = \varepsilon - r \frac{\varepsilon}{r + R_{eq}} \Rightarrow V = \varepsilon - \frac{\varepsilon}{1 + \frac{R_{eq}}{r}}$$

با فرسوده شدن باتری، مقاومت درونی آن افزایش پیدا می‌کند. با توجه به رابطه زیر، برای اینکه ولتاژ دو سر باتری ثابت بماند، مقاومت معادل مدار نیز باید افزایش یابد.

$$V = \varepsilon - \frac{\varepsilon}{1 + \frac{R_{eq}}{r}}$$

طبق رابطه زیر، برای افزایش مقاومت معادل مدار، مقاومت رئوستا باید افزایش یابد و برای این کار باید طول قسمتی از رئوستا که در مدار قرار می‌گیرد افزایش یابد. بنابراین لغزنده رئوستا باید به سمت B حرکت داده شود.

$$\frac{1}{\uparrow R_{eq}} = \frac{1}{\uparrow RR} + \frac{1}{RL}$$

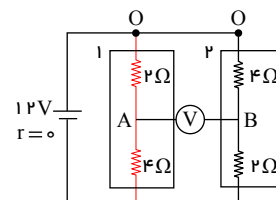
طبق رابطه زیر، جریان خروجی از باتری نیز کاهش می‌یابد.

$$\downarrow I = \frac{\varepsilon}{r \uparrow + R_{eq} \uparrow}$$

۴۱. گزینه ۳ چون مقاومت ولت‌سنج ایده‌آل بسیار زیاد است، مقاومت‌ها در شاخه‌ها با یکدیگر متوالی‌اند، لذا داریم:

$$R_1 = 2 + 4 = 6\Omega \quad R_2 = 4 + 2 = 6\Omega$$

$$R_{eq} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \Rightarrow R_{eq} = \frac{6 \times 6}{6 + 6} = 3\Omega$$



mydars

اپلیکیشن آموزشی مای درس

مقدار جریان کلی مدار برابر است با:

$$I_T = \frac{V_T}{R_{eq}} \Rightarrow I_T = \frac{12}{3} = 4A$$

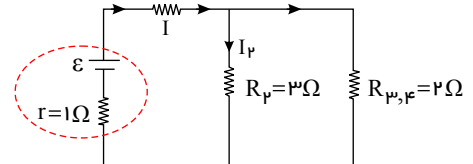
جریان هر دو شاخه با یکدیگر برابر است:

$$V_1 = V_2 \xrightarrow{R_1=R_2} I_2 = I_3 = \frac{I_T}{2} = 2A \quad V_O - V_A = 2 \times 2 = 4V$$

$$V_O - V_B = 2 \times 4 = 8V \Rightarrow V_A - V_B = 4V$$

۴۲. گزینه ۲ با توجه به شکل، دو مقاومت R_3 و R_4 موازی‌اند و معادل آن‌ها برابر است با:

$$R_{3,4} = \frac{3 \times 6}{3 + 6} = 2\Omega$$



چون دو مقاومت R_2 و $R_{3,4}$ موازی‌اند، اختلاف پتانسیل دو سر آن‌ها یکسان است، داریم:

$$V_2 = V_{2,4} \Rightarrow R_2 I_2 = R_{3,4} I_{3,4} \Rightarrow \frac{R_2}{R_{3,4}} = \frac{I_{3,4}}{I_2} \xrightarrow{R_2=3\Omega, I_{3,4}=3A, R_{3,4}=2\Omega} \frac{3}{2} = \frac{3}{I_2} \Rightarrow I_2 = 2A$$

پس جریان کل مدار برابر $I = I_2 + I_{3,4} = 2 + 3 = 5A$ است.

$$R_{2,3,4} = \frac{2 \times 3}{2 + 3} = \frac{6}{5} = 1,2\Omega \quad R_{eq} = R_1 + R_{2,3,4} = 2 + 1,2 = 3,2\Omega$$

طبق رابطه زیر داریم:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} \Rightarrow 5 = \frac{\varepsilon}{3,2 + 1} \Rightarrow \varepsilon = 18,4V$$

۴۳. گزینه ۲ دو مقاومت R_1 و R_2 با هم موازی هستند، لذا می‌توان نوشت:

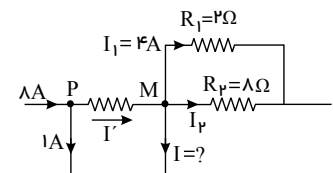
$$V_1 = V_2 \Rightarrow R_1 I_1 = R_2 I_2 \Rightarrow 2 \times 4 = 8 \times I_2 \Rightarrow I_2 = 1A$$

ادامه مسئله را می‌توان به دو روش حل کرد:

روش اول:

$$P \text{ قاعده انشعاب در گره } P: 8 = I' + 1 \Rightarrow I' = 7A$$

$$M \text{ قاعده انشعاب در گره } M: I' = I_1 + I_2 + I \Rightarrow 7 = 4 + 1 + I \Rightarrow I = 2A$$

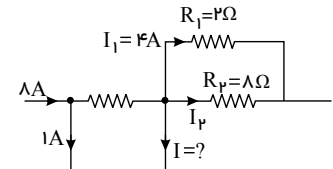


روش دوم:

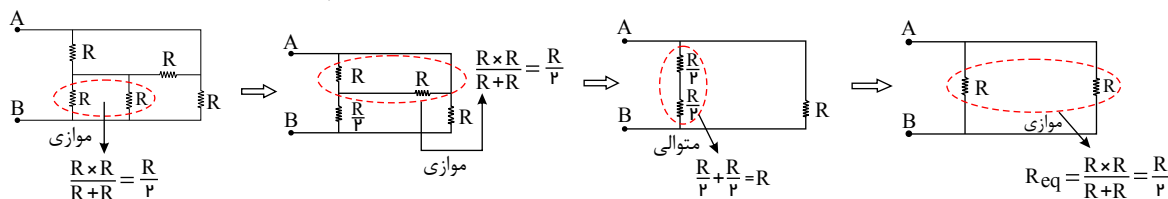
در شکل مقابل، اجزای داخل بخشی که با نقطه چین مشخص شده‌اند، باری ذخیره نمی‌کنند. بنابراین جمع جریان‌های ورودی و خروجی

یکسان است. لذا:

$$8 = 1 + I + I_1 + I_2 \Rightarrow 8 = 1 + I + 4 + 1 \Rightarrow I = 2A$$

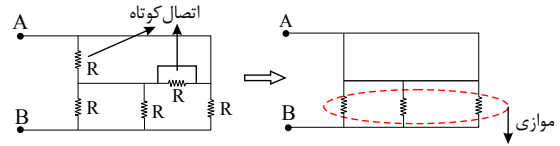


۴۴. گزینه ۱ در حالتی که کلید باز است، مدار به صورت زیر می‌باشد و مقاومت معادل آن برابر $\frac{R}{3}$ می‌شود.



در حالت بسته بودن کلید، دو مقاومت بالایی اتصال کوتاه و از مدار حذف می‌شوند و سه مقاومت پایینی به صورت موازی با یکدیگر قرار می‌گیرند.

$$\frac{1}{R'_{eq}} = \frac{1}{R} + \frac{1}{R} + \frac{1}{R} \Rightarrow \frac{1}{R'_{eq}} = \frac{3}{R} \Rightarrow R'_{eq} = \frac{R}{3}$$



در نتیجه می توان نوشت:

$$\frac{R'_{eq}}{R_{eq}} = \frac{\frac{R}{3}}{\frac{R}{2}} = \frac{2}{3}$$

بنابراین مقاومت مدار $\frac{2}{3}$ برابر می شود.

۴۵. گزینه ۲ با بستن کلید k ، مقاومت موازی R_2 به مدار اضافه می شود. در نتیجه مقاومت معادل مدار کاهش می یابد و طبق رابطه $I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r}$ با کاهش مقاومت R_{eq} ، جریان در مدار افزایش خواهد یافت و آمپرسنج A عدد بزرگ تری را نشان می دهد. اختلاف پتانسیل دو سر مولد با اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R_1 برابر است.

$$V_{R_1} = V_{مولد} = \epsilon - I r = \epsilon \Rightarrow I_1 = \frac{V_{R_1}}{R_1} = \frac{\epsilon}{R_1}$$

بنابراین با بستن کلید، ولتاژ دو سر مقاومت R_1 تغییری نمی کند و جریان عبوری از مقاومت R_1 ثابت می ماند. تذکر: اگر باتری مقاومت درونی داشت ($r \neq 0$)، ولتاژ و جریان دوسر مقاومت R_1 کاهش پیدا می کرد.

۴۶. گزینه ۲ اگر کلید k باز باشد مقاومت از مدار حذف شده و ولتسنج نیروی محرکه مولد (ϵ) را نشان می دهد. بنابراین $\epsilon = 15V$ وقتی کلید بسته است، داریم:

$$V = \epsilon - rI = RI \Rightarrow 12 = 6I \Rightarrow I = 2A$$

$$I = \frac{\epsilon}{R+r} \Rightarrow 2 = \frac{15}{6+r} \rightarrow r = 1.5\Omega$$

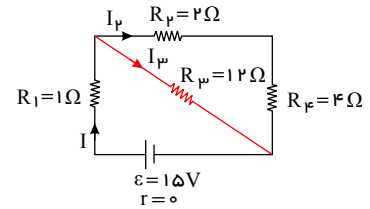
از طرفی جریان مدار برابر است با:

۴۷. گزینه ۴ ابتدا مقاومت معادل مدار را به دست می آوریم. در این مدار مقاومت های R_2 و R_4 با یکدیگر متوالی و معادل آن ها با مقاومت R_3 موازی است.

$$R_{2,4} = R_2 + R_4 = 2 + 4 = 6\Omega$$

$$R_{2,3,4} = \frac{R_{2,4} \times R_3}{R_{2,4} + R_3} = \frac{6 \times 12}{6 + 12} = 4\Omega$$

$$R_{eq} = R_{2,3,4} + R_1 = 4 + 1 = 5\Omega \quad I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = \frac{15}{5 + 0} = 3A$$



جریان I_2 و I_3 به صورت زیر به دست می آیند.

$$V_{2,3,4} = V_3 \Rightarrow R_{2,3,4} \times I = R_3 \times I_3 \Rightarrow 4 \times 3 = 12 \times I_3 \Rightarrow I_3 = 1A$$

$$I = I_3 + I_2 \Rightarrow 3 = 1 + I_2 \Rightarrow I_2 = 2A$$

حال توان مصرفی تک تک مقاومت ها را به دست می آوریم و از مقایسه آن ها نتیجه می شود که مقاومت R_4 توان بیش تری مصرف می کند.

$$P_1 = R_1 I_1^2 \xrightarrow{R_1=1\Omega, I_1=I=3A} P_1 = 1 \times 3^2 = 9W$$

$$P_2 = R_2 I_2^2 \xrightarrow{R_2=2\Omega, I_2=2A} P_2 = 2 \times 2^2 = 8W$$

$$P_3 = R_3 I_3^2 \xrightarrow{R_3=12\Omega, I_3=1A} P_3 = 12 \times 1^2 = 12W$$

$$P_4 = R_4 I_4^2 \xrightarrow{R_4=4\Omega, I_4=I_2=2A} P_4 = 4 \times 2^2 = 16W$$

۴۸. گزینه ۲ چون حجم سیم ثابت می ماند، داریم:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 \times L_1 = A_2 \times L_2 \Rightarrow \frac{A_1}{A_2} = \frac{L_2}{L_1} \quad (1)$$

صفحه ۱۰

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2}$$

$$\xrightarrow{(1)} \frac{R_2}{R_1} = 1 \times \left(\frac{L_2}{L_1}\right)^2 \xrightarrow{L_2=4L_1} \frac{R_2}{R_1} = (4)^2 = 16$$

۴۹. گزینه ۳ طبق رابطه قانون اهم داریم:

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow \frac{R_1}{R_2} = \frac{V_1}{V_2} \times \frac{I_2}{I_1} \xrightarrow{V_1=0.8V, I_1=8A} \frac{R_1}{R_2} = \frac{0.8}{1} \times \frac{6}{8} = 0.6$$

$$\frac{R_1}{R_3} = \frac{V_1}{V_3} \times \frac{I_3}{I_1} \xrightarrow{V_1=0.8V, I_1=8A} \frac{R_1}{R_3} = \frac{0.8}{1} \times \frac{2}{8} = 0.2$$

$$\frac{R_3}{R_2} = \frac{V_3}{V_2} \times \frac{I_2}{I_3} \xrightarrow{V_3=1V, I_3=2A} \frac{R_3}{R_2} = \frac{1}{1} \times \frac{6}{2} = 3$$

۵۰. گزینه ۱ دقت کنید در حل سؤال، چگالی را با ρ و مقاومت ویژه را با ρ' نشان داده‌ایم. چون دو سیم دارای جرم برابرند، طبق رابطه چگالی داریم:

$$m_A = m_B \Rightarrow \rho_A V_A = \rho_B V_B \Rightarrow \rho_A A A L_A = \rho_B A B L_B \xrightarrow{L_A=L_B} \frac{\rho_A A}{A B} = 1.5$$

حال طبق رابطه مقاومت رساناهای اهمی داریم:

$$R_A = R_B \Rightarrow \frac{\rho'_A L_A}{A A} = \frac{\rho'_B L_B}{A B} \xrightarrow{L_A=L_B} \frac{\rho'_A}{A A} = \frac{\rho'_B}{A B} \Rightarrow \frac{\rho'_A}{\rho'_B} = \frac{A A}{A B} = \frac{1}{1.5} = \frac{1}{1.5} = \frac{2}{3}$$

۵۱. گزینه ۲ مطابق روابط زیر برای ثابت ماندن جریان الکتریکی، مقاومت مدار باید ۰٫۸ مقدار اولیه شود.

$$I_1 = I_2 \xrightarrow{r=0} \frac{\varepsilon_1}{R_1} = \frac{\varepsilon_2}{R_2} \xrightarrow{\varepsilon_2=0.8\varepsilon_1} \frac{\varepsilon_1}{R_1} = \frac{0.8\varepsilon_1}{R_2} \Rightarrow R_2 = 0.8R_1$$

در نتیجه مطابق رابطه بالا مقاومت رتوستا باید ۰٫۸ برابر شود. باید توجه داشت که طول اولیه مقاومت که در مدار است در طول ۲۰ cm شامل تعدادی حلقه می‌باشد. برای اینکه مقاومت در حالت جدید ۰٫۸ برابر شود پس می‌بایست تعدادی از حلقه‌ها کم شود که باعث کاهش طول مقاومت در مدار می‌شود و چون تعداد حلقه‌ها در واحد طول، مقداری ثابت است، لذا مقاومت در حالت جدید با طولی از رتوستا که در مدار قرار دارد، نسبت مستقیم دارد، در این حالت داریم:

$$R_2 = 0.8R_1 \xrightarrow{R=\rho\frac{L}{A}} \rho_2 \frac{L_2}{A_2} = 0.8\rho_1 \frac{L_1}{A_1}$$

$$\xrightarrow{A_2=A_1} \frac{L_2}{\rho_2} = 0.8L_1 = 0.8 \times 20 = 16 \text{ cm}$$

$$\Delta L = L_2 - L_1 = 16 - 20 = -4 \text{ cm}$$

چون طول مقاومت کاهش یافته، پس لغزنده باید به سمت چپ جابه‌جا شود.

۵۲. گزینه ۲ طبق رابطه $R = \rho \frac{L}{A}$ داریم:

$$\frac{R_2}{R_3} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2}$$

و چون سطح مقطع دایره است $A = \pi r^2$ می‌توان نوشت:

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2$$

طبق صورت سوال اگر نقره (۲) و پلاتین (۱) باشد داریم:



صفحه ۱۱

$$L_2 = 4L_1 \quad , \quad r_2 = \frac{1}{2}r_1$$

$$\Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\frac{25}{4}\rho_2} \times \frac{4L_1}{L_1} \times \left(\frac{r_1}{\frac{1}{2}r_1}\right)^2 = \frac{4}{25} \times 4 \times 4 = \frac{64}{25}$$

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} \quad R = \rho \frac{L}{A} \text{ طبق رابطه ۴ خواهیم داشت:}$$

با کوتاه کردن سیم ρ و A تغییر نمی‌کند، پس $\frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{L_1}$ و از طرفی $L_2 = L_1 - 5cm$ در نتیجه:

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{L_1 - 5}{L_1} \Rightarrow \frac{2}{3} = \frac{L_1 - 5}{L_1} \Rightarrow L_1 = 15cm = 0.15m$$

دقت کنیم که چون در رابطه $L_2 = L_1 - 5$ واحد طول را cm قرار دادیم جواب هم در ابتدا بر حسب cm بدست آمد.

۵۴. گزینه ۳ مطابق رابطه زیر برای دو برابر شدن مدت زمان تخلیه بار الکتریکی درون باتری، جریان الکتریکی خروجی از باتری باید نصف شود. چون بار موجود در باتری ثابت است، داریم:

$$\Delta q = I \Delta t \Rightarrow I_1 \Delta t_1 = I_2 \Delta t_2 \xrightarrow{\Delta t_2 = 2 \Delta t_1} I_2 = \frac{I_1}{2}$$

با توجه به ثابت بودن اختلاف پتانسیل دو سر باتری، ولتاژ دو سر مقاومت نیز ثابت می‌ماند و با نصف شدن جریان الکتریکی، مقاومت آن باید دو برابر شود.

$$V_2 = V_1 \Rightarrow R_2 I_2 = R_1 I_1 \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{I_1}{I_2} = 2$$

با توجه به روابط زیر، برای دو برابر شدن مقاومت الکتریکی، قطر سطح مقطع سیم باید $\frac{\sqrt{2}}{2}$ برابر شود.

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} \xrightarrow{A = \frac{\pi}{4} D^2, L_1 = L_2} \rho_2 = \rho_1$$

$$\frac{R_2}{R_1} = 1 \times 1 \times \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^2 \Rightarrow 2 = \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{D_1}{D_2} = \sqrt{2} \Rightarrow \frac{D_2}{D_1} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

۵۵. گزینه ۳

$$\left. \begin{aligned} R &= \frac{V}{I} \\ I &= \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{ne}{\Delta t} \end{aligned} \right\} \Rightarrow R = \frac{V}{\frac{ne}{\Delta t}} = \frac{V \Delta t}{ne}$$

$$\Rightarrow R = \frac{12 \times 2 \times 10^{-3}}{1.5 \times 10^{16} \times 1.6 \times 10^{-19}} = \frac{24 \times 10^{-3}}{2.4 \times 10^{-3}} = 10 \Omega$$

۵۶. گزینه ۱ ابتدا سطح مقطع دو رسانا را به دست می‌آوریم:

$$AA = \pi r^2$$

$$AB = \pi(r_2^2 - r_1^2) = \pi((2r)^2 - r^2) = 3\pi r^2$$

طبق رابطه $R = \rho \frac{L}{A}$ نسبت مقاومت دو رسانا را به دست می‌آوریم:

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_A}{A_B}$$

$$\frac{\rho_A = \frac{1}{2}\rho_B, A_A = \pi r^2}{L_B = 1.5L_A, A_B = 3\pi r^2} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{\frac{1}{2}\rho_B}{\rho_B} \times \frac{L_A}{1.5L_A} \times \frac{3\pi r^2}{\pi r^2} = \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times 3 = 1$$

حال طبق رابطه قانون اهم می‌توان نوشت:

$$I = \frac{V}{R} \Rightarrow \frac{I_A}{I_B} = \frac{V_A}{V_B} \times \frac{R_B}{R_A} = \frac{20}{30} \times 1 = \frac{2}{3}$$

۵۷. گزینه ۳ با هر بار تا کردن سیم طول آن $\frac{1}{2}$ برابر حالت قبل و سطح مقطع آن ۲ برابر حالت قبل می‌شود.

پس با n بار تا کردن داریم:

$$A_2 = 2^n A_1, \quad L_2 = \frac{1}{2^n} L_1$$

در نتیجه طبق رابطه $R = \rho \frac{L}{A}$ داریم:

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} \xrightarrow{\text{ثابت } \rho} \frac{R_2}{R_1} = \frac{\frac{1}{2^n} L_1}{L_1} \times \frac{A_1}{2^n A_1} = \frac{1}{2^n} \times \frac{1}{2^n} = \frac{1}{2^{2n}}$$

۵۸. گزینه ۱ فقط عبارت ب درست است.

در قسمت الف: بارهای منفی توسط باتری منتقل می‌شوند نه بارهای مثبت.

اشتباه در قسمت پ: یکای نیروی محرکه ولت است!

و در قسمت ت: فقط در مولدهای آرمانی که مقاومت درونی آنها صفر است نیروی محرکه و اختلاف پتانسیل مولد برابر است.

۵۹. گزینه ۴ می‌دانیم اختلاف پتانسیل دو سر باتری از رابطه $V = \varepsilon - Ir$ بدست می‌آید، با جایگذاری داده‌های سؤال در هر حالت

یک معادله حاصل می‌شه که با حل این دو معادله به جواب تست می‌رسیم

$$\begin{aligned} \text{حالت اول: } & \begin{cases} I=2A \\ V=11V \end{cases} \rightarrow 11 = \varepsilon - 2r \\ \text{حالت دوم: } & \begin{cases} I=5A \\ V=9.5V \end{cases} \rightarrow 9.5 = \varepsilon - 5r \end{aligned}$$

$$\text{حل دستگاه} \rightarrow \begin{cases} \varepsilon - 2r = 11 \\ \varepsilon - 5r = 9.5 \end{cases}$$

جایگذاری در معادله اول

$$\varepsilon - 2 \times 0.5 = 11 \rightarrow \varepsilon = 12$$

$$\text{جواب تست} \Rightarrow \frac{\varepsilon_0}{r} = \frac{12}{0.5} = 24$$

۶۰. گزینه ۴ طبق رابطه $V = \varepsilon - rI$ مقاومت درونی مولد (r) برابر اندازه شیب نمودار $V - I$ می‌باشد. پس نسبت مقاومت درونی

دو مولد برابر نسبت اندازه شیب نمودارهای A و B می‌باشد.

$$V = \varepsilon - Ir \Rightarrow 0 = \varepsilon - Ir = 0 \Rightarrow r = \frac{\varepsilon}{I}$$

بررسی گزینه‌ها:

$$\text{گزینه ۱: } \frac{rA}{rB} = \frac{\frac{\varepsilon}{2I}}{\frac{\varepsilon}{3I}} = \frac{3}{2}$$

$$\text{گزینه ۲: } \frac{rA}{rB} = \frac{\frac{3\varepsilon}{3I}}{\frac{\varepsilon}{2I}} = 2$$

$$\text{گزینه ۳: } \frac{rA}{rB} = \frac{\frac{3\varepsilon}{2I}}{\frac{2\varepsilon}{3I}} = \frac{3}{2}$$

$$\text{گزینه ۴: } \frac{rA}{rB} = \frac{\frac{2\varepsilon}{3I}}{\frac{3\varepsilon}{2I}} = \frac{4}{3}$$

بنابراین گزینه «۴» صحیح نیست.

۶۱. گزینه ۴ خوب است بدانیم وقتی پارامتری درصدی تغییر می‌کند می‌توانیم برای سادگی محاسبه مقدار اولیه آن را ۱۰۰ فرض

کنیم، مثلاً در این تست $I_1 = 100$ فرض کنیم، و چون جریان ۲۰ درصد افزایش داشته، $I_2 = 120$ می‌شه!



حالا به کمک رابطه $V = IR$ خواهیم داشت:

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{I_2}{I_1} \xrightarrow{V_2=V_1+2} \frac{V_1+2}{V_1} = \frac{120}{100} \Rightarrow V_1 = 10V$$

۶۲. گزینه ۲ می‌دانیم اختلاف پتانسیل دو سر مولد برابر است با:

$$V = \varepsilon - Ir$$

پس:

$$V = 24 - 120 \times 0.05 = 18V$$

۶۳. گزینه ۴

$$\varepsilon = V_1$$

زمانی که کلید باز است، ولت‌سنج ایده‌آل نیروی محرکه مولد را نشان می‌دهد.

در حالتی که کلید k بسته است، ولت‌سنج اختلاف پتانسیل دو سر مولد را نشان می‌دهد.

$$V_2 = \varepsilon - Ir \xrightarrow{\varepsilon=V_1} V_1 - V_2 = Ir \Rightarrow r = \frac{V_1 - V_2}{I}$$

تفاوت یک باتری نو و فرسوده در مقاومت داخلی آن است و برای یک باتری نو، مقاومت داخلی کمتر از یک اهم می‌باشد. داریم:

$$r < 1\Omega \Rightarrow \frac{V_1 - V_2}{I} < 1 \Rightarrow V_1 - V_2 < I \Rightarrow I > 12 - 10 \Rightarrow I > 2$$

بنابراین اگر باتری نو باشد، آمپرسنج باید عددی بزرگ‌تر از $2A$ را نشان دهد، و بنابراین تنها گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

۶۴. گزینه ۳ ابتدا از رابطه میدان مغناطیسی درون سیم‌لوله، جریان مدار را حساب می‌کنیم.

$$B = \frac{\mu_0 NI}{\ell} \quad B=24G=24 \times 10^{-4}T, N=200, \ell=0.2m \quad \rightarrow \quad 24 \times 10^{-4} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 200 \times I}{0.2} \Rightarrow I = 2A$$

اکنون از رابطه $I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}$ نیروی محرکه مولد را حساب می‌کنیم. دقت کنید، چون توان مفید مولد بیشینه است، $R_{eq} = r$ می‌باشد.

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} \xrightarrow{R_{eq}=r=3\Omega} 2 = \frac{\varepsilon}{3+3} \Rightarrow \varepsilon = 12V$$

۶۵. گزینه ۳ وقتی لغزنده رئوستا را به سمت راست حرکت دهیم، طول بیش‌تری از سیم در مدار قرار گرفته و مقاومت الکتریکی

افزایش و در نتیجه جریان کاهش می‌یابد.

۶۶. گزینه ۳ جریان در مدار تک‌حلقه با یک مقاومت خارجی از رابطه $I = \frac{\varepsilon}{R+r}$ و اختلاف پتانسیل دو سر مولد از رابطه

$V = \varepsilon - rI = RI$ به دست می‌آید و می‌توان نوشت:

$$V = \varepsilon - rI = RI = \frac{R\varepsilon}{R+r}$$

اختلاف پتانسیل 50% درصد کاهش یافته پس $V' = \frac{V}{2}$ خواهد بود.

برای مقایسه دو حالت داریم:

$$V = \frac{\lambda\varepsilon}{\lambda+2} \quad (1)$$

$$V' = \frac{V}{2} = \frac{R'\varepsilon}{R'+2} \quad (2)$$

$$\frac{V}{V'} = \frac{\frac{\lambda \times \varepsilon}{\lambda+2}}{\frac{R' \times \varepsilon}{R'+2}} \Rightarrow 2 = \frac{\lambda \times (R'+2)}{R' \times (\lambda+2)} \Rightarrow 2 \cdot R' = \lambda R' + 16 \Rightarrow R' = \frac{4}{3}\Omega$$

پس مقاومت جدید باید برابر با $\frac{4}{3}\Omega$ باشد و این یعنی:

$$\Delta R = R' - R = \frac{4}{3} - \lambda = -\frac{20}{3}\Omega$$

پس مقاومت رئوستا باید $\frac{20}{3}\Omega$ کاهش یابد و بنابراین لازم است لغزنده رئوستا به سمت راست حرکت کند.



صفحه ۱۴

۶۷. گزینه ۴ کافیت صورت سؤال را با آرامش! خوانده و داده‌های آن را در رابطهٔ اختلاف پتانسیل دو سر باتری یعنی $V = \varepsilon - Ir$ قرار دهیم:

$$V = \varepsilon - Ir \xrightarrow{I=3A, r=2\Omega} V = 1,6V - 3 \times 2 \Rightarrow 0,6V = \varepsilon$$

$$\rightarrow V = 10V \rightarrow \varepsilon = 1,6V = 16(V)$$

۶۸. گزینه ۲ اختلاف پتانسیل دو سر مولد برای دو جریان داده شده به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$V = \varepsilon - rI$$

$$\begin{cases} V = \varepsilon - \frac{3}{3}r \\ \frac{2}{3}V = \varepsilon - 3r \end{cases}$$

با تقسیم دو معادله برهم، نیروی محرکهٔ مولد را بر حسب r به دست می‌آوریم:

$$\frac{\frac{2}{3}V}{V} = \frac{\varepsilon - 3r}{\varepsilon - \frac{3}{3}r} \Rightarrow \varepsilon = 6r$$

$$V = \varepsilon - rI \Rightarrow 0 = 6r - rI \Rightarrow I = 6A$$

اگر اختلاف پتانسیل دو سر مولد را صفر قرار دهیم، داریم:

۶۹. گزینه ۳ راه حل اول: در حالت اول ابتدا جریان عبوری از مدار را به صورت زیر محاسبه می‌کنیم:

$$I = \frac{\varepsilon}{r+R} \Rightarrow I = \frac{24}{4+2} = 4A$$

در این حالت اختلاف پتانسیل دو سر مولد برابر است با:

$$V_a - V_b = \varepsilon - rI \Rightarrow V_a - V_b = 24 - 2 \times 4 = 16V$$

در نتیجه توان خروجی مولد برابر است با:

$$P_{\text{خروجی}} = VI = 16 \times 4 = 64W$$

حال جریان دیگری که سبب می‌شود توان خروجی مولد ۶۴ وات باقی بماند را محاسبه می‌کنیم.

$$P' = V'I' \Rightarrow V'I' = \varepsilon I' - rI'^2 \Rightarrow 64 = 24I' - 2I'^2$$

$$\Rightarrow I' = 4A \text{ یا } I' = 8A$$

مقاومت در این حالت برابر است با:

$$I' = \frac{\varepsilon}{r+R'} \Rightarrow 8 = \frac{24}{2+R'} \Rightarrow R' = 1\Omega$$

$$\frac{\Delta R}{R} \times 100 = \frac{1-4}{4} \times 100 = -75$$

راه حل دوم: توان خروجی مولد به ازای مقاومت R_1 و R_2 زمانی با یکدیگر یکسان است که:

$$r = \sqrt{R_1 R_2} \xrightarrow{r=2\Omega, R_1=4\Omega} 2 = \sqrt{4R_2} \Rightarrow R_2 = 1\Omega$$

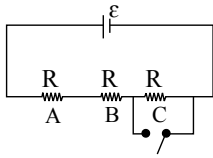
۷۰. گزینه ۳

$$R = \rho \frac{L}{A}$$

$$Q_2 = 2Q_1 \Rightarrow \frac{V^2}{R_2} \times t_2 = 2 \times \frac{V^2}{R_1} \times t_1 \Rightarrow \frac{t_2}{R_2} = \frac{2t_1}{R_1} \Rightarrow \frac{t_2}{L_2} = \frac{2t_1}{L_1}$$

$$\Rightarrow \frac{120}{L_2} = \frac{2 \times 20}{8} \Rightarrow L_2 = 24m$$

۷۱. گزینه ۳



روش اول: اگر مقاومت هر لامپ را R در نظر بگیریم، جریان مدار برابر است با: $I = \frac{\varepsilon}{3R}$

در حالتی که کلید باز است، اختلاف پتانسیل دو سر هر لامپ برابر است با: $V_A = V_B = V_C = RI = \frac{\varepsilon}{3}$

اگر کلید را ببندیم، دو سر لامپ C اتصال کوتاه شده (اختلاف پتانسیل دو سر آن صفر می‌شود) و از مدار حذف می‌شود و در این حالت: $I' = \frac{\varepsilon}{2R}$ اختلاف پتانسیل دو سر لامپ‌های A و B برابر است با:

$$V'_A = V'_B = RI' = \frac{\varepsilon}{2}$$

درصد تغییرات اختلاف پتانسیل دو سر لامپ‌های A و B برابر است با:

$$\frac{\Delta V}{V} \times 100 = \frac{V'_A - V_A}{V_A} \times 100 = \frac{\frac{\varepsilon}{2} - \frac{\varepsilon}{3}}{\frac{\varepsilon}{3}} \times 100 = 50\%$$

روش دوم: قبل از اتصال کلید، ولتاژ باتری بطور مساوی سه لامپ مشابه تقسیم می‌شود، یعنی: $V_A = V_B = V_C = \frac{\varepsilon}{3}$

حال با وصل کلید، دو سر لامپ C بهم وصل شده و از مدار حذف می‌شود (اصلاً اتصال کوتاه می‌شود) بنابراین ولتاژ باتری تنها بین دو لامپ A و B تقسیم می‌شود، پس:

$$V_A = V_B = \frac{\varepsilon}{2}$$

نسبت تغییرات پتانسیل A و B برابر است با: $\frac{\frac{\varepsilon}{2}}{\frac{\varepsilon}{3}} = \frac{3}{2} = 1.5$

۱٫۵ برابر شدن معادل با اینکه: اگر اول ۱۰۰ باشد، در نهایت ۱۵۰ می‌شود، یعنی ۵۰ درصد افزایش پیدا می‌کند.

۷۲. گزینه ۱ زمانی که کلید k باز است، جریان عبوری از مدار صفر و $V = \varepsilon = 20V$ می‌باشد. با بسته شدن کلید k خواهیم داشت:

$$I = \frac{\varepsilon}{R+r} = \frac{20}{4+1} = 4A$$

$$V = \varepsilon - Ir = 20 - (4 \times 1) = 16V$$

$$P_{\text{خروجی}} = VI = 16 \times 4 = 64W$$

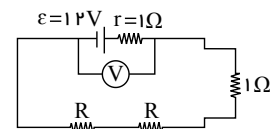
روش دوم: توان خروجی مولد برابر با توان مصرفی در مقاومت خارجی مدار است.

$$P_{\text{خروجی}} = RI^2 = 4 \times 16 = 64W$$

۷۳. گزینه ۳ در هنگامی که تمامی کلیدها باز هستند، داریم:

$$I = \frac{\sum \varepsilon}{\sum R + \sum r}$$

$$I = \frac{12}{2+2R} \Rightarrow I = \frac{6}{R+1}$$



صفحه ۱۶

$$V = \varepsilon - Ir \Rightarrow V = 12 - (1) \times \left(\frac{6}{R+1}\right)$$

در هنگامی که تمامی کلیدها بسته‌اند داریم:

$$I' = \frac{\sum \varepsilon}{\sum R + \sum r} \Rightarrow I' = \frac{12}{\frac{R}{2} + \frac{R}{2} + 1} \Rightarrow I' = \frac{12}{R+1}$$

$$V' = \varepsilon - I'r \Rightarrow V' = 12 - (1) \times \left(\frac{12}{R+1}\right)$$

$$\frac{V}{V'} = \frac{5}{4} \Rightarrow \frac{12 - \frac{6}{R+1}}{12 - \frac{12}{R+1}} = \frac{5}{4}$$

$$\Rightarrow 48 - \frac{24}{R+1} = 60 - \frac{60}{R+1} \Rightarrow \frac{36}{R+1} = 12 \Rightarrow R+1 = 3 \Rightarrow R = 2\Omega$$

۷۴. گزینه ۲ روش اول: با توجه به رابطه $P = RI^2$ و این که در مقاومت‌های متوالی جریان برابر است، خواهیم داشت:

$$R_2 = \frac{1}{2}R_1 \Rightarrow P_2 = \frac{1}{2}P_1$$

با توجه به این که توان خروجی مولد با مجموع توان مصرفی در مقاومت‌های خارجی برابر است، داریم:

$$P_{\text{خروجی}} = P_1 + P_2 + P_3$$

$$P_{\text{خروجی}} = P_1 + \frac{1}{2}P_1 + \frac{1}{3}P_1 \Rightarrow P_{\text{خروجی}} = \frac{11}{6}P_1$$

روش دوم: می‌دانیم توان خروجی (مفید) مولد برابر است با: $P = \varepsilon I - I^2 r$ مفیدسؤال نسبت توان مفید مولد به توان مقاومت R_1 ($P = R_1 I^2$) را خواسته، که داریم:

$$\frac{P_{\text{مفید مولد}}}{R_1 \text{ مقاومت } P} = \frac{\varepsilon I - I^2 r}{R_1 I^2} = \frac{I(\varepsilon - Ir)}{R_1 I^2} = \frac{\varepsilon - Ir}{RI} \xrightarrow{I = \frac{\varepsilon}{Req+r}}$$

$$\frac{P_{\text{مفید مولد}}}{R_1 \text{ مقاومت } P} = \frac{\varepsilon - \frac{\varepsilon}{Req+r} r}{R \times \frac{\varepsilon}{Req+r}} = \frac{\varepsilon \left(1 - \frac{r}{Req+r}\right)}{\frac{\varepsilon R}{Req+r}} \xrightarrow{\text{عفا ساده}} = \frac{\left(1 - \frac{r}{Req+r}\right)}{\frac{R}{Req+r}} = \frac{Req}{Req+r} = \frac{Req}{R}$$

$$\frac{Req = R + \frac{R}{3} + \frac{R}{3} = \frac{11R}{6}}{R_1 \text{ مقاومت } P} = \frac{\frac{11R}{6}}{R} = \frac{11}{6}$$

۷۵. گزینه ۴ توان مصرفی در مقاومت خارجی، ۹ برابر توان مصرفی مقاومت داخلی مولد است. یعنی:

$$RI^2 = 9rI^2 \Rightarrow R = 9r$$

با توجه به رابطه جریان داریم:

$$I = \frac{\varepsilon}{R+r} \Rightarrow 2 = \frac{10}{10+r} \Rightarrow r = 0.5\Omega$$

پس اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت داخلی در مولد برابر است با:

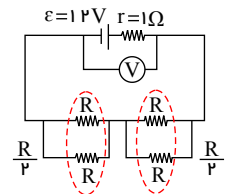
$$V = Ir = 2 \times \frac{1}{2} = 1V$$

۷۶. گزینه ۲

$$P = I^2 R \Rightarrow I^2 = \frac{P}{R} = \frac{108}{3} \Rightarrow I = 6A$$

جریان عبوری از شاخه‌ی پایینی که مقاومت آن $9 + 3 = 12\Omega$ است برابر ۶ آمپر می‌باشد. بنابراین جریان عبوری از شاخه‌ی بالایی که مقاومت ۲۴ اهم دارد ۳ آمپر می‌باشد در نتیجه جریان کل $I = 9A$ است.

$$I_T = 3 + 6 = 9A$$



صفحه ۱۷

$$R_{eq} = \frac{24 \times 12}{24 + 12} + 12 = 8 + 12 = 20 \Omega$$

$$V_{AB} = R_{eq} I_T = 20 \times 9 = 180 V$$

۷۷. گزینه ۱ مقاومت R_1 و R_2 با هم موازی اند و داریم: $R_{1,2} = \frac{6 \times 12}{6 + 12} = 4 \Omega$

ابتدا مقاومت معادل و جریان کل را به دست می آوریم:

$$R_{eq} = \frac{8 \times 8}{8 + 8} = 4 \Omega$$

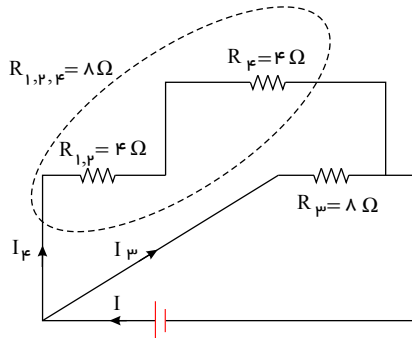
$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{15}{4 + 1} = 3 A$$

$$V_3 = V_{1,2,4} \Rightarrow I_2 R_3 = I_4 R_{1,2,4}$$

$$\frac{R_2 = R_{1,2,4}}{\longrightarrow} I_3 = I_4$$

$$\frac{I = I_3 + I_4 = 3 A}{\longrightarrow} I_4 = 1.5 A$$

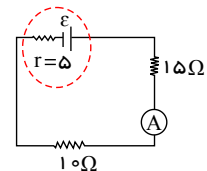
پس جریان عبوری از مقاومت $R_4 = 4 \Omega$ برابر با 1.5 آمپر است.



$$U = R_4 I_4^2 t = 4 \times 1.5^2 \times 2 = 18 J$$

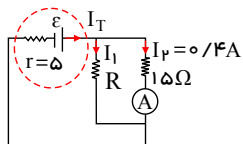
۷۸. گزینه ۳ ابتدا برای حالت باز کلیدها شکل مدار را رسم کرده و مقدار ε را از رابطه $I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}$ بدست می آوریم.

$$\begin{cases} I = 0.4 A \\ R_{eq} = 15 + 10 = 25 \end{cases} \Rightarrow 0.4 = \frac{\varepsilon}{25 + 5} \Rightarrow \varepsilon = 12 V$$



حال وقتی کلیدها بسته شوند، کلید k_1 دو سر مقاومت 10 اهمی را بهم وصل کرده پس آن را اتصال کوتاه و حذف می کند و کلید k_2 مقاومت R را بصورت موازی با مقاومت 15 اهمی به مدار اضافه می کند که در نهایت شکل مدار به صورت زیر خواهد بود.

دقت کنیم در این حالت آمپرسنج جریان مقاومت 15 اهمی را نشان می دهد حال چون مقاومت های 15 اهمی و R و مولد موازی هستند ولتاژ آن ها با هم برابر است و داریم:



$$\text{مولد } V = VR = V_{15e}$$

$$\varepsilon - I_t r = R I_1 = 15 \times I_2$$

$$12 - I_T \times 5 = R I_1 = 15 \times 0.4 \Rightarrow 12 - 5 I_T = 6 \rightarrow I_T = 1.2 (A)$$

از طرفی هم می دانیم $I_T = I_1 + I_2$ پس: $1.2 = I_1 + 0.4 \Rightarrow I_1 = 0.8$ با قرار دادن در رابطه تساوی ولتاژها خواهیم داشت:

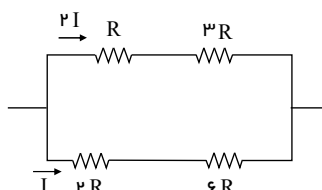
$$R I_1 = 15 \times 0.4$$

$$\Rightarrow R = 7.5$$

$$R \times 0.8 = 15 \times 0.4$$

۷۹. گزینه ۳ باتوجه به این که مقاومت معادل شاخه ی بالا $4R$ و مقاومت معادل شاخه ی پایین $8R$ می باشد می توان نتیجه گرفت

جریان عبوری از شاخه ی بالایی دو برابر شاخه ی پایین است:



$$\left. \begin{aligned} P &= RI^2 \\ R_1 : P_1 &= R(4I^2) = 4RI^2 \\ R_3 : P_3 &= 3R(4I^2) = 12RI^2 \\ R_2 : P_2 &= 2RI^2 \\ R_4 : P_4 &= 6RI^2 \end{aligned} \right\}$$

⇒ توان مصرفی مقاومت R_3 بیشترین مقدار است.

۸۰. گزینه ۴ در مدار نشان داده شده، ابتدا مقاومت معادل مدار را به دست می آوریم. دو مقاومت R_2 و R_1 با هم موازی و معادل این دو با مقاومت R_3 به صورت متوالی بسته شده است.

$$\frac{1}{R_{1,2}} = \frac{1}{4} + \frac{1}{12} \Rightarrow R_{1,2} = 3\Omega \Rightarrow R_{eq} = 3 + 2 = 5\Omega$$

جریان عبوری از مدار و عددی که آمپرسنج نشان می دهد برابر است با:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{24}{5 + 1} = 4A$$

اگر جای مولد و مقاومت R_2 عوض شود، در این صورت دو مقاومت R_2 و R_3 با هم به صورت متوالی بسته شده و معادل این دو با مقاومت R_1 به صورت موازی بسته شده است. در این حالت شدت جریان عبوری از مدار به صورت زیر محاسبه شود:

$$R'_{2,3} = 4 + 2 = 6\Omega \Rightarrow \frac{1}{R'_{eq}} = \frac{1}{6} + \frac{1}{12} \Rightarrow R'_{eq} = 4\Omega \Rightarrow I' = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{24}{4 + 1} = 4.8A$$

در این حالت آمپرسنج در شاخه اصلی مدار قرار نداشته و جریان عبوری از دو مقاومت R_2 و R_3 را نشان می دهد.

$$\left. \begin{aligned} 12I_1 &= 6I_{23} \\ I_1 + I_{23} &= 4.8 \end{aligned} \right\} I_{23} = 3.2A$$

در نتیجه عددی که نشان می دهد ۰٫۸ آمپر کاهش می یابد.

۸۱. گزینه ۴

$$P_{\text{خروجی}} = \varepsilon I - rI^2$$

مطابق رابطه بالا، رابطه توان خروجی مولد بر حسب I به صورت یک تابع درجه دوم است که بیشینه آن به ازای

$$I_{\max} = \frac{-b}{2a} = \frac{\varepsilon}{2r}$$

$$I_{\max} = \frac{\varepsilon}{2r} \xrightarrow{\text{از طرفی می دانیم}} r = R_{eq}$$

در نتیجه، در یک مدار، هنگامی توان مفید مولد بیشینه می گردد که اندازه مقاومت معادل خارجی با مقاومت درونی مولد برابر گردد. بنابراین اگر هر دو کلید k_1 و k_2 بسته شوند، R_1 اتصال کوتاه می شود و مقاومت معادل مدار با مقاومت درونی مولد برابر می شود، زیرا:

$$R_{eq} = R_{2,3} = 1\Omega = r$$

نکته: بهتر است به یاد داشته باشیم که شرط ماکزیم شدن توان خروجی (مفید) مولد برابر است با: $R_{eq} = r$

۸۲. گزینه ۲ با توجه به مدار داده شده، اگر جریان مقاومت 6Ω را I فرض کنیم، جریان عبوری از مقاومت R برابر $2I$ خواهد شد.

$$IR + I = 3I \Rightarrow IR = 2I$$

با توجه به برابر بودن ولتاژ مقاومت ۶ اهمی و مقاومت R داریم:

$$VR = V_6 \Rightarrow R \times 2I = 6I \Rightarrow R = 3\Omega$$

مقاومت های ۶ و ۳ اهمی موازی یکدیگر هستند و با مقاومت ۴ اهمی متوالی هستند. مقاومت معادل آن ها برابر است با:

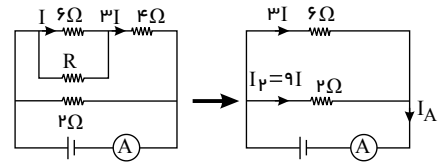
$$R_{6,3} = \frac{6 \times 3}{6 + 3} = 2\Omega, \quad R_{6,3,4} = R_{6,3} + R_4 = 2 + 4 = 6\Omega$$

با توجه به موازی بودن مقاومت ۲ اهمی شاخه پایینی با مقاومت معادل ۶ اهمی شاخه بالایی، جریان گذرنده از آن را می‌یابیم.

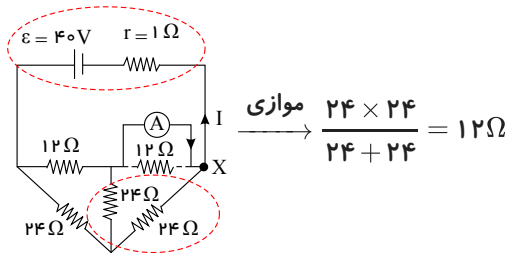
$$V_{6,3,4} = V_2 \Rightarrow 6 \times 3I = 2I_2 \Rightarrow I_2 = 9I$$

$$IA = I_2 + I_{6,3,4} \Rightarrow IA = 9I + 3I \Rightarrow IA = 12I \Rightarrow \frac{IA}{I_4} = \frac{12I}{3I}$$

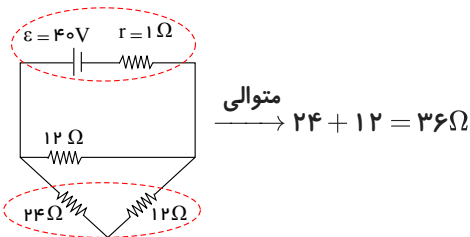
$$= 4$$



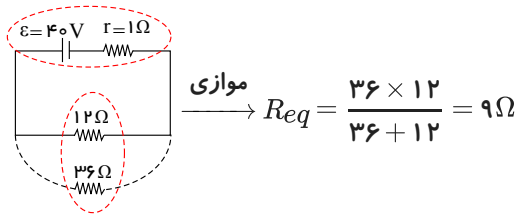
۸۳. گزینه ۴ با توجه به ایده آل بودن آمپر سنج، مقاومت آن برابر صفر است، بنابراین مقاومت ۱۲ اهمی متصل به آن اتصال کوتاه می‌شود و از مدار حذف می‌گردد. با ساده‌سازی مدار و محاسبه مقاومت معادل، جریان خروجی از باتری به صورت زیر می‌باشد:



$$\text{موازی} \rightarrow \frac{24 \times 24}{24 + 24} = 12\Omega$$



$$\text{متوالی} \rightarrow 24 + 12 = 36\Omega$$



$$\text{موازی} \rightarrow Req = \frac{36 \times 12}{36 + 12} = 9\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{r + Req} \Rightarrow I = \frac{40}{1 + 9} = 4A$$

حال از طریق روابط زیر، جریان عبوری از مقاومت ۳۶ اهمی را حساب می‌کنیم.

$$I_{12,36} = I$$

$$V_{36} = V_{12,36} \Rightarrow R_{36}I_{36} = R_{12,36}I_{12,36} \rightarrow R_{36}I_{36} = R_{12,36}I \Rightarrow 36I_{36} = 9 \times 4$$

$$\Rightarrow I_{36} = 1A$$

این جریان همان جریان عبوری از مقاومت ۲۴ اهمی سمت چپ و مقاومت معادل مقاومت‌های ۲۴ میانی و ۲۴ سمت راست می‌باشد. با توجه به یکسان و موازی بودن مقاومت‌های ۲۴ میانی و ۲۴ سمت راست، جریان ۱ آمپری به طور مساوی بین آن‌ها تقسیم می‌شود و برابر ۰٫۵ آمپر می‌گردد. از طرفی در گره x داریم:

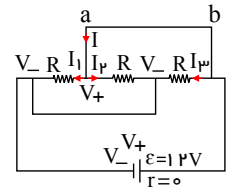
$$I = IA + I_{24} \Rightarrow 4 = IA + 0,5 \Rightarrow IA = 3,5A$$

۸۴. گزینه ۱ روش اول: پتانسیل (ولتاژ) بارهای الکتریکی در هنگام عبور از سیم‌های ایده آل ($R = 0$) افت نمی‌کند، بنابراین مطابق شکل، نقاط هم‌پتانسیل مشخص شده‌اند. با توجه به یکسان بودن مقدار مقاومت و اختلاف پتانسیل دو سر هر مقاومت، جریان عبوری از آن‌ها یکسان است.

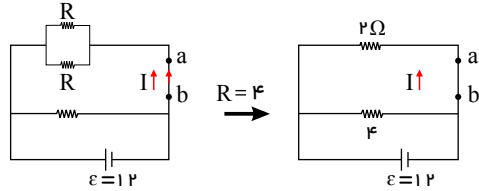
$$I_1 = I_2 = I_3 = \frac{\Delta V}{R} = \frac{12}{4} = 3A$$

با توجه به آن‌که جهت جریان در مقاومت‌ها از پتانسیل مثبت به منفی است و با توجه به قانون تقسیم جریان، جهت جریان از b به a می‌باشد و مقدار آن برابر است با:

$$I = I_1 + I_2 = 3 + 3 = 6A$$



روش دوم: با قدری ذکاوت می‌توان شکل مدار را بصورت زیر ساده کرد:



مقاومت‌های ۲ و ۴ موازی هستند. پس: $V_T = \varepsilon = 12 = V_2 = RI$ از طرفی $V = RI$ در نتیجه: $12 = 2 \times I \rightarrow I = 6A$

۸۵. گزینه ۴

$$\rho' = \frac{m}{V} \xrightarrow{V=A \cdot L} \rho' = \frac{m}{A \cdot L} \Rightarrow A = \frac{m}{\rho' \cdot L} (I)$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \xrightarrow{(I)} R = \rho \frac{L}{\frac{m}{\rho' L}} \Rightarrow R = \rho \rho' \frac{L^2}{m}$$

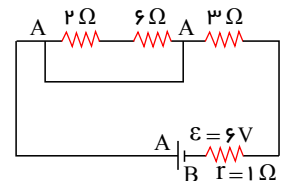
$$\Rightarrow 0.8 = 0.8 \times 10^{-8} \times 8 \times 10^3 \times \frac{L^2}{2} \Rightarrow L^2 = 2500 \Rightarrow L = 50m$$

۸۶. گزینه ۱ هنگامی که کلید باز است دو مقاومت ۲ و ۶ اهمی اتصال کوتاه و مقاومت خارجی مدار، فقط مقاومت ۳ اهمی است می

توان نوشت:

$$IT = \frac{\varepsilon}{RT+r} = \frac{6}{3+1} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} (A)$$

$$PT = RTI^2 = 3 \times \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{27}{4} W$$

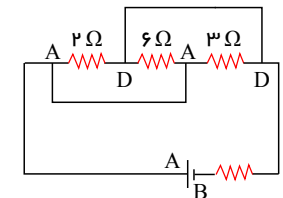


وقتی کلید k بسته می‌شود سه مقاومت مدار موازی می‌شوند و می‌توان نوشت:

$$\frac{1}{R'T} = \frac{1}{3} + \frac{1}{6} + \frac{1}{2} = \frac{1}{1} \Rightarrow R'T = 1\Omega$$

$$I' = \frac{\varepsilon}{R'T+r} = \frac{6}{1+1} = 3A$$

$$P'T = R'TI'^2 = 1 \times 9 = 9W$$



بنابراین خواهیم داشت:

$$\frac{P'T}{PT} = \frac{9}{27} = \frac{1}{3}$$

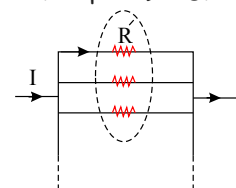
۸۷. گزینه ۳ با تقسیم کردن سیم به n قسمت با طول‌های مساوی، مقاومت هر قسمت برابر با $R' = \frac{R}{n}$ می‌شود که R مقاومت کل

سیم است. چنانچه n مقاومت مشابه R' را با یکدیگر به صورت موازی ببندیم مقاومت معادل برابر با $Req = \frac{R'}{n}$ می‌شود، بنابراین

مطابق قانون اهم و رابطه‌ی مقاومت ویژه داریم:

$$V = ReqI \xrightarrow{Req = \frac{R'}{n}, R' = \frac{R}{n}} V = \frac{R}{n^2} I$$

$$\xrightarrow{R = \rho \frac{L}{A}} V = \frac{\rho LI}{n^2 A}$$



۸۸. گزینه ۲ در این مدار اختلاف پتانسیل دو سر مولد برابر اختلاف پتانسیل دو سر هر مقاومت است.

$$V_1 = R_1 I_1 = 3 \times 0.8 = 2.4V$$

صفحه ۲۱

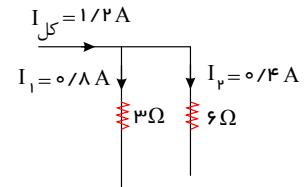
$$\Rightarrow V_2 = R_2 I_2 \quad \frac{V_1 = V_2}{V_1 = 2,4V} \rightarrow 2,4 = 6 \times I_2 \Rightarrow I_2 = 0,4A$$

بنابراین:

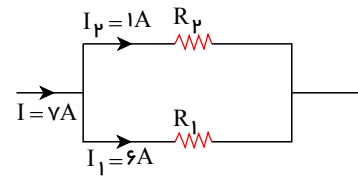
$$I_T = I_1 + I_2 = 0,4 + 0,8 = 1,2A$$

$$I_T = \frac{\varepsilon}{R_T + r} \Rightarrow 1,2 = \frac{r}{2 + r} \Rightarrow r = 3$$

$$\text{ه توان تلف شده} = r I_T^2 = 3 \times (1,2)^2 = 4,32W$$



۸۹. گزینه ۳ مجموعه را به شکل زیر رسم می کنیم:



این دو مقاومت به صورت موازی به یکدیگر متصل هستند پس؛

$$\begin{cases} I = I_1 + I_2 \Rightarrow V = 6 + I_2 \Rightarrow I_2 = 1A \\ V_{\text{بالا}} = V_{\text{پایین}} \Rightarrow R_2 I_2 = R_1 I_1 \Rightarrow R_2 = 6R_1 \quad (1) \\ \begin{cases} R_1 + R_2 = 42 \Omega \quad (2) \\ (1,2) \\ \Rightarrow 7R_1 = 42 \Rightarrow R_1 = 6, R_2 = 6R_1 = 36 \end{cases} \end{cases}$$

$$P_T = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = \frac{6 \times 36}{6 + 36} = \frac{36}{7} \Omega$$

۹۰. گزینه ۳

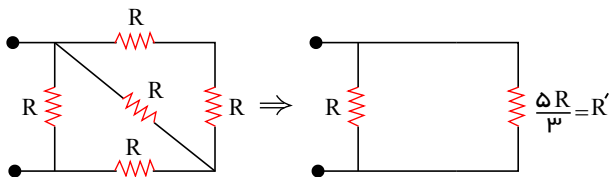
$$R = p \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_{\max}}{R_{\min}} = \frac{L_{\max}}{L_{\min}} \times \frac{A_{\max}}{A_{\min}} = \left(\frac{5}{3}\right) \times \left(\frac{4 \times 5}{3 \times 4}\right) \Rightarrow \frac{R_{\max}}{R_{\min}} = \frac{25}{9}$$

بنابراین در مورد شدت جریان، با توجه به قانون اهم داریم:

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow \frac{I_{\min}}{I_{\max}} = \frac{R_{\min}}{R_{\max}} \Rightarrow \frac{I_{\min}}{25} = \frac{9}{25} \Rightarrow I_{\min} = 9(A)$$

توجه داشته باشید که با توجه به عکس بودن رابطه R با A و I در روابط فوق، R_{\max} در حالتی رخ می دهد که A_{\min} باشد و I_{\min} هم وقتی رخ می دهد که R_{\max} باشد.

۹۱. گزینه ۳ بیشترین توان مصرفی مربوط به شاخه ای از مدار یا مقاومتی است که بیشترین جریان از آن می گذرد. یعنی

 $P_R = 120W$ اکنون با ساده کردن مدار داریم:

با توجه به اینکه اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت های موازی با هم برابر است می توان نوشت:

$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow \frac{P}{P'} = \frac{R'}{R} \Rightarrow \frac{120}{P'} = \frac{5R}{3R} \Rightarrow P' = 72W$$

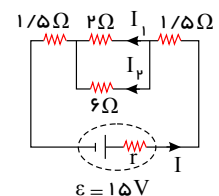
$$P_T = P + P' = 120 + 72 = 192W$$

۹۲. گزینه ۳

$$V_{2\Omega} = V_{6\Omega} \xrightarrow{V=IR} I_1 \times 2 = I_2 \times 6$$

$$\Rightarrow 2 \times 2 = I_2 \times 6 \Rightarrow I_2 = \frac{2}{3}A$$

$$I = I_1 + I_2 = 2 + \frac{2}{3} \Rightarrow I = \frac{8}{3}A$$



صفحه ۲۲

$$I_T = \frac{\varepsilon}{R_T + r} \Rightarrow \frac{1}{3} = \frac{15}{4.5 + r} \Rightarrow r = \frac{9}{8}$$

$$\text{افت پتانسیل} : r I_T = \frac{9}{8} \times \frac{1}{3} = 3V$$

۹۳. گزینه ۱ از آنجایی که در این مدار مقاومت درونی مولد صفر است. ($r = 0$) اختلاف پتانسیل دو سر مولد ثابت می ماند.

$V = \varepsilon - I r = \varepsilon$ (که در اینجا همان اختلاف پتانسیل دو سر مدار است) بنابراین در شاخه‌ی شامل مقاومت R' نیز جریان تغییر نمی کند.

$$I' = \frac{V}{R'} \xrightarrow{\substack{V = \text{ثابت} \\ R' = \text{ثابت}}} I' = \text{ثابت}$$

۹۴. گزینه ۳ با بستن کلید k ، مقاومت R_2 به صورت موازی با R_1 به مدار اضافه می شود و در نتیجه طبق رابطه‌ی

$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$ ، R_{eq} مدار کاهش خواهد یافت و طبق رابطه‌ی $I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}$ ، با کاهش R_{eq} ، جریان کل مدار افزایش می یابد و آمپرسنج ایده آل A_1 عدد بیش تری را نشان می دهد.

با توجه به مدار، ولتاژ دو سر مقاومت R_1 با ولتاژ دو سر مولد برابر است و چون مولد مقاومت درونی ندارد:

$$V_{\text{مولد}} = V_{R_1} = \varepsilon - I r = \varepsilon$$

$$I R_1 = \frac{\varepsilon}{R_1} \text{ برابر است با:}$$

که این مقدار همواره ثابت است و در نتیجه عددی که آمپرسنج A_2 نشان می دهد ثابت می ماند.

۹۵. گزینه ۴ ابتدا شدت جریان گذرنده از سیم را محاسبه می کنیم:

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow \frac{V}{R} = \frac{12}{3} = 4(A)$$

اکنون می توان بار عبوری از مقطع سیم را بدست آورد:

$$\Delta q = I \cdot \Delta t \Rightarrow \Delta q = 4 \times 60 = 240 C$$

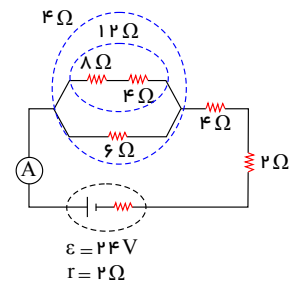
و تعداد الکترون های عبوری برابر است با:

$$q = ne \Rightarrow 240 = n \times 1.6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 15 \times 10^{20}$$

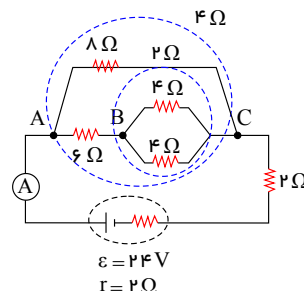
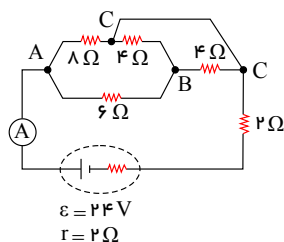
۹۶. گزینه ۱ در حالت باز بودن کلید k داریم:

$$R_{eq} = 4 + 4 + 2 = 10 \Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{24}{10 + 2} = 2A$$



بنابراین آمپرسنج در حالت اول (قبل از بسته شدن کلید)، $2A$ را نشان می دهد. پس از بسته شدن کلید k نقاط هم پتانسیل را نام گذاری و مدار را ساده می کنیم.



صفحه ۲۳

$$\Rightarrow R'_{eq} = 4 + 2 = 6\Omega \Rightarrow I' = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{24}{6 + 2} = 3A \Rightarrow \frac{I'}{I} = \frac{3}{2}$$

۹۷. گزینه ۲ ابتدا باید طول سیم را محاسبه می‌کنیم:

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow 20 = 10^{-6} \frac{L}{\pi(1 \times 10^{-3})^2} \Rightarrow L = 20\pi(m)$$

بنابراین تعداد حلقه‌ها برابر است با:

$$N = \frac{\text{طول سیم}}{2\pi r} \Rightarrow N = \frac{20\pi}{2\pi \times (0.05)} \Rightarrow N = 200 \text{ دور}$$

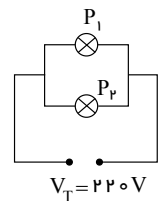
۹۸. گزینه ۲ چون R_1 نصف R_2 است در نتیجه I_1 برابر I_2 است.

$$\begin{cases} q = ne \\ q = It \end{cases} \Rightarrow ne = It \Rightarrow I = \frac{ne}{t} \xrightarrow{tA=tB} \frac{nA}{nB} = \frac{IA}{IB} = 2$$

۹۹. گزینه ۴ چون لامپ‌ها به اختلاف پتانسیل اسمی خود متصل شده‌اند، توان اسمی خود را مصرف می‌کنند.

$$V_{\text{اسمی}} = V_{\text{مصرفی}} = 220V$$

$$P_T = P_1 + P_2 = 100 + 60 = 160W$$



۱۰۰. گزینه ۳ ولت سنجی که به دو سر باتری بسته شده باشد (در مدار تک باتری) عدد آن از دو رابطه‌ی زیر بدست می‌آید.

$$\begin{cases} V = \varepsilon - rIT \Rightarrow 38 = 40 - 1 \times IT \Rightarrow IT = 2 \\ V = R_T IT \Rightarrow 38 = R_T \times 2 \Rightarrow R_T = 19 = 7 + 4 + \frac{10R}{10 + R} \Rightarrow R = 4\Omega \end{cases}$$

۱۰۱. گزینه ۱

$$A = \pi \frac{D^2}{4} \text{ و } A = \text{سطح مقطع سیم و } D = \text{قطر مقطع سیم}$$

$$\frac{mA = mB}{\rho A = \rho B} \rightarrow VA = VB \Rightarrow A_1 L_1 = A_2 L_2 \Rightarrow \frac{L_1}{L_2} = \frac{A_2}{A_1} = \left(\frac{DB}{DA}\right)^2 *$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_1}{R_2} = \frac{\rho L_1}{\rho A_1} \times \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_2}{A_1} \xrightarrow{*} \frac{R_1}{R_2} = \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2 = \left(\frac{DB}{DA}\right)^4 \Rightarrow \frac{R_1}{R_2} = \left(\frac{DB}{2DB}\right)^4 = \frac{1}{16}$$

۱۰۲. گزینه ۴ چون جرم سیم و در نتیجه حجم آن ثابت می‌ماند، داریم:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 L_1 = A_2 L_2 \Rightarrow \frac{L_2}{L_1} = \frac{A_1}{A_2}$$

$$R = \frac{\rho L}{A} \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} = \left(\frac{L_2}{L_1}\right)^2 = \left(\frac{A_1}{A_2}\right)^2 = \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^4$$

چون ولتاژ ثابت است داریم:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow R_1 I_1 = R_2 I_2$$

$$\frac{I_2}{I_1} = \frac{R_1}{R_2} = \left(\frac{D_2}{D_1}\right)^4 \Rightarrow \frac{I_2}{1} = \left(\frac{1}{2} \frac{D_1}{D_1}\right)^4 = \frac{1}{16} \Rightarrow I_2 = \frac{1}{16} mA$$

۱۰۳. گزینه ۴ باتوجه به این که مقاومت آمپرسنج ایده‌آل ناچیز است، ابتدا جریان گذرنده از آمپرسنج را حساب می‌کنیم:

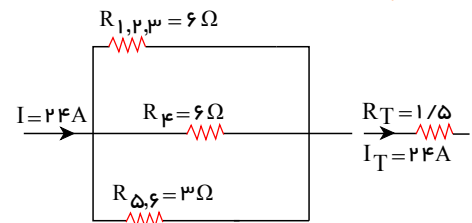
$$I = \frac{\varepsilon}{R + r} \Rightarrow I = \frac{10}{0 + 1} = 10A$$

عددی که ولت سنج ایده‌آل نشان می‌دهد، همان اختلاف پتانسیل دو سر مولد است. داریم:

$$V = \varepsilon - rI = 10 - (1)(10) = 0$$

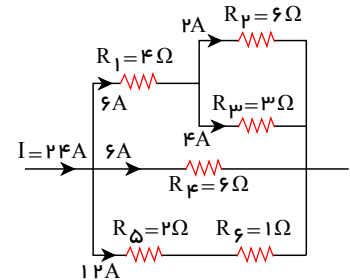
گزینه ۱.۰۴

$$\begin{cases} V_{1,2,3} = V_4 = V_{5,6} = V_T = R_T I_T = 36 \\ V_{1,2,3} = R_{1,2,3} I_{1,2,3} \Rightarrow 36 = 6 I_{1,2,3} \Rightarrow I_{1,2,3} = 6 \\ V_4 = R_4 I_4 \Rightarrow 36 = 6 I_4 \Rightarrow I_4 = 6 \\ V_{5,6} = R_{5,6} I_{5,6} \Rightarrow 36 = 3 I_{5,6} \Rightarrow I_{5,6} = 12 \end{cases}$$



اکنون به کمک رابطه ی $P = RI^2$ می توانیم توان مصرفی در هریک از مقاومت ها را حساب کنیم که با مقایسه ی توان مصرفی مقاومت ها مشخص می شود که مقاومت R_2 کمترین میزان مصرف انرژی الکتریکی را دارد.

$$\begin{cases} PR_1 = 4 \times (6)^2 = 4 \times 36W \\ PR_2 = 4 \times (2)^2 = 4 \times 4W \\ PR_3 = 3 \times (4)^2 = 3 \times 16W \\ PR_4 = 6 \times (6)^2 = 6 \times 36W \\ PR_5 = 2 \times (12)^2 = 2 \times 144W \end{cases}$$



جریان عبوری از مقاومت R_2 برابر ۲ آمپر است.

گزینه ۴ چون R_2 و R_1 به طور موازی در مدار قرار می گیرند ولتاژ آن ها با ولتاژ دو سر کتری برابر بوده و هریک با توان اسمی خود کار می کند. لذا داریم: (دقت کنید که در این جا میزان آب یکسان است لذا گرمای لازم برای گرم کردن آن در هر حالت یکسان است.)

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \Rightarrow \frac{V^2}{R} = \frac{V^2}{R_1} + \frac{V^2}{R_2} \xrightarrow{P = \frac{V^2}{R} = \frac{Q}{t}} \frac{Q}{t} = \frac{Q_1}{t_1} + \frac{Q_2}{t_2}$$

$$\xrightarrow{Q=Q_1=Q_2} \frac{1}{t} = \frac{1}{t_1} + \frac{1}{t_2} = \frac{1}{7.5} + \frac{1}{15} \Rightarrow t = 5 \text{ min}$$

گزینه ۲ در حالت اول:

$$RT = 2 + \frac{6 \times 3}{6+3} = 4\Omega \Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R+r} = \frac{14}{4+1} = 2.8 \text{ A}$$

دو مقاومت 3Ω و 6Ω باهم موازی اند و ولتاژ دو سر آن ها باهم برابر است بنابراین:

$$V_{3\Omega} = V_{6\Omega} \Rightarrow I_1 R_1 = I_2 R_2 \Rightarrow 3I_1 = 6I_2 \Rightarrow I_1 = 2I_2$$

$$\begin{cases} I_1 = 2I_2 \\ I_1 + I_2 = 2.8 \end{cases} \Rightarrow I_1 = \frac{2.8}{1.5}, I_2 = \frac{1.4}{1.5}$$

پس آمپرسنج ایده آل $I_1 = \frac{2.8}{1.5} \text{ A}$ را نشان می دهد و چون ولت سنج با مقاومت ۲ اهمی موازی است پس اختلاف پتانسیل دو سر

مقاومت ۲ اهمی را نشان می دهد.

$$V = IR = 2 \times 2.8 = 5.6V$$

حالت دوم: با عوض کردن جای آمپرسنج و ولت سنج چون آمپرسنج ایده آل است پس دو سر مقاومت ۲ اهمی اتصال کوتاه شده و از مدار حذف می شود. از طرفی چون ولت سنج ایده آل است از شاخه ی مقاومت ۳ اهمی نیز جریانی نمی گذرد و این مقاومت نیز در مدار نخواهد بود و عددی که ولت سنج نشان می دهد برابر ولتاژ دو سر مقاومت ۶ اهمی خواهد بود. یعنی:

$$I' = \frac{\varepsilon}{R' + r} = \frac{14}{6+1} = 2A$$

$$V' = I' R = 2 \times 6 = 12V$$

گزینه ۴ با افزایش مقاومت متغیر R_1 ، مقاومت معادل مقاومت های (۱) و (۲) و هم چنین مقاومت کل مدار افزایش می یابد.

$$R_1 \uparrow \rightarrow R_{1,2} \uparrow \Rightarrow R_{1,2,3} \uparrow \Rightarrow RT \uparrow$$

با افزایش مقاومت کل مدار، شدت جریان در شاخه ی اصلی کم شده در نتیجه ولتاژ دوسر مولد افزایش می یابد.

صفحه ۲۵

$$\begin{cases} \downarrow IT = \frac{\varepsilon}{R_T \uparrow + r} \Rightarrow R_T \uparrow \rightarrow \downarrow IT \rightarrow \uparrow V \\ \uparrow V = \varepsilon - rIT \downarrow \end{cases}$$

حال اگر اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R_3 را (V') و دو سر مقاومت R_3 را V'' بنامیم داریم؛
با افزایش V باتوجه به کاهش V' ($V' \downarrow = R_3 I \downarrow$) عدد V'' باید الزاماً افزایش یابد تا تساوی مقابل برقرار شود؛
 $\uparrow V = V' \downarrow + V'' \uparrow$

در نتیجه با افزایش V'' جریان عبوری از مقاومت R_3 افزایش می‌یابد.

$$V'' \uparrow = R_3 I_3 \uparrow$$

۱۰۸. گزینه ۲ سطح زیر نمودار $I-t$ ، برابر مقدار بار شارش شده در مدار است.

$$\Delta q = \frac{4+10}{2} \times 3 = 21 C$$

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{21}{10} = 2,1 A$$

۱۰۹. گزینه ۱

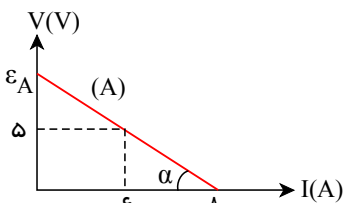
$$\begin{aligned} \Delta q &= ne \\ \Delta q &= I \Delta t \Rightarrow ne = I \Delta t \Rightarrow n \times 1,6 \times 10^{-19} = 16 \times 10^{-3} \times 2 \times 60 \end{aligned}$$

$$n = \frac{16 \times 10^{-3} \times 2 \times 60}{1,6 \times 10^{-19}} = 1,2 \times 10^{19}$$

۱۱۰. گزینه ۳ در نمودار یک مولد نیروی محرکه

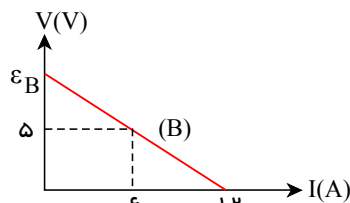
- عرض از مبدا ε

- شیب خط r



$$\tan \alpha_A = r_A = \frac{5}{2}$$

$$\tan \alpha_A = \frac{5}{2} = \frac{\varepsilon_A}{8} \Rightarrow \varepsilon_A = 20$$



$$\tan \alpha_B = r_B = \frac{5}{6}$$

$$\tan \alpha_B = \frac{5}{6} = \frac{\varepsilon_B}{12} \Rightarrow \varepsilon_B = 10$$

توان تولیدی یک مولد که جریان I از آن عبور می‌کند برابر است با: $P_{\text{تولیدی}} = \varepsilon I$

توان تلف شده در مولد برابر است با: $P_{\text{تلف شده}} = rI^2$

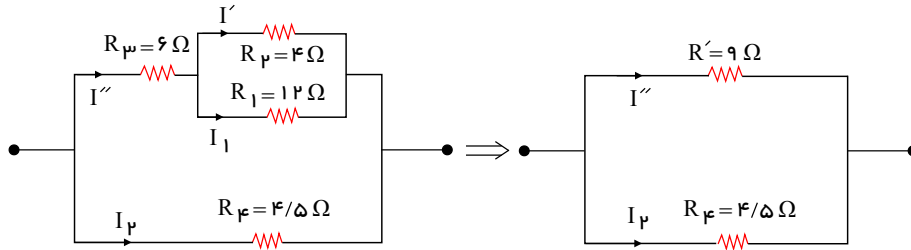
چون جریان عبوری از دو مولد یکسان است، بنابراین:

$$\frac{P_{\text{تولیدی A}}}{P_{\text{تولیدی B}}} = \frac{\varepsilon_A I}{\varepsilon_B I} = \frac{\varepsilon_A}{\varepsilon_B} = \frac{20}{10} = 2$$

$$\frac{P_{\text{تلف شده A}}}{P_{\text{تلف شده B}}} = \frac{r_A I^2}{r_B I^2} = \frac{r_A}{r_B} = \frac{\frac{5}{2}}{\frac{5}{6}} = 3$$

۱۱۱. گزینه ۲ با ساده کردن مدار داریم:

$$R' = R_3 + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = 6 + \frac{12 \times 4}{12 + 4} = 9 \Omega$$



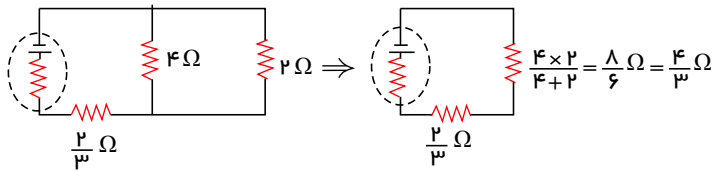
در مقاومت‌های موازی جریان به نسبت عکس مقاومت‌ها توزیع می‌شود چون $R_2 = \frac{1}{3} R_1$ است پس جریان عبوری از R_2 سه برابر جریان عبوری از R_1 است، یعنی $I' = 3I_1$ در نتیجه:

$$I'' = I' + I_1 = 3I_1 + I_1 = 4I_1$$

اکنون با توجه به این که مقاومت معادل شاخه‌ی بالا R' موازی با R_4 است داریم:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow I'' R' = I_2 R_4 \Rightarrow 4I_1 \times 9 = I_2 \times 4/5 \Rightarrow I_2 = 8I_1$$

۱۱۲. گزینه ۱ ابتدا جریان عبوری از مولد را بدست می‌آوریم، بدین منظور لازم است نخست مدار را ساده کرده و مقاومت معادل را محاسبه کنیم:



$$IT = \frac{\epsilon}{RT+r} \Rightarrow IT = \frac{9}{\frac{2}{3} + \frac{4}{3} + 1} = 3A \Rightarrow V_A - V_B = RI = \frac{2}{3} \times 3 = 2$$

۱۱۳. گزینه ۱

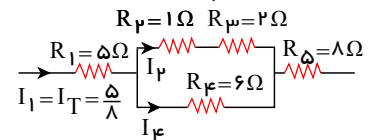
$$\text{جرم واحد طول: } \mu = \frac{m}{L} \Rightarrow \frac{\mu'}{\mu} = \frac{m'}{m} \times \frac{L}{L'} \xrightarrow{m'=m} \mu' = \mu \times \frac{L}{L'} \Rightarrow \frac{L'}{L} = \frac{5}{4}$$

$$\rho = \frac{m}{V} \xrightarrow{\rho'=\rho, V=AL, m'=m} AL = A'L' \Rightarrow \frac{L'}{L} = \frac{A}{A'} (*)$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \xrightarrow{\rho'=\rho} \frac{R'}{R} = \frac{L'}{L} \times \frac{A}{A'} (*) \xrightarrow{\frac{L'}{L} = \frac{5}{4}} \frac{R'}{R} = \left(\frac{L'}{L}\right)^2 \xrightarrow{\frac{L'}{L} = \frac{5}{4}} \frac{R'}{R} = \frac{25}{16}$$

۱۱۴. گزینه ۴ ابتدا جریان کل را حساب می‌کنیم که همان I_1 است و سپس جریان کل را بین دو شاخه تقسیم می‌کنیم و I_2 را بدست می‌آوریم.

$$IT = \frac{\epsilon}{RT+r} = \frac{10}{15+1} = \frac{10}{16} = \frac{5}{8}$$



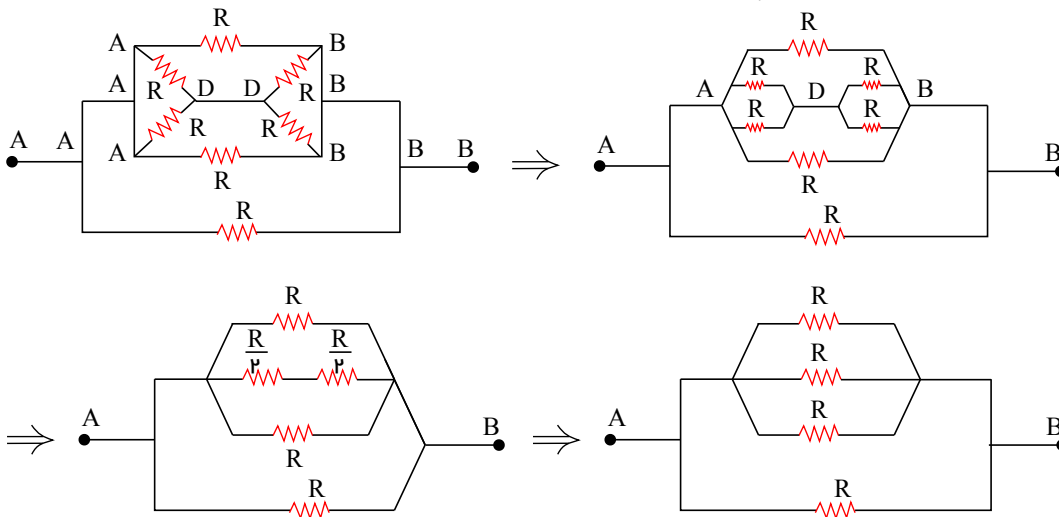
$$\begin{cases} I_1 = I_2 + I_4 \Rightarrow \frac{5}{8} = 2I_4 + I_4 \Rightarrow I_4 = \frac{5}{24} \end{cases}$$

$$\begin{cases} V_{1,2} = V_4 \Rightarrow R_{1,2} I_2 = R_4 I_4 \Rightarrow 3I_2 = 6I_4 \Rightarrow I_2 = 2I_4 = 2 \times \frac{5}{24} = \frac{5}{12} \end{cases}$$

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{\frac{5}{8}}{\frac{5}{12}} = \frac{12}{8} = \frac{3}{2}$$

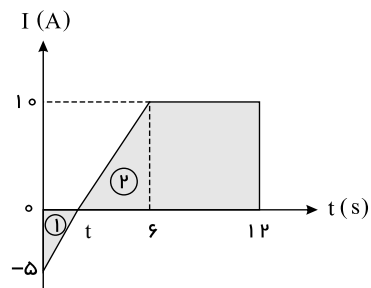
۱۱۵. گزینه ۱ طبق رابطه‌ی $R = \rho \frac{L}{A}$ ، یا ثابت ماندن A ، نمودار مقاومت بر حسب طول یک سیم رسانا خط راستی با شیب مثبت است که از مبدأ مختصات می‌گذرد.

۱۱۶. گزینه ۳ شکل را به صورت زیر ساده می کنیم:



$$\Rightarrow R_T = \frac{R}{4} = 8 \rightarrow R = 32\Omega$$

۱۱۷. گزینه ۳ سطح زیر نمودار $I-t$ با بار الکتریکی شارش شده از هر مقطع رسانا برابر است. با استفاده از تشابه دو مثلث ۱ و ۲، مقدار t را به دست می آوریم.



$$\frac{10}{6-t} = \frac{5}{t} \Rightarrow t = 2s$$

و مساحت قسمت های هاشورخورده برابر است با:

مثلث: $S_1 = \frac{2 \times (-5)}{2} = -5C = \Delta q_1$

دوزنقه: $S_2 = \frac{10+6}{2} \times 10 = 80C = \Delta q_2$

$$\Delta q = \Delta q_1 + \Delta q_2 = 75C$$

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{75}{12} = 6.25A$$

با استفاده از رابطه ی جریان متوسط، داریم:

۱۱۸. گزینه ۲

$$R = \rho \frac{\ell}{A} \xrightarrow{\rho A = \rho B, \ell A = \ell B} \frac{R_B}{R_A} = \frac{A_A}{A_B}$$

$$A_A = \pi r^2 \Rightarrow A = \pi (3 \times 10^{-3})^2 = 9\pi \times 10^{-6} m^2$$

$$A_B = \pi (r_o^2 - r_i^2) = \pi (9 \times 10^{-6} - 4 \times 10^{-6}) = 5\pi \times 10^{-6} m^2$$

$$\frac{R_B}{R_A} = \frac{A_A}{A_B} \Rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \frac{9\pi \times 10^{-6}}{5\pi \times 10^{-6}} = \frac{9}{5}$$

۱۱۹. گزینه ۲ اساس کار تغییر مقاومت در پتانسیومتر (رئوستا)، تغییر طول آن است.

۱۲۰. گزینه ۲ طبق پایستگی بار الکتریکی داریم:

$$q_1 + q_2 = q'_1 + q'_2$$

در تماس کره‌ها بار الکتریکی آن‌ها یکسان شده و به تعادل الکتریکی می‌رسند.

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{12 + (-8)}{2} = 2mC$$

بار الکتریکی کره‌ی B از AmC به $2mC$ می‌رسد، یعنی:

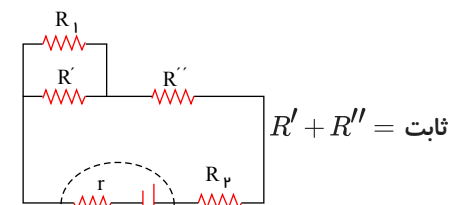
$$\Delta q = 10mC$$

مطابق رابطه‌ی شدت جریان متوسط داریم:

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{10 \times 10^{-3}}{0.01} \Rightarrow \bar{I} = 1A$$

۱۲۱. گزینه ۴ مقاومت رئوستا را می‌توان دو قسمت در نظر گرفت. یک بخش آن به صورت موازی با مقاومت R_1 و بخش دیگر آن

به صورت متوالی با مولد قرار می‌گیرد. با حرکت لغزنده به سمت راست اگر مقاومت R' به اندازه‌ی x زیاد شود مقاومت R'' به اندازه‌ی x کم می‌شود.



$$\Rightarrow R_{eq} = \frac{R' R_1}{R_1 + R'} + R'' \quad (1)$$

$$\Rightarrow R'_{eq} = \frac{R_1 (R' + x)}{R_1 + R' + x} + R'' - x$$

$$\Rightarrow R'_{eq} = \frac{R_1 R'}{R_1 + R' + x} + R'' + \frac{R_1 x}{R_1 + R' + x} - x = \frac{R_1 R'}{R_1 + R' + x} + R'' - \frac{x(R' + x)}{R_1 + R' + x} \quad (2)$$

$$(1), (2) \rightarrow \frac{R_1 R'}{R_1 + R' + x} < \frac{R_1 R'}{R_1 + R'} \rightarrow R'_{eq} < R_{eq} \rightarrow I' > I$$

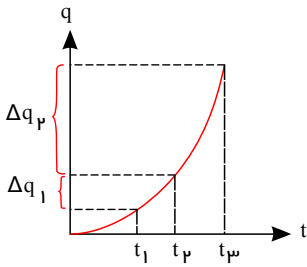
$$\frac{x(R' + x)}{R_1 + R' + x} > 0$$

بنابراین با حرکت لغزنده به سمت راست، جریان عبوری از مولد افزایش می‌یابد. با حرکت لغزنده‌ی رئوستا به سمت راست آن بخش از مقاومت رئوستا که با مقاومت R_1 به صورت موازی قرار دارد، افزایش می‌یابد. بنابراین مقاومت معادل آن با R_1 افزایش می‌یابد. بنابراین با افزایش جریان مدار اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R_1 نیز افزایش می‌یابد و لذا با توجه به ثابت بودن R_1 جریان عبوری از مقاومت R_1 افزایش می‌یابد.

با حرکت لغزنده‌ی رئوستا به سمت راست مقاومت کل مدار کاهش می‌یابد. بنابراین جریان عبوری از مقاومت R_1 مطابق رابطه‌ی

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}$$

گزینه ۳. ۱۲۲



از نمودار مشخص است که بازه زمانی t_1 تا t_2 برابر بازه زمانی t_2 تا t_3 است. طبق رابطه $\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t}$ در بازه های زمانی t_1 تا t_2 شدت جریان یکسان است ولی در بازه t_2 تا t_3 بار بیشتری شارش شده است و جریان الکتریکی متوسط بیشتر است.

گزینه ۱. ۱۲۳

$$R_A = R_B \Rightarrow \rho_A \frac{\ell_A}{A_A} = \rho_B \frac{\ell_B}{A_B} \Rightarrow \frac{\ell_A}{\ell_B} = \frac{\rho_B}{\rho_A} \times \frac{A_A}{A_B}$$

$$= \frac{\rho_B}{\rho_A} \times \left(\frac{D_A}{D_B}\right)^2 = \frac{1}{4} \times \left(\frac{2}{1}\right)^2 = 1 \Rightarrow \ell_A = \ell_B$$

گزینه ۴. ۱۲۴ از آنجایی که حجم ثابت است، $A_1 L_1 = A_2 L_2$ برقرار است.

$$r_2 = \frac{1}{2} r_1 \Rightarrow A_2 = \frac{1}{4} A_1 \Rightarrow L_2 = 4L_1$$

در مورد رابطه مقاومت الکتریکی و مشخصات فیزیکی رسانا می توان گفت:

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} = \frac{4L_1}{L_1} \times \frac{A_1}{\frac{1}{4}A_1} \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = 16$$

گزینه ۱. ۱۲۵ اگر اختلاف پتانسیل دو سر قطعه سیم به طول L را با V' نمایش دهیم، باتوجه به این که شدت جریان گذرنده از این قطعه و کل سیم یکسان است، خواهیم داشت:

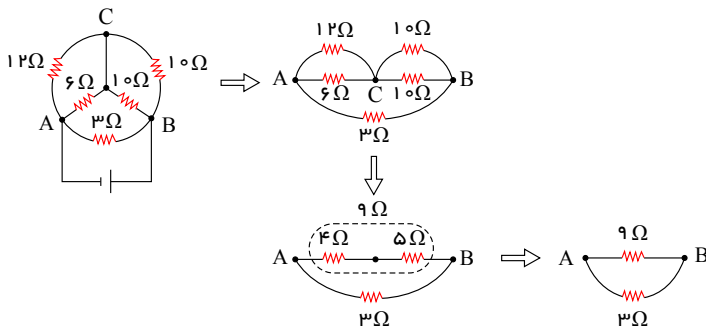
$$I = \frac{V}{R} = \frac{V'}{R'} \Rightarrow V = \frac{R'}{R} V' = \frac{\rho \frac{L}{A}}{R} V' \Rightarrow V' = \frac{\rho L V}{R A}$$

گزینه ۴. ۱۲۶

$$V = (R_1 + R_2)I$$

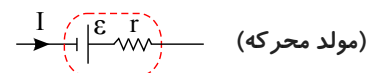
$$\Delta = (10 + R_2) \frac{2}{1000} \Rightarrow 2500 = 10 + R_2 = R_2 = 2490 \Omega$$

گزینه ۴. ۱۲۷ مطابق شکل ابتدا گره ها را نام گذاری کرده و با در نظر گرفتن نقاط A و B به عنوان دو سر مدار، مدار را به صورت های زیر ساده می کنیم. در نتیجه داریم:

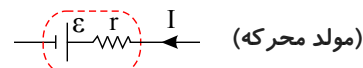


$$R_T = \frac{9 \times 3}{9 + 3} = \frac{27}{12} = \frac{9}{4} = 2,25 \Omega$$

گزینه ۲. ۱۲۸ در یک مدار تک حلقه جریانی عبوری از یک مولد، می تواند دو حالت داشته باشد: حالت (۱): از پایانه منفی مولد وارد و از پایانه مثبت آن خارج شود.



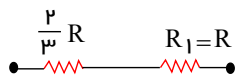
در این حالت اندازه ی اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مولد از رابطه ی $V = \varepsilon - Ir$ به دست می آید (نمودار گزینه ی «۴»). حالت (۲): از پایانه مثبت مولد وارد و از پایانه منفی آن خارج شود.



در این حالت اندازه‌ی اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مولد از رابطه‌ی $V = \varepsilon + Ir$ به دست می‌آید. (نمودار گزینه‌ی «۳»)
 اگر مقاومت درونی مولد برابر با صفر باشد، اندازه‌ی اختلاف پتانسیل دو سر مولد در هر دو حالت فوق ثابت و برابر $V = \varepsilon$ خواهد بود. (نمودار گزینه‌ی «۱»)

ولی مولدی که نیروی محرکه‌ی آن برابر با صفر باشد (نمودار گزینه‌ی «۲») دیگر مولد نیست و بنابراین نمودار گزینه‌ی «۲» نمی‌تواند اندازه‌ی اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر یک مولد برحسب جریان عبوری از آن را نشان دهد.

۱۲۹. گزینه ۲ در اتصال متوالی مقاومت‌ها، جریان الکتریکی ثابت است. بنابراین با توجه به رابطه‌ی $P = RI^2$ می‌توان نوشت:



$$I_{\text{کل}} = I_1 \Rightarrow \frac{P_{\text{کل}}}{R_{\text{کل}}} = \frac{P_1}{R_1} \Rightarrow \frac{160}{\frac{5}{3}R} = \frac{P_1}{R} \Rightarrow P_1 = \frac{3}{5} \times 160 = 96W$$

۱۳۰. گزینه ۲ با بسته شدن کلید K ، مقاومت R_3 به طور موازی وارد مدار شده و مقاومت کل مدار کاهش می‌یابد (چرا؟) در نتیجه I افزایش می‌یابد. بنابراین افت پتانسیل مولد نیز افزایش خواهد یافت.

$$\downarrow RT \rightarrow \uparrow I = \frac{\varepsilon}{\downarrow RT + r} \rightarrow \uparrow \text{افت پتانسیل} = rI_{\text{کل}} \uparrow$$

از طرفی بنا بر رابطه‌ی $V = \varepsilon - Ir$ با افزایش جریان کل مدار ولتاژ دو سر مولد کاهش می‌یابد. اگر ولتاژ دو سر مقاومت R_1 را با V_1 و ولتاژ دو سر مقاومت‌های R_2 و R_3 را با V_2 نشان دهیم، چون با افزایش جریان کل مدار، ولتاژ R_1 می‌افزاید می‌یابد. پس برای حفظ تساوی باید ولتاژ V_2 کاهش یابد. یعنی:

$$\downarrow V = \uparrow V_1 + V_2 \downarrow$$

۱۳۱. گزینه ۱

$$\text{چگالی} = \rho \frac{m}{V} \Rightarrow 8 \times 10^3 = \frac{20}{V} \Rightarrow V = \frac{1}{400} m^3$$

$$V = A \cdot l \Rightarrow \frac{1}{400} = 5 \times 10^{-6} l \Rightarrow l = 500m$$

$$R = \rho \frac{l}{A} = 2 \times 10^{-8} \frac{500}{5 \times 10^{-6}} \Rightarrow R = 2\Omega$$

۱۳۲. گزینه ۱

$$\left. \begin{aligned} V &= \varepsilon - rI = RI \\ I &= \frac{\varepsilon}{R+r} \end{aligned} \right\} \Rightarrow V = R \frac{\varepsilon}{R+r}$$

$$\frac{V}{2} = \frac{\varepsilon}{R+r} \Rightarrow \frac{\varepsilon}{2} = R \frac{\varepsilon}{R+r} \Rightarrow R = R+r \Rightarrow \frac{R}{r} = 1$$

۱۳۳. گزینه ۲ جریان لازم برای هر لامپ به طوری که کامل روشن شده و آسیب نبیند.

$$P = VI \Rightarrow 110 = 220 \cdot I \Rightarrow I = \frac{1}{2} A$$

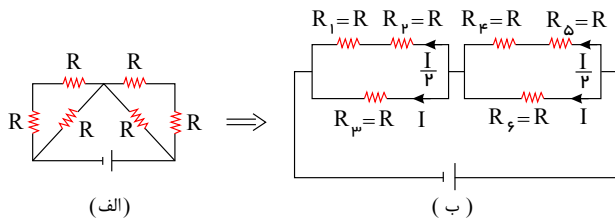
با توجه به اختلاف پتانسیل خروجی از مولد و نیروی محرکه مولد، جریان خروجی از مولد (جریان کل) برابر است با:

$$V = \varepsilon - rI \Rightarrow 220 = 250 - 20 \cdot I \Rightarrow I = \frac{30}{20} = 1.5A$$

جریان مجاز برای هر لامپ $0.5A$ است، بنابراین ۳ لامپ باید به صورت موازی بسته شود.

۱۳۴. گزینه ۳ ابتدا مدار را مطابق شکل زیر ساده می‌کنیم سپس باید تشخیص دهیم کدام مقاومت یا مقاومت‌ها بیشترین توان را مصرف می‌کنند. بدیهی است مقاومتی بیشترین توان را مصرف می‌کند که بیشترین جریان مدار از آن عبور کند. بنابراین داریم:





چون جریان در شاخه‌های موازی به نسبت عکس مقاومت‌ها تقسیم می‌شود، پس جریان عبوری از هر یک از مقاومت‌ها مطابق شکل (ب) خواهد بود. از آن جایی که مقاومت‌ها مشابه‌اند و بیش‌ترین جریان از مقاومت‌های R_6 و R_7 می‌گذرد پس این دو مقاومت حداکثر توان یعنی $40W$ را مصرف می‌کنند. اکنون باید ببینیم تا هر یک از مقاومت‌های شاخه‌های بالا چه توانی را مصرف می‌کنند. بنابراین با استفاده از رابطه‌ی $P = RI^2$ می‌توان نوشت:

$$P = RI^2 \Rightarrow \frac{P_1}{P_3} = \left(\frac{I_1}{I_3}\right)^2 \Rightarrow \frac{P_1}{40} = \left(\frac{I}{2}\right)^2 \Rightarrow P_1 = 10W$$

یعنی هر یک از مقاومت‌های شاخه‌های بالا نیز توان $10W$ را مصرف می‌کنند. در نتیجه بیش‌ترین توان مصرفی مدار برای این که هیچ یک از مقاومت‌ها آسیب نبینند برابر است با:

$$P_{\text{کل}} = (4 \times 10) + (2 \times 40) = 120W$$

۱۳۵. گزینه ۱

فرض کنیم ابتدا جریان عبور کرده از آمپرسنج، I بوده است. پس جریان عبوری از مولد نیز I است. با وصل کلید، وقتی جریان آمپرسنج به $\frac{4}{5}I$ می‌رسد، جریان عبوری از $2R$ (که باید نصف این جریان باشد) به $\frac{2}{5}I$ می‌رسد، پس جریان مولد به $\frac{2}{5}I + \frac{4}{5}I = \frac{6}{5}I$ خواهد رسید، یعنی 20% درصد افزایش می‌یابد.

۱۳۶. گزینه ۱

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow R = \frac{2,5}{5} \Rightarrow R = 0,5\Omega$$

$$R = \rho \frac{l}{A} \Rightarrow \rho = \frac{RA}{l} = \frac{0,5 \times 1 \times 10^{-6}}{1} = 0,5 \times 10^{-6} \Omega \cdot m$$

۱۳۷. گزینه ۳

ابتدا با استفاده از مفهوم شیب نمودار جریان الکتریکی را در لحظه‌ی $t = 2s$ بدست می‌آوریم:

$$\frac{10}{8} = \frac{10 - I}{2} \Rightarrow I = 7,5A$$

اندازه بار الکتریکی شارژ شده در مدار برابر مساحت محصور بین نمودار $I-t$ محور زمان است.

$$|\Delta q| = s = \frac{(7,5 + 10) \times 2}{2} = 17,5c$$

شدت جریان عبوری از لامپ هنگامی که به ولتاژ $220V$ وصل است برابر است با:

$$P = VI \Rightarrow 1000 = 220 \cdot I_1 \Rightarrow I_1 = \frac{10}{22} A$$

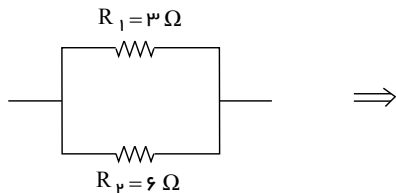
باتوجه به اینکه در دمای ثابت مقاومت الکتریکی لامپ ثابت است و توان مصرفی لامپ کم‌تر از توان اسمی است، داریم:

صفحه ۳۲

$$P = RI^2 \xrightarrow{R=\text{ثابت}} \frac{P_2}{P_1} = \left(\frac{I_2}{I_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{81}{100} = \left(\frac{I_2}{\frac{10}{22}}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{9}{10} = \frac{I_2}{\frac{10}{22}} \Rightarrow I_2 = \frac{9}{22} A$$

۱۳۹. گزینه ۴ موازی:



$$R_{1,2} = \frac{R_1 \times R_2}{R_1 + R_2} = \frac{3 \times 6}{3 + 6} = 2 \Omega$$

سری:

$$R_1 = 3 \Omega \quad R_2 = 6 \Omega$$

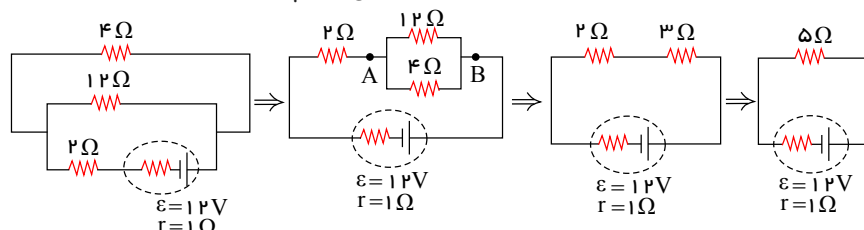
$$\Rightarrow R'_{1,2} = R_1 + R_2 = 9 \Omega$$

$$\Rightarrow \frac{R(1,2)}{R'_{1,2}} = \frac{2}{9}$$

۱۴۰. گزینه ۴ نکته: اگر طول یک سیم رسانا (میله) که جرم یا حجم آن ثابت است را n برابر کنیم، سطح مقطع آن $\frac{1}{n}$ برابر می شود.

باتوجه به نکته بالا کشیدن میله به حدی که طول آن دو برابر شود، سطح مقطع میله نصف می شود، پس اگر در این حالت میله را نصف کنیم، می توان گفت در واقع طول آن تغییر نکرده است و فقط سطح مقطع میله نصف شده است و بنابر رابطه $R = \rho \frac{l}{A}$ نتیجه می گیریم که مقاومت آن، دو برابر می شود.

۱۴۱. گزینه ۲ ابتدا با ساده کردن شکل جریان عبوری از مولد را بدست می آوریم:



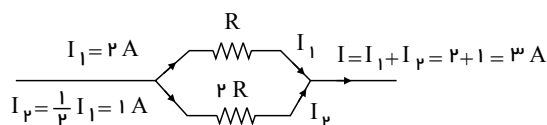
$$I = \frac{\varepsilon}{RT + r} = \frac{12}{19 + 1} = 2 A$$

با به دست آوردن ولتاژ و لئاژ مجموعه مقاومت های ۱۲ و ۴ اهمی داریم:

$$V_{AB} = IR_{4,12} \Rightarrow V_{AB} = 2 \times 3 = 6 V$$

$$P = \frac{V_{AB}}{R} \Rightarrow P = \frac{6^2}{4} = 9 W$$

۱۴۲. گزینه ۳ در مقاومت های موازی، جریان به نسبت عکس مقاومت ها تقسیم می شود. بنابراین جریان عبوری از مقاومت $2R$ ، نصف جریان عبوری از مقاومت R است.



$$\text{افت پتانسیل درون باتری: } V' = rI = \frac{1}{2} \times 3 = 1,5 V$$

۱۴۳. گزینه ۱ با حرکت لغزنده از A تا B ، مقاومت رثوستا افزایش می یابد، بنابراین: جریان عبوری از آمپرسنج کاهش می یابد.

صفحه ۳۳

$$I = \frac{\varepsilon}{R_R + R + r} \Rightarrow I : \downarrow$$

ولتاژ دوسر مولد افزایش می یابد. $V = \varepsilon - Ir \Rightarrow V : \uparrow$

۱۴۴. گزینه ۱ با استفاده از تعریف مقاومت کربنی ابتدا اندازه این مقاومت را بدست می آوریم:

$$R = ab \times 10^n \xrightarrow{a=1, b=5, n=6} R = 15 \times 10^6 \Omega$$

مطابق قانون اهم داریم:

$$I = \frac{V}{R} = \frac{45}{15 \times 10^6} = 3 \times 10^{-6} A = 3 \times 10^{-3} mA$$

۱۴۵. گزینه ۱ روش اول: مطابق قانون اهم $(I = \frac{V}{R})$ باتوجه به اینکه R ثابت است و تغییر نکرده پس $(I \times V)$ است یعنیجریان با اختلاف پتانسیل رابطه مستقیم دارند. در نتیجه اگر V ، ۲۵٪ افزایش یابد لزوماً I نیز ۲۵٪ افزایش خواهد یافت.
روش دوم:

$$V_2 = V_1 + 0.25V_1 = 1.25V_1 \Rightarrow \Delta V = 0.25V_1$$

$$V = IR \xrightarrow{V \times I} \frac{\Delta V}{V_1} = \frac{\Delta I}{I_1} \Rightarrow \frac{0.25V_1}{V_1} = \frac{\Delta I}{I_1} \Rightarrow \Delta I = 0.25I_1$$

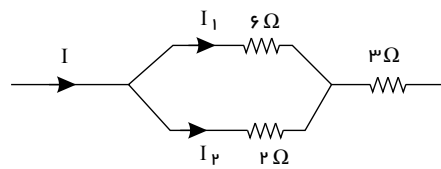
یعنی جریان نیز ۲۵٪ افزایش می یابد.

۱۴۶. گزینه ۳

باتوجه به اینکه ولتاژ دو سر مقاومت های موازی با هم برابر است، داریم:

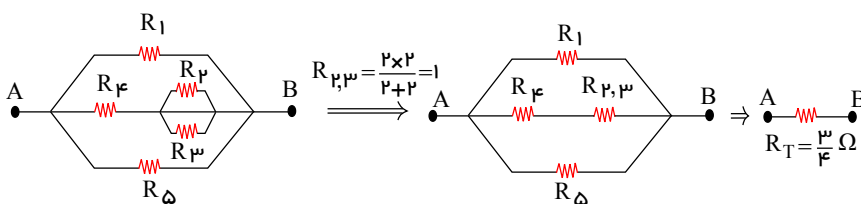
$$V_1 = V_2 \Rightarrow I_1 \times 6 = I_2 \times 2 \Rightarrow I_2 = 3I_1$$

$$\begin{cases} I_2 = 3I_1 \\ I_1 + I_2 = I \end{cases} \Rightarrow I_1 = \frac{I}{4}, I_2 = \frac{3}{4}I$$

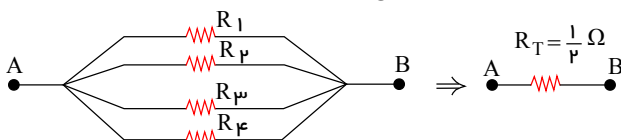
چون در شاخه ی بالایی مقاومت 2Ω و 4Ω متوالی هستند، بنابراین جریان عبوری از آن ها برابر و مساوی $\frac{I}{4}$ است و داریم:

$$\frac{V_4}{V_3} = \frac{R_4 I_1}{R_3 I} = \frac{4 \times \frac{I}{4}}{3 \times I} = \frac{1}{3}$$

۱۴۷. گزینه ۲ در هر حالت مدار را ساده می کنیم و مقاومت معادل را حساب می کنیم.

حالت اول: کلید K باز است.

$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{2} \Rightarrow R_T = \frac{3}{4} \Omega$$

حالت دوم: کلید K بسته است. در این حالت مقاومت R_4 اتصال کوتاه شده و از مدار حذف می شود.

$$\frac{1}{R'_T} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \Rightarrow R'_T = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \Omega \Rightarrow \frac{R'_T}{R_T} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{4}} = \frac{2}{3}$$

۱۴۸. گزینه ۱ اگر مقاومت رئوستا (R_2) را افزایش دهیم مقاومت معادل R_3 و R_2 افزایش می یابد.

صفحه ۳۴

$$R_{۲,۳} = \frac{R_۲ R_۳}{R_۲ + R_۳} \xrightarrow{\text{با تقسیم صورت و مخرج بر } R_۲} R_{۲,۳} = \frac{R_۳}{1 + \frac{R_۳}{R_۲}}$$

با افزایش $R_۲$ کسر $\frac{R_۳}{R_۲}$ کاهش می‌یابد و با کوچک شدن مخرج کسر $R_{۲,۳}$ افزایش می‌یابد. در نتیجه با افزایش مقاومت مدار

شدت جریان کل مدار کاهش می‌یابد و ولت سنج ایده‌آل نشان می‌دهد طبق رابطه زیر افزایش می‌یابد.

$$V_{۲,۳} = (\uparrow)V = \varepsilon - I(R+r)(\downarrow)$$

از طرفی ولت سنج ولتاژ دو سر مقاومت $R_۳$ را نشان می‌دهد. طبق رابطه $V_{۲,۳} = I_۳ R_۳$ با ثابت بودن $R_۳$ با افزایش $V_{۲,۳}$ آمپرسنج ایده‌آل ($I_۳$) نیز مقدار بیشتری را نشان خواهد داد.

۱۴۹. گزینه ۴ * نکته: ثابت می‌شود وقتی حجم سیم یا جرم آن ثابت باشد، با تغییر در ابعاد هندسی رسانا رابطه زیر برقرار است:

$$\frac{R_۲}{R_۱} = \left(\frac{L_۲}{L_۱}\right)^۲ = \left(\frac{A_۱}{A_۲}\right)^۲ = \left(\frac{D_۱}{D_۲}\right)^۴$$

چون در حجم ثابت با کشیدن سیم، قطر آن نصف می‌شود. در نتیجه داریم:

$$\frac{R_۲}{R_۱} = \left(\frac{D_۱}{D_۲}\right)^۴ \Rightarrow \frac{R_۲}{R_۱} = \left(\frac{D_۱}{\frac{1}{۲}D_۱}\right)^۴ \Rightarrow \frac{R_۲}{R_۱} = ۱۶$$

اکنون با استفاده از قانون اهم داریم:

$$I = \frac{V}{R} \xrightarrow{V=\text{ثابت}} \frac{I_۲}{I_۱} = \frac{R_۱}{R_۲}$$

$$\frac{I_۲}{۱} = \frac{۱}{۱۶} \Rightarrow I_۲ = \frac{۱}{۱۶} mA$$

۱۵۰. گزینه ۱ در شکل ۶ مقاومت ۲ و ۳ و ۶ اهمی با هم موازی‌اند و معادل آن‌ها برابر است با:

$$\frac{1}{R''} = \frac{1}{۲} + \frac{1}{۲} + \frac{1}{۳} + \frac{1}{۳} + \frac{1}{۶} + \frac{1}{۶} \Rightarrow R'' = \frac{1}{۲} \Omega$$

از طرفی مقاومت R'' با مقاومت $۰,۵ \Omega$ متوالی است. در نتیجه مقاومت معادل مدار برابر است با:

$$R_T = ۰,۵ + ۰,۵ = ۱ \Omega$$

جریان عبوری از مولد برابر است با:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_T} = \frac{۱۲}{۱} = ۱۲ A$$

اگر جریان عبوری از مقاومت R' را I' بنامیم طبق قانون اهم داریم:

$$V = IR \xrightarrow{V=\text{ثابت}} I' R' = IR'' \Rightarrow I' \times ۳ = ۱۲ \times \frac{1}{۲} \Rightarrow I' = ۲ A$$

۱۵۱. گزینه ۲ مطابق رابطه‌ی بین جریان و بار عبوری از هر مقطع رسانا، داریم:

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{\Delta q}{I} = \frac{۸}{۵} = ۱,۶ s$$

۱۵۲. گزینه ۲ با استفاده از تعریف مقاومت الکتریکی می‌توان نوشت:

$$R = \rho \frac{L}{A} \rightarrow \frac{RCU}{RAL} = \frac{\rho CU}{\rho AL} \times \frac{LCU}{LAL} \times \frac{AAL}{ACU} \xrightarrow{A=\pi \frac{D^۲}{۴}} \frac{RCU}{RAL} = \frac{\rho CU}{\rho AL} \times \frac{LCU}{LAL} \times \left(\frac{DAL}{DCU}\right)^۲$$

بنا به فرض مسئله داریم:

$$\begin{cases} RCU = RAL \\ LCU = LAL \end{cases} \Rightarrow ۱ = \frac{\rho CU}{\rho AL} \times ۱ \times \left(\frac{DAL}{DCU}\right)^۲ \Rightarrow \left(\frac{DAL}{DCU}\right)^۲ = \frac{\rho AL}{\rho CU} = \frac{۲,۷ \times ۱۰^{-۸}}{۱,۲ \times ۱۰^{-۸}}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{DAL}{DCU}\right)^۲ = \frac{۹}{۴} \Rightarrow \frac{DAL}{DCU} = \frac{۳}{۲}$$

۱۵۳. گزینه ۳ بنا به قاعده حلقه داریم:



صفحه ۳۵

$$\cancel{Y_a} - RI - 2RI + \varepsilon = \cancel{Y_a}$$

$$I \frac{12}{3R} = \frac{4}{R}$$

چون مدار ۳A است $\leftarrow \frac{4}{R} = 3 \leftarrow R = \frac{4}{3}$ ، این مقدار جریان هم از R_1 می گذرد هم از R_2

$$P_1 = R_1 I^2 = R(3)^2 = \frac{4}{3} \times 9 = 12W$$

۱۵۴. گزینه ۳ در این شکل جریان عبوری از مدار برابر عددی است که آمپرسنج نشان می دهد. $(I = \frac{\varepsilon}{R+r})$ با جایگزینی آمپرسنج ایده آل با آمپرسنج غیر ایده آل مقاومت معادل مدار افزایش یافته در نتیجه جریان عبوری از آمپرسنج جدید کاهش می یابد.

$$I' = \frac{\varepsilon}{R+r+R} \Rightarrow I' < I$$

آمپرسنج

گزینه ۲: در این شکل چون ولت سنج ایده آل است و دو سر آن با آمپرسنج اتصال کوتاه شده است. در نتیجه از ولت سنج عبور نمی کند و همه جریان مدار از آمپرسنج می گذرد. در نتیجه:

$$I = \frac{\varepsilon}{R+r} \quad \text{آمپرسنج ایده آل}$$

$$I' = \frac{\varepsilon}{R+r+R} \Rightarrow I' < I \quad \text{آمپرسنج غیرایده آل}$$

گزینه ۳: در این مدار چون ولت سنج ایده آل به طور متوالی با مولد بسته شده است، جریان عبوری از مدار صفر است با جایگزینی آمپرسنج ایده آل با آمپرسنج غیر ایده آل هم چنان جریان عبوری از مدار صفر خواهد بود. یعنی عددی که آمپرسنج جدید نشان می دهد، تغییری نمی کند.

گزینه ۴: در این مدار وقتی آمپرسنج ایده آل باشد، در سر مولد اتصال کوتاه شده و عددی که آمپرسنج نشان می دهد برابر $I = \frac{\varepsilon}{r}$ است. با جایگزینی آمپرسنج ایده آل با آمپرسنج غیر ایده آل دیگر دو سر مولد اتصال کوتاه نیست و مقاومت معادل (آمپرسنج و مقاومت R) با مولد متوالی می شود. در نتیجه جریان عبوری از مولد و آمپرسنج کاهش می یابد.

۱۵۵. گزینه ۱ نکته: وقتی سیم را چهارلا می کنیم، سطح مقطع آن ۴ برابر و طول سیم $\frac{1}{4}$ برابر می شود.

بنابر نکته بالا می توان گفت:

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} \Rightarrow \frac{R_2}{1600} = \frac{1/4 L_1}{L_1} \times \frac{A_1}{4A_1}$$

$$\Rightarrow \frac{R_2}{1600} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{R_2}{1600} = \frac{1}{16} \Rightarrow R_2 = 100\Omega$$

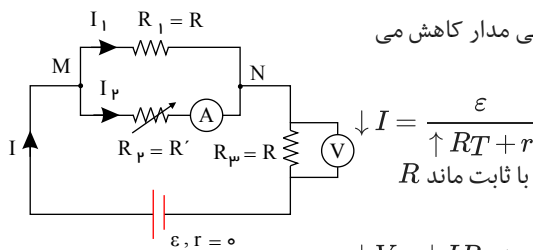
۱۵۶. گزینه ۴ انرژی الکتریکی مصرف شده از رابطه $U = pt$ بدست می آید.

$$P = 1500W = 1.5KW \quad , \quad 1 \text{ min} = \frac{1}{60} h$$

$$U = pt = 1.5 \times \frac{1}{60} = \%25KWh$$

۱۵۷. گزینه ۴

با افزایش مقاومت رتوستا، مقاومت معادل مدار افزایش یافته در نتیجه جریان اصلی مدار کاهش می یابد.



$$I = \frac{\varepsilon}{R_T + r}$$

پس با کاهش جریان ولت سنج نیز کاهش یافته و عدد کمتری را نشان می دهد زیرا با ثابت ماند R داریم:

$$\downarrow V = \downarrow IR \Rightarrow \text{ثابت}$$

چون $r = 0$ است پس ε ثابت و برابر با: $\varepsilon = \downarrow V + \uparrow VMN$ (ثابت)



صفحه ۳۶

باتوجه به شکل دو مقاومت R_1 و R_2 موازی بوده و اختلاف پتانسیل دو سر آنها برابر V_{MN} است. پس می توان نوشت:

$$\uparrow V_{MN} = \uparrow I_1 R \rightarrow \text{ثابت}$$

یعنی با ثابت بودن R با افزایش V_{MN} ، I_1 نیز افزایش می یابد در نتیجه داریم:

$$\downarrow = I = \uparrow I_1 + I_2 \downarrow$$

یعنی با کاهش جریان اصلی مدار و افزایش I_1 برای حفظ تساوی باید به ناچار I_2 کاهش یابد.

۱۵۸. گزینه ۲ حالت اول:

$$I_1 = \frac{\varepsilon}{R_1 + r} = \frac{\varepsilon}{6 + 4} = \frac{\varepsilon}{10}, PR_1 = I_1^2 R_1 = \left(\frac{\varepsilon}{10}\right)^2 (6) \quad (1)$$

حالت دوم:

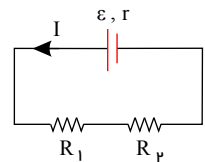
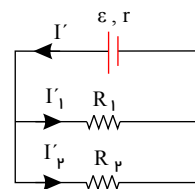
$$I_2 = \frac{\varepsilon}{R_2 + r} = \frac{\varepsilon}{R_2 + 4}, PR_2 = I_2^2 R_2 = \frac{\varepsilon^2}{(R_2 + 4)^2} R_2 = \frac{2}{3} PR_1 \quad (2)$$

$$\frac{(1)}{(2)} \xrightarrow{\text{تقسیم (۲) به (۱)}} \frac{3}{2} = \frac{R_2}{(4 + R_2)^2} \times \frac{100}{6} \Rightarrow \begin{cases} R_2 = 6\Omega \\ R_2' = 1\Omega \end{cases} \xrightarrow{\text{کمترین تغییر}} |6 - 1| = 5\Omega$$

۱۵۹. گزینه ۳

$$\text{شکل (الف)} \begin{cases} R_1 = R_2 = 5r \Rightarrow R_{eq} = 10r \\ I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{\varepsilon}{10r + r} = \frac{\varepsilon}{11r} \Rightarrow I_2 = I = \frac{\varepsilon}{11r} \end{cases}$$

$$\text{شکل (ب)} \begin{cases} R_{eq}' = \frac{5r}{2} \\ I' = \frac{\varepsilon}{\frac{5r}{2} + r} = \frac{2\varepsilon}{7r} \\ \Rightarrow I_1' = I_2' = \frac{I'}{2} = \frac{\varepsilon}{7r} \end{cases}$$



$$P = RI^2 \Rightarrow \frac{P_2}{P_1'} = \left(\frac{R_2}{R_1}\right) \times \left(\frac{I_2}{I_1'}\right)^2 \Rightarrow \frac{P_2}{P_1'} = 1 \times \left(\frac{\frac{\varepsilon}{11r}}{\frac{\varepsilon}{7r}}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{P_2}{P_1'} = \frac{49}{121}$$

۱۶۰. گزینه ۲

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow \frac{\Delta q}{60} \Rightarrow \Delta q = 720 (c)$$

نکته: بار الکتریکی کمیته کوانتومی است، یعنی همواره مضربی از بار یک الکترون ($1.6 \times 10^{-19} (c)$) است.

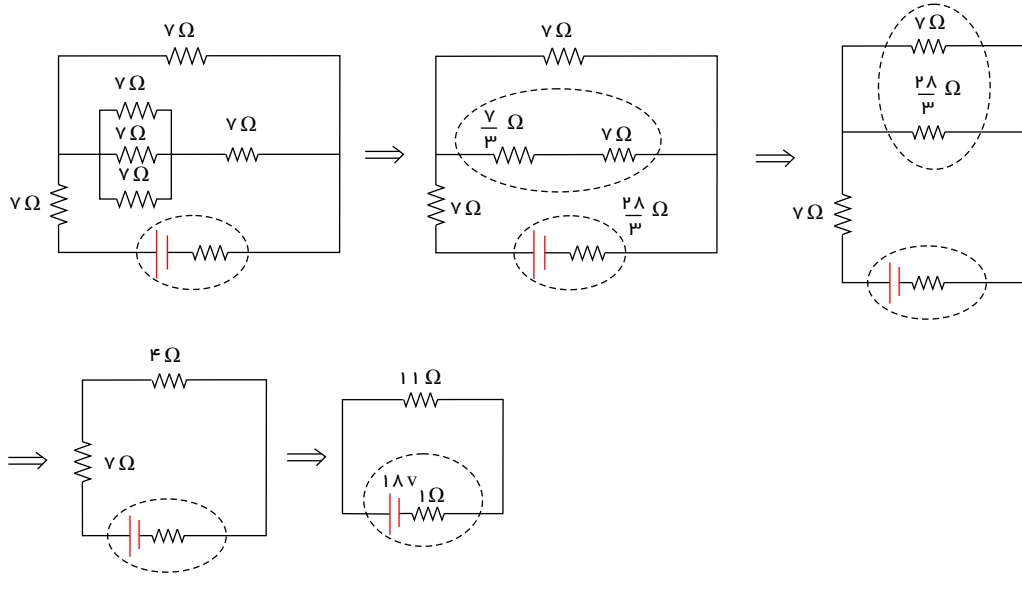
$$\Delta q = n |e^-| \Rightarrow 720 = n \times 1.6 \times 10^{-19} (c) \Rightarrow n = \frac{720}{1.6 \times 10^{-19}} \Rightarrow n = 4.5 \times 10^{+21}$$



mydars

اپلیکیشن آموزشی مای درس

۱۶۱. گزینه ۱ مدار را به صورت زیر ساده می کنیم:



$$\frac{1}{R'} = \frac{1}{7} + \frac{3}{28}$$

$$\Rightarrow R' = \frac{28}{7}$$

$$= 4\Omega$$

$$I = \frac{\epsilon}{r + R_{eq}}$$

$$R_{eq} = 11\Omega$$

$$\xrightarrow{I}$$

$$r = 1\Omega, \epsilon = 18V$$

$$= \frac{18}{12} = \frac{3}{2} A$$

$$I \text{ توان تلف شده در مولد} = rI^2 = 1$$

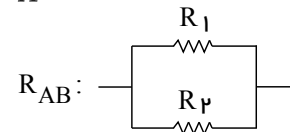
$$\times \left(\frac{3}{2}\right)^2$$

$$= \frac{9}{4} W$$

۱۶۲. گزینه ۱ می دانیم $R = \frac{\rho L}{A}$ است، پس مقاومت با طول سیم رابطه‌ی مستقیم دارد.

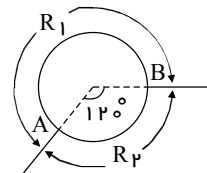
$$\frac{R_2}{R_{کل}} = \frac{120^\circ}{360^\circ} \Rightarrow \frac{R_2}{180\Omega} = \frac{1}{3} \Rightarrow R_2 = 60\Omega$$

$$R_1 = R_{کل} - R_2 = 180 - 60 = 120\Omega$$



بنابراین مقاومت معادل مدار برابر است با:

$$R_t = \frac{120 \times 60}{120 + 60} = 40\Omega$$



۱۶۳. گزینه ۳ ابتدا مقاومت لامپ را حساب می کنیم.

$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow R = \frac{V^2}{P} = \frac{100}{20} = 5\Omega$$

سپس جریان مدار را به دست می آوریم:

$$I = \frac{\epsilon}{R+r} = \frac{10}{5+0} = 2A$$

صفحه ۳۸

$$q = It \Rightarrow ۸۴Ah = ۲A \times t \Rightarrow t = ۴۲h$$

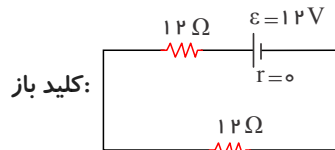
گزینه ۴

$$\left(R = \frac{\rho L}{A}, A = \pi \frac{D^2}{4} \right), \rho_A = \rho_B \text{ (هر دو مسی)}$$

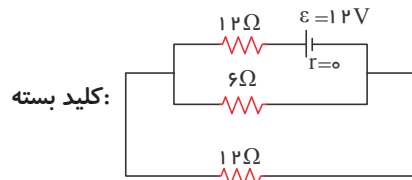
$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{L_A}{L_B} \times \left(\frac{D_B}{D_A} \right)^2 \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{۲}{۱} \times \left(\frac{۲}{۱} \right)^2 = ۸$$

۱۶۵. گزینه ۴ هنگامی که یک لامپ رشته‌ای روشن است، دمای آن بسیار بالاتر از دمای معمولی آن (در حالت خاموش) است. همچنین می‌دانیم مقاومت فلزات (از قبیل تنگستن استفاده شده در لامپ) با افزایش دما، افزایش می‌یابد. بنابراین زمانی که دانش آموز مقاومت یک لامپ خاموش را اندازه گیری می‌کند مقدار مقاومت لامپ را کمتر از مقدار واقعی به دست می‌آورد، در حالی که توان نوشته شده بر روی لامپ مربوط به حالتی است که لامپ روشن است.

گزینه ۳



$$I_{T1} = \frac{\varepsilon}{R_{T1} + r} = \frac{۱۲}{۲۴} = ۰,۵A \rightarrow P_1 = \varepsilon I_1 = ۱۲ \times \frac{۱}{۲} = ۶W$$



$$I_{T2} = \frac{\varepsilon}{R_{T2} + r} = \frac{۱۲}{۱۶} = ۰,۷۵A \rightarrow P_2 = \varepsilon I_2 = ۱۲ \times \frac{۳}{۴} = ۹W$$

۱۶۷. گزینه ۳ اگر کلید K را باز نماییم مقاومت معادل قسمتی از مدار که شامل مقاومت‌های R_1, R_2 است، زیاد می‌شود و مقاومت معادل مدار (R_T) نیز بیشتر خواهد شد.

$$\downarrow I = \frac{\varepsilon}{\uparrow R_T + r}$$

اگر ولتاژ دو سر R_1 را V_1 بنامیم، بنابر قانون ولتاژ می‌توان نوشت:

$$+\varepsilon - R_3 I - V_1 = 0 \Rightarrow V_1 = \varepsilon - R_3 I \quad (\text{اگر جریان } I \text{ کم شود مقدار } V_1 \text{ زیاد می‌شود.})$$

$$V_1 = R_1 I_1 \Rightarrow \uparrow I_1 = \frac{V_1 \uparrow}{R_1}$$

گزینه ۱

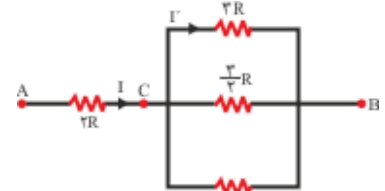
ولت سنج به طور سری به مدار بسته شده است و چون مقاومتش بسیار زیاد است، جریان الکتریکی در مدار صفر و عدد نشان داده شده به وسیله ولت سنج، همان نیرو محرکه‌ی مولد است.

$$V = \varepsilon - Ir \xrightarrow{I=0} V = \varepsilon = ۸V$$

گزینه ۲

$$\frac{1}{R_{CB}} = \frac{1}{۳R} + \frac{1}{\frac{۳}{۲}R} + \frac{1}{R} = \frac{1}{۳R} + \frac{۲}{۳R} + \frac{1}{R} = \frac{۶}{۳R} = \frac{۲}{R} \Rightarrow R_{CB} = \frac{R}{۲}$$

$$V_{CB} = V_3 R \Rightarrow I \times \frac{R}{۲} = I' \times ۳R \Rightarrow I' = \frac{1}{۶} I$$



$$P = RI^2 \Rightarrow \frac{P_2 R}{P_3 R} = \frac{۲R}{۳R} \times \left(\frac{I}{I'} \right)^2 = \frac{۲}{۳} \times \left(\frac{I}{\frac{1}{۶} I} \right)^2 = \frac{۲}{۳} \times ۳۶ = ۲۴$$



mydars

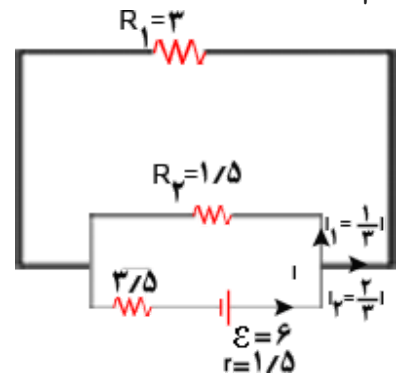
اپلیکیشن آموزشی مای درس

۱۷۰. گزینه ۲

اگر جریان عبوری از مولد را I در نظر بگیریم، از مقاومت های R_1 و R_2 (که در آن $\frac{R_1}{R_2} = 2$) به ترتیب جریان های $\frac{1}{3}I$ عبور می کند.

(در حلقه ی بیرونی) $\sum V = 0$

$$\Rightarrow -3,5I + 6 - 1,5I - 3 \times \frac{I}{3} = 0 \Rightarrow I = 1A \Rightarrow I_2 = \frac{2}{3} \times 1 = \frac{2}{3}A$$



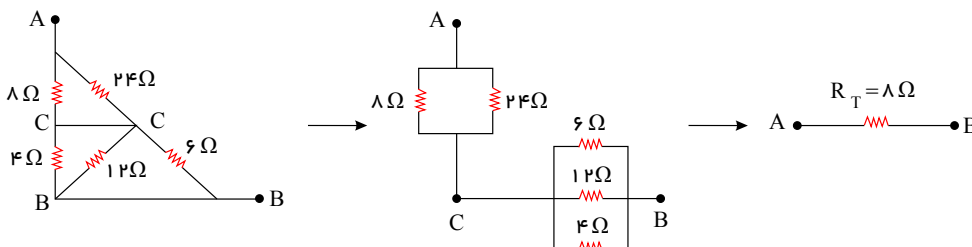
۱۷۱. گزینه ۱

$$V_1 = V_2 \Rightarrow R_1 I_1 = R_2 I_2 \Rightarrow 9 \times 0,5 = 18 I_2 \Rightarrow I_2 = 0,25A \Rightarrow I_3 = I_1 + I_2 = 0,75A$$

$$V_4 = V_{AB} = V_{1,2,3} = R_{1,2,3} \times I_3 = \left(\frac{9 \times 18}{9 + 18} + 2 \right) \times 0,75 = 6V$$

$$P_4 = \frac{V_4^2}{R_4} = \frac{(6)^2}{4} = \frac{36}{4} = 9W$$

۱۷۲. گزینه ۴ با نام گذاری محل گره ها، مدار را مطابق شکل ساده می کنیم:

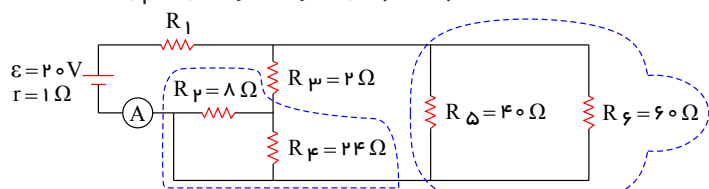


$$P_T = \frac{V^2}{R_T} = \frac{400}{8} = 50 W$$

۱۷۳. گزینه ۱ برای محاسبه ی جریان آمپرسنج (که همان جریان خروجی از باتری است)، ابتدا مقاومت معادل دو سر باتری را به دست می آوریم.

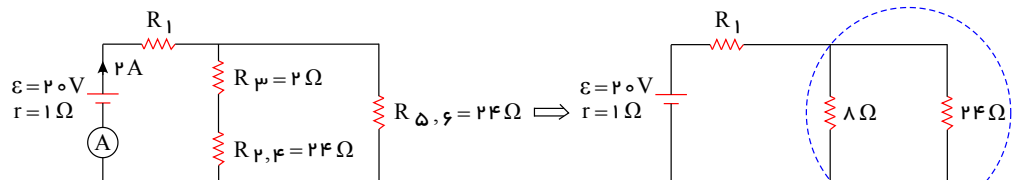
دقت کنید که مقاومت های R_2 و R_4 به صورت موازی به هم بسته شده اند:

$$\begin{cases} R_5 \text{ با } R_6 \text{ موازی} \Rightarrow R_{5,6} = \frac{60 \times 40}{60 + 40} = 24 \Omega \\ R_2 \text{ با } R_4 \text{ موازی} \Rightarrow R_{2,4} = \frac{24 \times 8}{24 + 8} = 6 \Omega \end{cases}$$



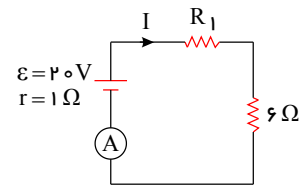
و این مدار به صورت زیر ساده می شود:

$$\frac{24 \times 8}{24 + 8} = 6 \Omega$$



صفحه ۴۰

$$\text{جریان آمپرسنج} = I = \frac{\varepsilon}{r + (R_1 + 6)} \Rightarrow 2 = \frac{20}{1 + (R_1 + 6)} \Rightarrow R_1 = 3\Omega$$



۱۷۴. گزینه ۳ اگر با ثابت ماندن جرم یا حجم یک سیم رسانا، تغییراتی روی طول یا سطح مقطع آن ایجاد کنیم می توان از تناسب زیر در مورد تغییرات مقاومت سیم استفاده کرد:

$$R \propto \left(\frac{L}{A}\right)^2 \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{A_1}{A_2}\right)^2 \xrightarrow{A \propto D^2} \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{D_1}{D_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

بنابراین در مورد اختلاف پتانسیل دو سر آن می توان گفت:

$$V = IR \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{I_2}{I_1} \times \frac{R_2}{R_1} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{8}$$

۱۷۵. گزینه ۱

چون جریان ورودی به رئوس C از خارج می شود، (و نه از B) بنابراین جای لغزنده تأثیری در طول سیمی که جریان از آن عبور می کند ندارد. یعنی مقاومت رئوس C و در نتیجه مقاومت معادل مدار با حرکت لغزنده ثابت می ماند.

۱۷۶. گزینه ۱

مقاومت لامپ ثابت می ماند.

$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{36}{P_2} = \left(\frac{12}{8}\right)^2 \Rightarrow \frac{36}{P_2} = \frac{9}{4} \Rightarrow P_2 = 16W$$

۱۷۷. گزینه ۱

$$V_{\text{مولد}} = \varepsilon - rI = IR_T, \quad I = \frac{\varepsilon}{R_T + r}$$

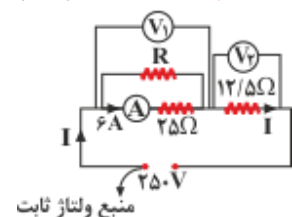
$$\text{کلید قبل از بستن کلید: } I_1 = \frac{\varepsilon}{1.5 + r} \Rightarrow V_1 = \frac{\varepsilon}{1.5 + r} \times 1.5$$

$$\text{کلید بعد از بستن کلید: } RT = \frac{3 \times 1.5}{3 + 1.5} = \frac{3 \times 1.5}{4.5} = 1\Omega \Rightarrow I_2 = \frac{\varepsilon}{1 + r} \Rightarrow V_2 = \frac{\varepsilon}{1 + r} \times 1$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{\frac{1\varepsilon}{1+r}}{\frac{1.5\varepsilon}{1.5+r}} = \frac{(1.5+r)(1)}{1.5(1+r)} = \frac{8}{9} \Rightarrow 12 + 12r = 13.5 + 9r \Rightarrow 3r = 1.5 \Rightarrow r = \frac{1}{2} = 0.5\Omega$$

۱۷۸. گزینه ۱ در شکل زیر اعداد ولت سنج های فرضی (۱) و (۲) عبارت است از:

$$\begin{cases} V_1 + V_2 = VT \\ V_T = 250V \\ V_1 = 25 \times 6 = 150V, \quad V_2 = 12.5I \end{cases} \Rightarrow 150 + 12.5I = 250 \Rightarrow I = 8A$$



جریان کل مدار برابر ۸A و جریان عبوری از مقاومت R برابر ۲A بوده و می توان نوشت:

$$\begin{array}{c} R \\ \leftarrow 2A \right. \\ \leftarrow 8A \right. \\ \leftarrow 6A \right. \\ \leftarrow 25\Omega \end{array} \Rightarrow 2R = 6 \times 25 \Rightarrow R = 75\Omega$$

$$R \text{ توان مقاومت} \Rightarrow P = RI^2 = 75 \times 2^2 = 300W = 0.3kW, \quad t = 30 \text{ min} = \frac{1}{2}h$$

$$\text{انرژی مصرفی} \Rightarrow W = P \cdot t \Rightarrow W = 0.3 \times \frac{1}{2} = 0.15kWh$$

(t ← بر حسب ساعت / P ← بر حسب کیلووات / W ← بر حسب کیلووات ساعت)

۱۷۹. گزینه ۴ جریان عبوری از مقاومت ۵ اهمی جریان کل مدار یا جریان عبوری از مولد می باشد.

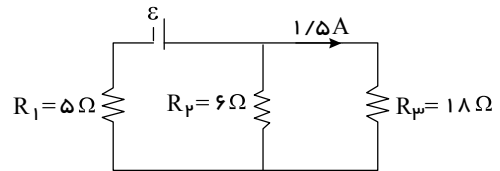
صفحه ۴۱

$$V_2 = V_3 \rightarrow R_2 I_2 = R_3 I_3 \rightarrow 6 \times I_2 = 18 \times 1,5$$

$$I_2 = 4,5 A$$

$$I_1 = I_2 + I_3 = 4,5 + 1,5 = 6 A$$

$$P_1 = R_1 I_1^2 \rightarrow P_1 = 5 \times 6^2 = 180 W$$



۱۸۰. گزینه ۴ با به دست آوردن جریان هر شاخه داریم:

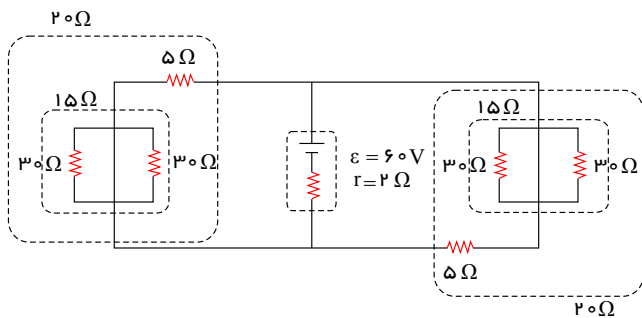
$$\left\{ \begin{aligned} V_1 &= V_2 = V_3 \\ I_1 &= \frac{V_1}{R_1} = \frac{I}{6}, I_2 = \frac{I}{3}, I_3 = \frac{I}{2} \Rightarrow \frac{P_6}{P_4} = \frac{R_6 I_2^2}{R_4 I_1^2} = \frac{6 \times \frac{I^2}{36}}{4 \times I^2} = \frac{1}{24} \end{aligned} \right.$$

۱۸۱. شکل ساده شده‌ی مدار:

$$R_{eq} = 10 \Omega$$

$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = \frac{60}{10 + 2} = 5 A$$

$$P_{\text{مفید}} = \epsilon I - r I^2 = 60 \times 5 - 2 \times 25 = 250 W$$



۱۸۲. گزینه ۳ وقتی میدان الکتریکی را به یک فلز اعمال می‌کنیم، الکترون‌های آزاد با سرعتی متوسط موسوم به سرعت سوق در

خلاف جهت میدان و با سرعتی معمولاً از مرتبه $1 \frac{mm}{s}$ سوق پیدا می‌کنند.

۱۸۳. گزینه ۴

$$\begin{cases} m_B = \frac{2}{3} m_A \\ m = \rho V \end{cases} \Rightarrow \rho_B V_B = \frac{2}{3} \rho_A V_A \xrightarrow{V=AL} \frac{\rho_B}{3} A A L_B = \frac{2}{3} \rho_A A A L_A \xrightarrow{L_B=L_A} AB = 2AA$$

اکنون با توجه به رابطه $R = \rho \frac{l}{A}$ داریم:

$$R = \rho \frac{l}{A} \Rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \frac{\rho_B}{\rho_A} \times \frac{L_B}{L_A} \times \frac{A_A}{A_B} \xrightarrow{\frac{R_A=R_B}{L_A=L_B}} 1 = \frac{\rho_B}{\rho_A} \times 1 \times \frac{A_A}{A_B}$$

$$\Rightarrow \frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{A_B}{A_A} \xrightarrow{A_B=2A_A} \frac{\rho_B}{\rho_A} = 2$$

۱۸۴. گزینه ۳ به کمک قانون اهم، $R = \frac{V}{I}$ و نیز رابطه‌ی مقاومت الکتریکی رساناها و با توجه به مشخصات ساختمانی آن‌ها

$$R = \rho \frac{L}{A} = \rho \frac{L}{\pi r^2} \quad I = \frac{q}{t} = \frac{ne}{t}$$

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow \rho \frac{L}{\pi r^2} = \frac{V}{\frac{ne}{t}} \Rightarrow \rho \frac{L}{\pi r^2} = \frac{Vt}{ne}$$

$$\frac{\rho_1 = \rho_2}{V_1 = V_2, t_1 = t_2} \rightarrow \frac{n_1}{n_2} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \times \frac{L_2}{L_1} \Rightarrow \frac{n_1}{n_2} = \left(\frac{2r_2}{r_2}\right)^2 \times \frac{L_2}{2L_2} = 2$$

۱۸۵. گزینه ۳

$$R = \rho \frac{L}{A} \rightarrow R = 10^{-6} \times \frac{2}{0,2 \times 10^{-6}} = 10 \Omega$$

$$U = \frac{V^2}{R} t \rightarrow U = \frac{(200)^2}{10} \times \frac{20}{60} \times \frac{1}{1000} = \frac{4}{3} kWh$$

صفحه ۴۲

گزینه ۱۸۶.۴

$$\left. \begin{aligned} I &= \frac{q}{t} \\ W &= RI^2 t \end{aligned} \right\} W = R \left(\frac{q}{t} \right)^2 t = R \times \frac{q^2}{t} \Rightarrow 4000 = 5 \times \frac{40000}{t} \Rightarrow t = 50 \text{ s}$$

گزینه ۱۸۷.۴

$$V = \varepsilon - rI \Rightarrow 19 = 20 - 0.5I \Rightarrow I = 2A$$

$$V = RI \Rightarrow 19 = \left(2 + \frac{5R}{R+5} + 3.5 \right) \times 2 \Rightarrow \frac{5R}{R+5} = 4 \Rightarrow 5R = 4R + 20 \Rightarrow R = 20 \Omega$$

گزینه ۱۸۸.۴

$$2 \text{ مقاومت معادل شکل } 2 = RT_2 = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \Rightarrow RT = \frac{6R_2}{6 + R_2}$$

$$1 \text{ مقاومت معادل شکل } 1 = RT_1 = 6 + R_2$$

$$P = \frac{V^2}{R} \xrightarrow{V_1 = V_2} \frac{P_1}{P_2} = \frac{RT_2}{RT_1} \Rightarrow \frac{P_1}{4.5P_1} = \frac{6 + R_2}{6 + R_2}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{4.5} = \frac{6R_2}{(6 + R_2)(R_2 + 6)} \Rightarrow 27R_2 = 36 + R_2^2 + 12R_2$$

$$R_2^2 - 15R_2 + 36 = 0 \Rightarrow (R_2 - 3)(R_2 - 12) = 0 \Rightarrow R_2 = 3 \Omega, R_2 = 12 \Omega$$

گزینه ۱۸۹.۴

$$R_1 = 10 + 20 = 30 \Rightarrow R' = \frac{30 \times 15}{30 + 15} = \frac{30}{2 + 1} = 10 \Omega$$

$$R_2 = 15 + 5 = 20 \Rightarrow R'' = \frac{20 \times 5}{20 + 5} = \frac{20}{4 + 1} = 4 \Omega$$

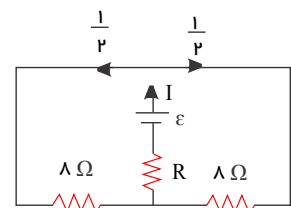
$$RT = 10 + 12 + 4 + 4 = 30 \Omega$$

$$R_1 I_1 = R_2 I_2 \Rightarrow 30 \times 2 = 15 I_2 \Rightarrow I_2 = 4A \Rightarrow I = I_1 + I_2 = 2 + 4 = 6A$$

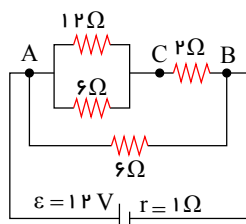
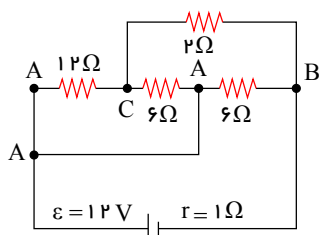
گزینه ۱۹۰.۲ جریان I بین دو مقاومت موازی و مساوی ۸ اهمی به نسبت مساوی تقسیم می شود. پس جریان گذرنده از مقاومت

های ۸ اهمی نصف جریان در شاخه اصلی یعنی $\frac{I}{2}$ می باشد.

$$P = RI^2, P_{8\Omega} = PR \Rightarrow 8 \left(\frac{I}{2} \right)^2 = RI^2 \Rightarrow 2I^2 = RI^2 \Rightarrow R = 2 \Omega$$



گزینه ۱۹۱.۱



$$R' = \frac{12 \times 6}{12 + 6} = 4 \Omega, R'' = 4 + 2 = 6 \Omega \Rightarrow RT = \frac{6}{2} = 3 \Omega$$

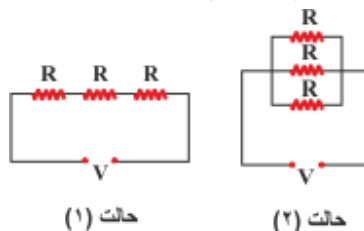
$$\Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{RT + r} = \frac{12}{3 + 1} = 3A \Rightarrow P' = rI^2 = 1 \times 3^2 = 9W$$

صفحه ۴۳

۱۹۲. گزینه ۴ با مقایسه‌ی دو حالت و با توجه به یکسان بودن منبع ولتاژ در دو حالت می‌توان نوشت:

$$P = \frac{V^2}{RT} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{RT_1}{RT_2} = \frac{3R}{\frac{R}{3}} = 9 \Rightarrow P_2 = 9P_1$$

$$P_1 = 90W \Rightarrow P_2 = 810W$$



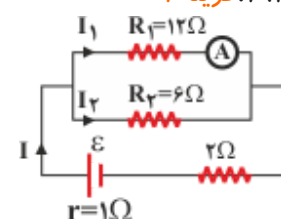
۱۹۳. گزینه ۱

$$\text{حالت اول: } I = \frac{\varepsilon}{RT+r} \Rightarrow 1 = \frac{\varepsilon}{12+2+1} \Rightarrow \varepsilon = 15V$$

$$\text{حالت دوم: } I = \frac{\varepsilon}{RT+r} \Rightarrow I = \frac{15}{4+2+1} = \frac{15}{7}A$$

$$V_1 = V_2 \Rightarrow R_1 I_1 = R_2 I_2 \Rightarrow 12I_1 = 6I_2 \Rightarrow I_2 = 2I_1$$

$$I_1 + I_2 = \frac{15}{7} \Rightarrow I_1 + 2I_1 = \frac{15}{7} \Rightarrow 3I_1 = \frac{15}{7} \Rightarrow I_1 = \frac{5}{7}A$$



۱۹۴. گزینه ۱ با توجه به تقسیم I بین شاخه‌های A و B و رابطه عکس بین I و R در مقاومت‌های موازی می‌توان نتیجه گرفت:

$$R_A = 2R_B$$

همچنین با توجه به رابطه مقاومت با شرایط ساختمانی آن می‌توان گفت:

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho A}{\rho B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} \Rightarrow 2 = 3 \times 1 \times \frac{A_B}{A_A} \Rightarrow \frac{A_A}{A_B} = \frac{3}{2}$$

۱۹۵. گزینه ۱

$$R = \rho \frac{L}{A} = \rho \frac{I}{\frac{\pi D^2}{4}} \Rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \left(\frac{D_A}{D_B} \right)^2 \Rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \left(\frac{0.2}{0.3} \right)^2 = \frac{4}{9}$$

$$V_A = V_B \Rightarrow R_A I_A = R_B I_B \Rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \frac{I_A}{I_B} = \frac{4}{9}, I_A + I_B = 2.6A$$

$$I_A + \frac{9}{4}I_A = \frac{2}{6} \Rightarrow \frac{13}{4}I_A = \frac{2}{6} \Rightarrow I_A = 0.8A$$

۱۹۶. گزینه ۴ آمپرسنج ایده‌آل مقاومت الکتریکی ندارد و اگر با مقاومتی به صورت موازی بسته شود تمام جریان از آمپرسنج می‌گذرد و دو سر مقاومت اتصال کوتاه می‌شود.

ولت‌سنج ایده‌آل دارای مقاومت الکتریکی بسیار زیاد است که جریان را از خود عبور نمی‌دهد و باید در مدار به صورت موازی بسته شود.

بنابراین از مقاومت‌های ۳ و ۵ اهمی جریانی نمی‌گذرد، داریم:

$$I = \frac{\varepsilon}{R+r} = \frac{14}{2+4+1} = 2A$$

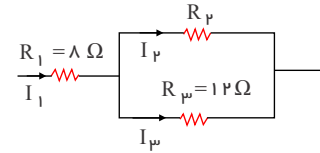
ولت‌سنج اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۲ اهمی را نشان می‌دهد:

$$V = IR = 2 \times 2 = 4V$$

صفحه ۴۴

۱۹۷. گزینه ۴ می‌دانیم اگر دو مقاومت به صورت سری (متوالی) به هم بسته شده باشند، جریان عبوری از آن‌ها یکسان بوده و برای مقایسه‌ی توان مصرفی آن‌ها از فرم مقایسه‌ای رابطه‌ی $P = RI^2$ استفاده می‌کنیم و چنانچه دو مقاومت به صورت موازی به هم بسته شده باشند، اختلاف پتانسیل یکسانی دارند و برای مقایسه‌ی توان مصرفی آن‌ها از فرم مقایسه‌ای رابطه‌ی $P = \frac{V^2}{R}$ استفاده می‌کنیم. اکنون مطابق فرض مسئله داریم:

$$P = RI^2 \Rightarrow \frac{P_1}{P_{2,3}} = \frac{R_1}{R_{2,3}} = \frac{\lambda}{R_{2,3}} \Rightarrow P_1 = \frac{\lambda}{R_{2,3}} P_{2,3} \quad (1)$$



برای دو مقاومت R_2 و R_3 می‌توان نوشت:

$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow \frac{P_3}{P_2} = \frac{R_2}{R_3} = \frac{R_2}{12} \Rightarrow P_3 = \frac{R_2}{12} P_2 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} P_1 = \frac{\lambda}{R_{2,3}} (P_2 + \frac{R_2}{12} P_2) \xrightarrow{\text{فرض مسئله } U_1 = 3U_2 \Rightarrow P_1 = 3P_2} 3 = \frac{\lambda}{R_{2,3}} \left(\frac{12 + R_2}{12} \right)$$

$$\Rightarrow 36 \left(\frac{12 R_2}{12 + R_2} \right) = \lambda (12 + R_2) \Rightarrow 54 R_2 = (12 + R_2)^2 \Rightarrow R_2^2 - 30 R_2 + 144 = 0$$

$$\Rightarrow (R_2 - 6)(R_2 - 24) = 0 \Rightarrow R_2 = 6 \Omega, R_2 = 24 \Omega$$

بنابراین باتوجه به گزینه‌ها تنها گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح می‌باشد.

۱۹۸. گزینه ۱ بنا به رابطه‌ی $R = \rho \frac{L}{A}$ برای هر سه مقاومت داریم:

$$\begin{cases} RA = (1,5\rho) \frac{(2L)}{A} = 3\rho \frac{L}{A} \\ RB = (0,5\rho) \frac{L}{A} = 0,5\rho \frac{L}{A} \\ RC = \rho \frac{L}{A} = \rho \frac{L}{A} \end{cases} \Rightarrow RA = 3RC, RC = 2RB$$

$$m_1 = m_2 \Rightarrow P_1 V_1 = P_2 V_2 \xrightarrow{V=AL} \frac{P_1 = P_2}{V=AL} A_1 L_1 = A_2 L_2 \rightarrow \frac{L_2}{L_1} = \frac{A_1}{A_2} \quad \text{گزینه ۲} \quad 199$$

$$R = \rho \frac{l}{A} \rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{l_2}{l_1} \times \frac{A_1}{A_2} \xrightarrow{\frac{\rho_2 = \rho_1}{\frac{A_1}{A_2} = \frac{L_2}{L_1}}} \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{L_2}{L_1} \right)^2 \xrightarrow{R_3 = 12R_1} \frac{16R_1}{R_1} = \left(\frac{L_2}{10} \right)^2$$

$$\rightarrow 4 = \frac{L_2}{10} \rightarrow L_2 = 40 \text{ cm}$$

۲۰۰. گزینه ۱ طبق رابطه‌ی $\left(\frac{U}{t} = P \right)$ آهنگ تولید انرژی گرمایی در سیم همان توان مصرفی سیم می‌باشد. پس مطابق رابطه‌ی

$$P = \frac{V^2}{R} \text{ ابتدا مقاومت الکتریکی سیم را به دست می‌آوریم:}$$

$$R = \rho \frac{L}{A} = 1,7 \times 10^{-8} \times \frac{30}{3 \times (10^{-3})^2} = 0,17$$

$$P = \frac{V^2}{R} = \frac{(17)^2}{0,17} = 1700 \text{ W}$$



صفحه ۴۵

۲۰۱. گزینه ۲ چون مقاومت آمپر سنج صفر است، پس دو مقاومت R_3 و R_2 اتصال کوتاه شده و از مدار خارج می شوند. در این صورت فقط مقاومت R_1 در مدار می ماند.

$$I = \frac{\varepsilon}{R_1} = \frac{10}{2} = 5A$$

مقاومت معادل مقاومت های 10 و 40 اهمی که موازی اند. $R = \frac{40 \times 10}{40 + 10} = 8\Omega$

اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت 8 اهمی $V = R_1 I_1 = 8 \times 2.5 = 20V$

$I = I_1 + I_2 \Rightarrow 3 = I_2 + 2.5 \Rightarrow I_2 = 0.5A$

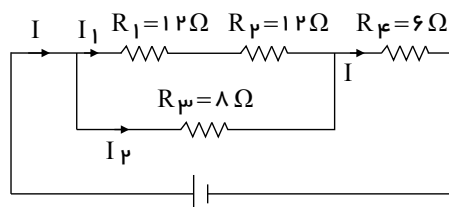
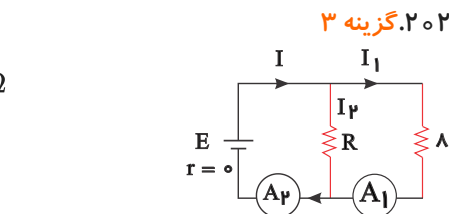
اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R $V = R I_2 \Rightarrow 20 = R \times 0.5 \Rightarrow R = 40\Omega$

مقاومت معادل مدار $R = \frac{40 \times 8}{40 + 8} = \frac{20}{3}\Omega$

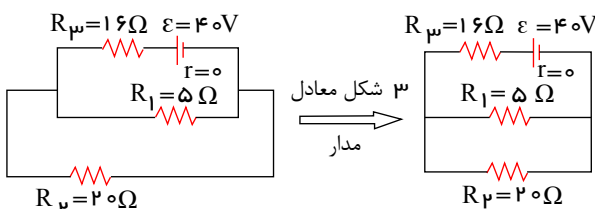
۲۰۳. گزینه ۴ اگر جریانی را که از مولد می گذرد I در نظر بگیریم، باتوجه به اینکه جریان بین مقاومت های موازی $(R_3 = 8, R_1 = 24)$ به نسبت عکس مقاومت ها تقسیم می شود. داریم:

$I_2 = \frac{3}{4}I, I_1 = \frac{1}{4}I$

$\frac{P_{R_4}}{P_{R_1}} = \frac{R_4 I_2^2}{R_1 (\frac{1}{4}I)^2} = \frac{6I^2}{12 \times \frac{1}{16}I^2} = 8$



۲۰۴. گزینه ۲ در ابتدا با ساده کردن مدار، مقاومت معادل و جریان خروجی از باتری را محاسبه می کنیم:



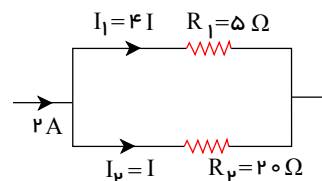
R_2 و R_1 موازی هستند و حاصل با R_3 سری است $\Rightarrow R_T = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} + R_3 = \frac{5 \times 20}{5 + 20} + 16 = 20\Omega$

$I_{کل} = \frac{\varepsilon}{R_T + r} = \frac{40}{20 + 0} = 2A$

در ادامه جریان $2A$ را بین مقاومت های موازی 5Ω و 20Ω توزیع کرده و جریان I_1 را محاسبه می کنیم:

$I_1 + I_2 = 2 \Rightarrow 5I = 2A \Rightarrow I = 0.4A$

$I_1 = 4 \times 0.4 = 1.6A$

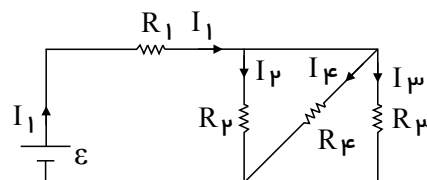


تذکر: در مقاومت های موازی، جریان عبوری از هر مقاومت با اندازه ی مقاومت رابطه ی معکوس دارد و از مقاومت بزرگتر جریان کمتر عبور می کند، بنابراین اگر جریان عبوری از مقاومت R_2 را I فرض کنیم، جریان عبوری از مقاومت R_1 برابر $4I$ است (دقت شود که R_1 برابر $\frac{1}{4} R_2$ است).

۲۰۵. گزینه ۳ اگر جریان عبوری از مولد را I_1 در نظر بگیریم در مورد جریان عبوری از دیگر مقاومت ها می توان گفت:

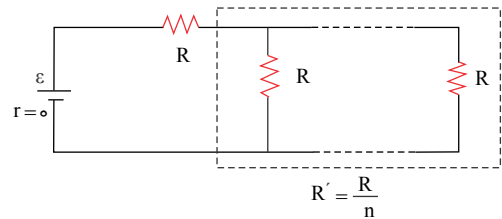
$R_2 = R_3 = R_4 \Rightarrow I_2 = I_4 = I_3 = \frac{I_1}{3}$

$P = R I^2 \Rightarrow \frac{P_1}{P_4} = (\frac{R_1}{R_4}) (\frac{I_1}{I_4})^2 = \frac{4R}{R} \times (\frac{I_1}{\frac{I_1}{3}})^2 \Rightarrow \frac{P_1}{P_4} = 36$



۲۰۶. گزینه ۳ باتوجه به شکل مدار، ابتدا مقاومت معادل مدار را در دو حالت حساب می کنیم:

$$RI_1 = R + \frac{R}{n} \quad , \quad RI_2 = R + \frac{R}{(n+1)}$$



حال با استفاده از رابطه‌ی جریان در یک مدار تک حلقه می توان نوشت:

$$I = \frac{\varepsilon}{RT+r} \xrightarrow{r=0} I = \frac{\varepsilon}{RT}$$

$$\frac{I_2}{I_1} = \frac{RT_1}{RT_2} \Rightarrow \frac{16}{15} = \frac{R + \frac{R}{n}}{R + \frac{R}{n+1}} = \frac{(n+1)^2}{n(n+2)} \Rightarrow 16(n^2 + 2n) = 15(n+1)^2$$

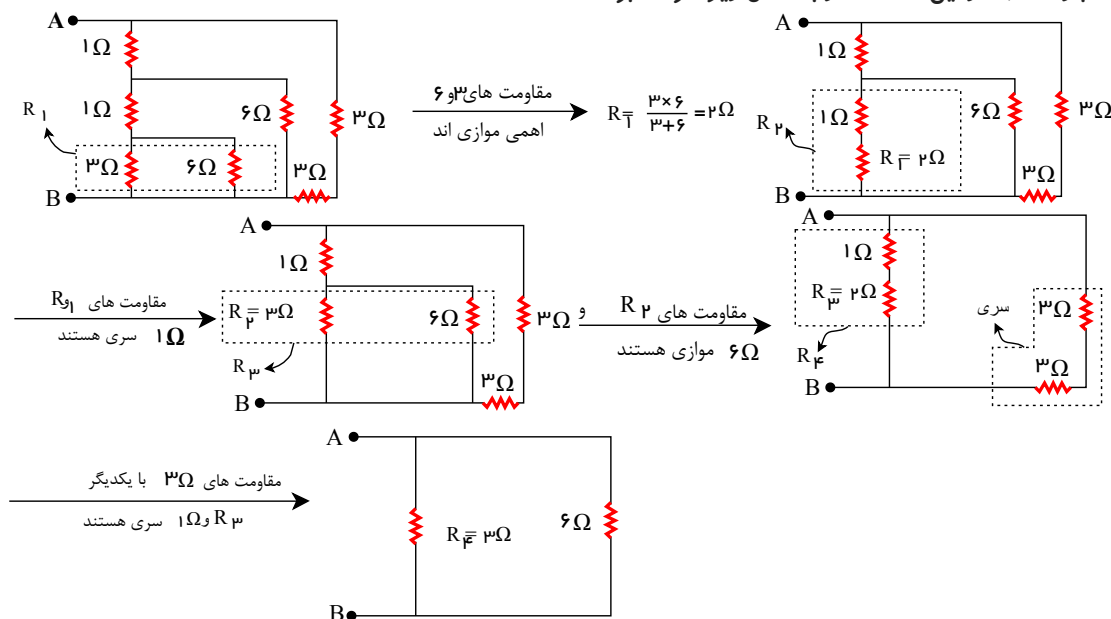
$$\Rightarrow n^2 + 2n - 15 = 0 \Rightarrow (n-3)(n+5) = 0 \Rightarrow n = 3$$

۲۰۷. گزینه ۳ با توجه به این که مقاومت‌ها به صورت موازی بسته شده‌اند پس اختلاف پتانسیل دو سر هر یک از آن‌ها برابر ۳۰ ولت می باشد.

$$V = RI \Rightarrow 30 = \frac{3 \times R}{3+R} \times 15 \Rightarrow 6 + 2R = 3R \Rightarrow R = 6\Omega$$

۲۰۸. گزینه ۲ مدار را در دو حالت بررسی می کنیم:

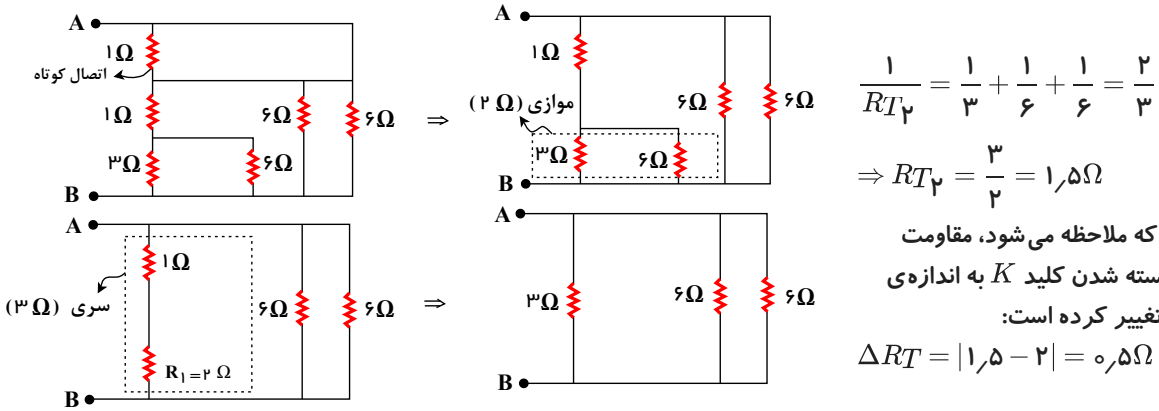
حالت ۱ (کلید K باز است): در این حالت مدار به شکل زیر خواهد بود:



در نهایت مقاومت معادل مجموعه برابر است با:

$$RT_1 = \frac{3 \times 6}{3+6} = 2\Omega$$

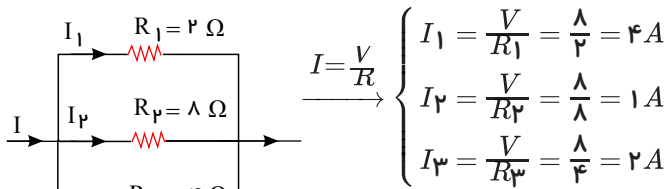
حالت ۲ (کلید K بسته است): در این حالت، باتوجه به مدار زیر، دو سر مقاومت یک اهمی بالایی با یک سیم به یکدیگر متصل شده است، بنابراین این مقاومت اتصال کوتاه می شود:



۲۰۹. گزینه ۱ چون مقاومت‌ها به‌طور موازی به هم بسته شده‌اند، بنابراین اختلاف پتانسیل دو سر آن‌ها با یکدیگر برابر است. مطابق

رابطه‌ی $P = \frac{V^2}{R}$ ، چون حداکثر توان قابل تحمل تمام مقاومت‌ها یکسان است، بنابراین بیشینه‌ی ولتاژ دو سر مجموعه برابر با بیشینه‌ی ولتاژ دو سر کوچک‌ترین مقاومت است. بنابراین:

$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow V^2 = P_{max} \times R = 32 \times 2 = 64 \Rightarrow V = 8V$$



$$I = I_1 + I_2 + I_3 \Rightarrow I = 4 + 1 + 2 = 7A$$

۲۱۰. گزینه ۳ چون در این سؤال مقاومت لامپ ثابت فرض شده است، پس با استفاده از فرم مقایسه‌ای رابطه‌ی $P = \frac{V^2}{R}$ می‌توان نوشت:

$$P_2 = P_1 - 0,19P_1 = 0,81P_1$$

$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{0,81P_1}{P_1} = \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = 0,9 \Rightarrow V_2 = 0,9 \times 200 = 180V$$

$$\Delta V = V_2 - V_1 = 180 - 200 = -20V$$

۲۱۱. گزینه ۱ با توجه به این که دو سر مقاومت ۹ اهمی با یک سیم به هم وصل شده است پس هیچ جریانی از آن عبور نمی کند و انرژی نیز در آن مصرف نمی شود. توجه داشته باشید که در این حالت از مقاومت های ۹ اهمی و ۱۸ اهمی جریان عبور نمی کند و تمام جریان از سیم وسط که مقاومت آن صفر است، عبور خواهد کرد.

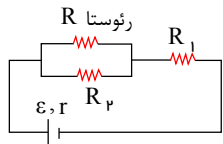
۲۱۲. گزینه ۲ روش اول: با افزایش مقاومت R_2 ، مقاومت معادل مدار نیز افزایش می‌یابد و به همین دلیل، شدت جریان کل (شدت جریان گذرنده از مولد) مدار کم می‌شود. با کاهش جریان، ولتاژ دو سر مولد با توجه به رابطه‌ی $V = \varepsilon - rI$ افزایش می‌یابد. و می‌توان نتیجه گرفت که $V_{2,3}$ افزایش یافته است. به دلیل موازی بودن دو مقاومت R_2 و R_3 این ولتاژ ($V_{2,3}$) ولتاژ دو سر هر یک از مقاومت‌های R_2 و R_3 نیز هست.

روش دوم: اگر R_2 زیاد شود، مقاومت معادل مدار (R_T) نیز افزایش می‌یابد و بنابر رابطه‌ی $I = \frac{\varepsilon}{R_T + r}$ مقدار I کم می‌شود. حال اگر R_1 را که با مولد متوالی است به مقاومت درونی مولد اضافه کنیم، ولتاژ دو سر R_2 و R_3 برابر با ولتاژ دو سر مولد خواهد شد و در مورد ولتاژ دو سر مولد نیز می‌توان گفت:

$$\uparrow V_{مولد} = \varepsilon - rI \downarrow$$

۲۱۳. گزینه ۱ با حرکت دادن لغزنده از C به D مقدار سیم مقاومت دار که در مدار است افزایش می‌یابد با افزایش یک مقاومت موجود در مدار، مقاومت کل زیاد می‌شود. در نتیجه جریان مدار و همچنین جریانی عبوری از مقاومت R_1 کاهش می‌یابد و توان مصرفی در آن کم می‌شود ($P \downarrow = RI^2 \downarrow$)

صفحه ۴۸



$$(\uparrow P_2 = \frac{V_2^2}{R_2} \uparrow)$$

ولتاژ دو سر مولد افزایش می یابد ($\uparrow V = \varepsilon - rI \downarrow$).

ولتاژ دو سر مقاومت R_1 کم می شود ($\uparrow V_1 = RI_1 \downarrow$).

از آنجا که $\downarrow V = V_2 + V_1 \uparrow$ است. در نتیجه V_2 افزایش می یابد و توان P_2 زیاد می شود.

۲۱۴. گزینه ۴ با توجه به رابطه $P = \frac{V^2}{R}$ بیشترین توان لامپ در شرایطی است که R کمترین باشد؛ از طرفی در اتصال موازی مقاومت ها، مقاومت معادل از هر یک از مقاومت ها کمتر است. پس بیشترین توان وقتی است که هر دو کلید بسته باشد:

$$R_{eq} = \frac{(100)^2}{250} = 40 \Omega$$

کمترین توان مربوط به وقتی است که کلید مربوط به فیلامان با مقاومت بیشتر بسته شده باشد:

$$R_1 = R_{max} = \frac{V^2}{P_{min}} = \frac{(100)^2}{50} = 200 \Omega$$

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \Rightarrow \frac{1}{40} = \frac{1}{200} + \frac{1}{R_2} \Rightarrow \frac{1}{R_2} = \frac{5}{200} - \frac{1}{200} \Rightarrow R_2 = 50 \Omega$$

۲۱۵. گزینه ۴ توان انتقال کابل های برق $P = VI$ خواهد بود.

$$P = 80 kW = 4 \times 10^5 I \Rightarrow I = 0.2 A$$

توان تلف شده در خطوط انتقال از رابطه $P' = RI^2$ به دست می آید بنابراین خواهیم داشت:

$$P' = 2.5 \times (0.2)^2 = 0.1 W$$